

Име: Ф№: Гр:

Задача	1	2	3	4	5	6	ОБЩО
получени точки							
от максимално	20	18	22	20	20	20	120

Забележка: за отлична оценка са достатъчни 100 точки. Точките над 100 са бонус, който не се губи.

Зад. 1 Това е добре известният алгоритъм BINARY SEARCH. Входът му е сортиран масив A и число k , а изходът е или позицията, на която се среща това k в масива A , ако изобщо k се среща в A , или -1 , което означава, че k не се среща в A .

BINARY SEARCH($A[1, \dots, n]$: sorted array of int; k : int)

```

1  p ← 1
2  q ← n
3  while q ≥ p do
4      m ← ⌊ $\frac{p+q}{2}$ ⌋
5      if k < A[m]
6          q ← m - 1
7      else if k > A[m]
8          p ← m + 1
9      else
10         return m
11 return -1

```

Докажете колкото можете по-формално и прецизно коректността на този алгоритъм.

Зад. 2 Наредете по асимптотично нарастване следните функции. Обосновете отговорите си кратко. Напишете в явен вид наредбата.

$$\begin{aligned}
 f_1(n) &= n^{\sum_{i=1}^{n+1} i} & f_2(n) &= n^{\sum_{i=1}^{n-1} 2^i} & f_3(n) &= (\lg n)^{n^2 \lg n} & f_4(n) &= 2^{n^3} & f_5(n) &= \binom{n}{3} + \binom{n}{2} \\
 f_6(n) &= 3^{\sqrt[3]{n}} & f_7(n) &= 4^{\sqrt[4]{n}} & f_8(n) &= (\lceil \sqrt{n} \rceil)! & f_9(n) &= \sqrt{n}! & f_{10}(n) &= \lg((2n)!)
 \end{aligned}$$

Зад. 3 Обяснете накратко какво е двоична пирамида и как се реализира двоична пирамида с масив. Докажете, че всеки числен масив с n елемента може да бъде пренареден в двоична пирамида във време $O(n)$.