

Функции

(част 1)

Трифон Трифонов

Увод в програмирането,
спец. Компютърни науки, 1 поток, 2018/19 г.

8 ноември 2018 г.

Функциите в математиката

- Какво е функция в математиката?

Функциите в математиката

- Какво е функция в математиката?
- $f : Dom \rightarrow Ran$

Функциите в математиката

- Какво е функция в математиката?
- $f : Dom \rightarrow Ran$
 - Dom — дефиниционна област

Функциите в математиката

- Какво е функция в математиката?
- $f : Dom \rightarrow Ran$
 - Dom — дефиниционна област
 - Ran — обхват, област от стойности

Функциите в математиката

- Какво е функция в математиката?
- $f : Dom \rightarrow Ran$
 - Dom — дефиниционна област
 - Ran — обхват, област от стойности
- Нека $F \subseteq Dom \times Ran$

Функциите в математиката

- Какво е функция в математиката?
- $f : Dom \rightarrow Ran$
 - Dom — дефиниционна област
 - Ran — обхват, област от стойности
- Нека $F \subseteq Dom \times Ran$
- така че $\forall x \exists ! y(x, y) \in F$ (функционалност)

долик. $\forall x \forall y_1, y_2 \quad (x, y_1) \in F \ \& \ (x, y_2) \in F \rightarrow y_1 = y_2$

инект. $\forall x_1, x_2 \forall y \quad (x_1, y) \in F \ \& \ (x_2, y) \in F \rightarrow x_1 = x_2$

Функциите в математиката

- Какво е функция в математиката?
- $f : Dom \rightarrow Ran$
 - Dom — дефиниционна област
 - Ran — обхват, област от стойности
- Нека $F \subseteq Dom \times Ran$
- така че $\forall x \exists! y(x, y) \in F$ (функционалност)
- еквивалентно: ако $(x, y_1) \in F$ и $(x, y_2) \in F$, тогава $y_1 = y_2$

Функциите в математиката

- Какво е функция в математиката?
- $f : Dom \rightarrow Ran$
 - Dom — дефиниционна област
 - Ran — обхват, област от стойности
- Нека $F \subseteq Dom \times Ran$
- така че $\forall x \exists ! y(x, y) \in F$ (функционалност)
- еквивалентно: ако $(x, y_1) \in F$ и $(x, y_2) \in F$, тогава $y_1 = y_2$
- Ако $(x, y) \in F$ пишем $f(x) = y$.

Функциите в математиката

- Какво е функция в математиката?
- $f : Dom \rightarrow Ran$
 - Dom — дефиниционна област
 - Ran — обхват, област от стойности
- Нека $F \subseteq Dom \times Ran$
- така че $\forall x \exists ! y(x, y) \in F$ (функционалност)
- еквивалентно: ако $(x, y_1) \in F$ и $(x, y_2) \in F$, тогава $y_1 = y_2$
- Ако $(x, y) \in F$ пишем $f(x) = y$.
- F — графика на функцията f

Какво е програмна функция?

- Относително независима част от програмата, извършваща определено пресмятане

Какво е програмна функция?

- Относително независима част от програмата, извършваща определено пресмятане
- Може да бъде използвана многократно

Какво е програмна функция?

- Относително независима част от програмата, извършваща определено пресмятане
- Може да бъде използвана многократно
- **Пример 1**

Какво е програмна функция?

- Относително независима част от програмата, извършваща определено пресмятане
- Може да бъде използвана многократно
- **Пример 1**
 - $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$

Какво е програмна функция?

- Относително независима част от програмата, извършваща определено пресмятане
- Може да бъде използвана многократно
- **Пример 1**
 - $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$
 - $f(x) = x^2$

Какво е програмна функция?

- Относително независима част от програмата, извършваща определено пресмятане
- Може да бъде използвана многократно
- **Пример 1**

- $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$

- $f(x) = x^2$

- double square(double x) { return x * x; }

Dom
Range
double square;

Какво е програмна функция?

- Относително независима част от програмата, извършваща определено пресмятане
- Може да бъде използвана многократно
- **Пример 1**
 - $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$
 - $f(x) = x^2$
 - `double square(double x) { return x * x; }`
- **Пример 2**

Какво е програмна функция?

- Относително независима част от програмата, извършваща определено пресмятане
- Може да бъде използвана многократно
- **Пример 1**
 - $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$
 - $f(x) = x^2$
 - `double square(double x) { return x * x; }`
- **Пример 2**
 - $d : \mathbb{R} \times \mathbb{R} \times \mathbb{R} \times \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$

Какво е програмна функция?

- Относително независима част от програмата, извършваща определено пресмятане
- Може да бъде използвана многократно
- **Пример 1**
 - $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$
 - $f(x) = x^2$
 - `double square(double x) { return x * x; }`
- **Пример 2**
 - $d : \mathbb{R} \times \mathbb{R} \times \mathbb{R} \times \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$
 - $d(x_1, y_1, x_2, y_2) = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$

Какво е програмна функция?

- Относително независима част от програмата, извършваща определено пресмятане

- Може да бъде използвана многократно

• Пример 1

- $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$
- $f(x) = x^2$
- `double square(double x) { return x * x; }`

• Пример 2

- $d : \mathbb{R} \times \mathbb{R} \times \mathbb{R} \times \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$
- $d(x_1, y_1, x_2, y_2) = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$
- `double distance(double x1, double y1,
double x2, double y2) {
return sqrt(square(x2 - x1) + square(y2 - y1));
}`

Какво е подпрограма?

- Относително независима част от програмата, извършваща определена последователност от действия

Какво е подпрограма?

- Относително независима част от програмата, извършваща определена последователност от действия
- Може да бъде изпълнявана многократно

Какво е подпрограма?

- Относително независима част от програмата, извършваща определена последователност от действия
- Може да бъде изпълнявана многократно
- Още: процедура, метод

Какво е подпрограма?

- Относително независима част от програмата, извършваща определена последователност от действия
- Може да бъде изпълнявана многократно
- Още: процедура, метод
- **Пример 1**

```
void printHello() {  
    cout << "Hello!\n";  
}
```


Какво е подпрограма?

- Относително независима част от програмата, извършваща определена последователност от действия
- Може да бъде изпълнявана многократно
- Още: процедура, метод
- **Пример 1**

```
void printHello() {  
    cout << "Hello!\n";  
}
```

- **Пример 2**

```
void printReverseDigits(int n) {  
    while (n > 0) {  
        cout << n % 10;  
        n /= 10;  
    }  
}
```

Процедури и функции

- Функцията извършва пресмятане и връща резултат

Процедури и функции

- Функцията извършва пресмятане и връща резултат
- Процедурата изпълнява поредица от оператори

Процедури и функции

- Функцията извършва пресмятане и връща резултат
- Процедурата изпълнява поредица от оператори
- Понякога двете понятия се смесват...

```
int readNumber(int from, int to) {  
    int n;  
    do {  
        cout << "n = "; cin >> n;  
    } while (n < from || n > to);  
    return n;  
}
```

Процедури и функции

- Функцията извършва пресмятане и връща резултат
- Процедурата изпълнява поредица от оператори
- Понякога двете понятия се смесват...

```
int readNumber(int from, int to) {  
    int n;  
    do {  
        cout << "n = "; cin >> n;  
    } while (n < from || n > to);  
    return n;  
}
```

- В C++ се наричат просто “функции”

Дефиниране на функция

- $\langle \text{сигнатура} \rangle \{ \langle \text{тяло} \rangle \}$

Дефиниране на функция

$$f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$$

- $\langle \text{сигнатура} \rangle \{ \langle \text{тяло} \rangle \}$
- $\langle \text{сигнатура} \rangle ::= [\langle \text{тип_резултат} \rangle \mid \text{void}]$
 $\langle \text{идентификатор} \rangle (\langle \text{формални_параметри} \rangle)$

Дефиниране на функция

- `<сигнатура> { <тяло> }`
- `<сигнатура> ::= [<тип_результат> | void]
<идентификатор> (<формални_параметри>)`
- `void` = празен тип, не връща резултат

Дефиниране на функция

- `<сигнатура> { <тяло> }`
- `<сигнатура> ::= [<тип_результат> | void]`
`<идентификатор> (<формални_параметри>)`
 - **void** = празен тип, не връща резултат
 - ако типът на резултата се пропусне, подразбира се `int`

Дефиниране на функция

- $\langle \text{сигнатура} \rangle \{ \langle \text{тяло} \rangle \}$
- $\langle \text{сигнатура} \rangle ::= [\langle \text{тип_резултат} \rangle \mid \text{void}]$
 $\langle \text{идентификатор} \rangle (\langle \text{формални_параметри} \rangle)$
 - **void** = празен тип, не връща резултат
 - ако типът на резултата се пропусне, подразбира се `int`
- $\langle \text{формални_параметри} \rangle ::=$
 $\langle \text{празно} \rangle \mid \text{void} \mid \langle \text{параметър} \rangle \{ , \langle \text{параметър} \rangle \}$

Дефиниране на функция

- `<сигнатура> { <тяло> }`
- `<сигнатура> ::= [<тип_резултат> | void]`
`<идентификатор> (<формални_параметри>)`
 - **void** = празен тип, не връща резултат
 - ако типът на резултата се пропусне, подразбира се `int`
- `<формални_параметри> ::=`
`<празно> | void | <параметър> {, <параметър> }`
- `<параметър> ::= <тип> [<идентификатор>]`

int f(int, int)

Дефиниране на функция

- `<сигнатура> { <тяло> }`
- `<сигнатура> ::= [<тип_резултат> | void]`
`<идентификатор> (<формални_параметри>)`
 - **void** = празен тип, не връща резултат
 - ако типът на резултата се пропусне, подразбира се `int`
- `<формални_параметри> ::=`
`<празно> | void | <параметър> {, <параметър> }`
- `<параметър> ::= <тип> [<идентификатор>]`
 - ако `<идентификатор>` се пропусне, параметърът няма име и не се използва

Дефиниране на функция

- $\langle \text{сигнатура} \rangle \{ \langle \text{тяло} \rangle \}$
- $\langle \text{сигнатура} \rangle ::= [\langle \text{тип_резултат} \rangle \mid \text{void}]$
 $\langle \text{идентификатор} \rangle (\langle \text{формални_параметри} \rangle)$
 - **void** = празен тип, не връща резултат
 - ако типът на резултата се пропусне, подразбира се `int`
- $\langle \text{формални_параметри} \rangle ::=$
 $\langle \text{празно} \rangle \mid \text{void} \mid \langle \text{параметър} \rangle \{ , \langle \text{параметър} \rangle \}$
- $\langle \text{параметър} \rangle ::= \langle \text{тип} \rangle [\langle \text{идентификатор} \rangle]$
 - ако $\langle \text{идентификатор} \rangle$ се пропусне, параметърът няма име и не се използва
 - **Пример:** $f(x, y) = x + 5$

double f(int x, int) { return x+5; }

Дефиниране на функция

- $\langle \text{сигнатура} \rangle \{ \langle \text{тяло} \rangle \}$
- $\langle \text{сигнатура} \rangle ::= [\langle \text{тип_резултат} \rangle \mid \text{void}]$
 $\langle \text{идентификатор} \rangle (\langle \text{формални_параметри} \rangle)$
 - **void** = празен тип, не връща резултат
 - ако типът на резултата се пропусне, подразбира се `int`
- $\langle \text{формални_параметри} \rangle ::=$
 $\langle \text{празно} \rangle \mid \text{void} \mid \langle \text{параметър} \rangle \{ , \langle \text{параметър} \rangle \}$
- $\langle \text{параметър} \rangle ::= \langle \text{тип} \rangle [\langle \text{идентификатор} \rangle]$
 - ако $\langle \text{идентификатор} \rangle$ се пропусне, параметърът няма име и не се използва
 - **Пример:** $f(x, y) = x + 5$
- $\langle \text{тяло} \rangle ::= \{ \langle \text{оператор} \rangle \}$

Извикване на функция

- `<име>(<фактически_параметри>)`

Извикване на функция

- $\langle \text{име} \rangle (\langle \text{фактически_параметри} \rangle)$
- $\langle \text{фактически_параметри} \rangle ::=$
 $\langle \text{празно} \rangle \mid \text{void} \mid \langle \text{израз} \rangle \{, \langle \text{израз} \rangle \}$

Извикване на функция

- $\langle \text{име} \rangle (\langle \text{фактически_параметри} \rangle)$
- $\langle \text{фактически_параметри} \rangle ::= \langle \text{празно} \rangle \mid \text{void} \mid \langle \text{израз} \rangle \{, \langle \text{израз} \rangle \}$
- извикването на функция всъщност е **операция** с много висок приоритет

Извикване на функция

- $\langle \text{име} \rangle (\langle \text{фактически_параметри} \rangle)$
- $\langle \text{фактически_параметри} \rangle ::= \langle \text{празно} \rangle \mid \text{void} \mid \langle \text{израз} \rangle \{, \langle \text{израз} \rangle \}$
- извикването на функция всъщност е **операция** с много висок приоритет
- типът на фактическия параметър се съпоставя с типа на съответния формален параметър

Извикване на функция

- $\langle \text{име} \rangle (\langle \text{фактически_параметри} \rangle)$
- $\langle \text{фактически_параметри} \rangle ::= \langle \text{празно} \rangle \mid \text{void} \mid \langle \text{израз} \rangle \{, \langle \text{израз} \rangle \}$
- извикването на функция всъщност е **операция** с много висок приоритет
- типът на фактическия параметър се съпоставя с типа на съответния формален параметър
 - ако се налага, прави се преобразуване на типовете

Извикване на функция

- $\langle \text{име} \rangle (\langle \text{фактически_параметри} \rangle)$
- $\langle \text{фактически_параметри} \rangle ::= \langle \text{празно} \rangle \mid \text{void} \mid \langle \text{израз} \rangle \{, \langle \text{израз} \rangle \}$
- извикването на функция всъщност е **операция** с много висок приоритет
- типът на фактическия параметър се съпоставя с типа на съответния формален параметър
 - ако се налага, прави се преобразуване на типовете
 - $\langle \text{формален_параметър} \rangle = \langle \text{фактически_параметър} \rangle$

Връщане на резултат

- `return [<израз>];`

Връщане на резултат

- `return` [<израз>];
- оператор за връщане на резултат на функция

Връщане на резултат

- `return` [<израз>;
- оператор за връщане на резултат на функция
- типът на <израз> се съпоставя с типа на резултата на функцията

Връщане на резултат

- `return` [<израз>];
- оператор за връщане на резултат на функция
- типът на <израз> се съпоставя с типа на резултата на функцията
 - ако се налага, прави се преобразуване на типовете

Връщане на резултат

- `return` [`<израз>`];
- оператор за връщане на резултат на функция
- типът на `<израз>` се съпоставя с типа на резултата на функцията
 - ако се налага, прави се преобразуване на типовете
- работата на функцията се прекратява незабавно

Връщане на резултат

- `return` [<израз>;
- оператор за връщане на резултат на функция
- типът на <израз> се съпоставя с типа на резултата на функцията
 - ако се налага, прави се преобразуване на типовете
- работата на функцията се прекратява незабавно
- стойността на <израз> е резултатът от извикването на функцията

Деклариране на функция

- $\langle \text{декларация_на_функция} \rangle ::= \langle \text{сигнатура} \rangle ;$

Деклариране на функция

- $\langle \text{декларация_на_функция} \rangle ::= \langle \text{сигнатура} \rangle ;$
- Декларацията е “обещание” за дефиниция на функция

Деклариране на функция

- $\langle \text{декларация_на_функция} \rangle ::= \langle \text{сигнатура} \rangle ;$
- Декларацията е “обещание” за дефиниция на функция
- Декларацията не е задължителна

Деклариране на функция

- $\langle \text{декларация_на_функция} \rangle ::= \langle \text{сигнатура} \rangle ;$
- Декларацията е “обещание” за дефиниция на функция
- Декларацията не е задължителна
- Една функция може да бъде декларирана няколко пъти...

Деклариране на функция

- $\langle \text{декларация_на_функция} \rangle ::= \langle \text{сигнатура} \rangle ;$
- Декларацията е “обещание” за дефиниция на функция
- Декларацията не е задължителна
- Една функция може да бъде декларирана няколко пъти...
- ...но може да бъде дефинирана **само веднъж**

Деклариране на функция

- $\langle \text{декларация_на_функция} \rangle ::= \langle \text{сигнатура} \rangle ;$
- Декларацията е “обещание” за дефиниция на функция
- Декларацията не е задължителна
- Една функция може да бъде декларирана няколко пъти...
- ...но може да бъде дефинирана **само веднъж**
- Неизпълнените обещания водят до проблеми...

Деклариране на функция

- $\langle \text{декларация_на_функция} \rangle ::= \langle \text{сигнатура} \rangle ;$
- Декларацията е “обещание” за дефиниция на функция
- Декларацията не е задължителна
- Една функция може да бъде декларирана няколко пъти...
- ...но може да бъде дефинирана **само веднъж**
- Неизпълнените обещания водят до проблеми...
 - ...освен когато никой не разчита на тях

$n=5$

1
2 3
3 4 5
4 5 6 7
5 6 7 8 9

$n=4$

4 3 2 1 2 3 4
3 2 1 2 3
2 1 2
1
2 1 2
3 2 1 2 3
4 3 2 1 2 3 4

$$S = \sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)}$$

$$p = \frac{a+b+c}{2}$$

$$\sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$$