

Масиви и низове

Трифон Трифонов

Увод в програмирането,
спец. Компютърни науки, 1 поток, 2018/19 г.

15–22 ноември 2018 г.

Логическо описание

Масивът

- е съставен тип данни
- представя крайни редици от елементи
- всички елементи са от един и същи тип
- позволява произволен достъп до всеки негов елемент по номер (индекс)

Дефиниция на масив

```
<тип> <идентификатор> [ [ <константа> ]  
    [ = { <константа> { , <константа> } } ] ] ;
```

Дефиниция на масив

```
<тип> <идентификатор> [ [ <константа> ]  
    [ = { <константа> { , <константа> } } ] ] ;
```

Примери:

- `bool b[10];`

Дефиниция на масив

```
<тип> <идентификатор> [ [ <константа> ]  
    [ = { <константа> { , <константа> } } ] ] ;
```

Примери:

- `bool b[10];`
- `double x[3] = { 0.5, 1.5, 2.5 }, y = 3.8;`

Дефиниция на масив

```
<тип> <идентификатор> [ [ <константа> ]
    [ = { <константа> { , <константа> } } ] ;
```

Примери:

- `bool b[10];`
- `double x[3] = { 0.5, 1.5, 2.5 }, y = 3.8;`
- `int a[] = { 3 + 2, 2 * 4 }; ⇔ int a[2] = { 5, 8 };`

Дефиниция на масив

```
<тип> <идентификатор> [ [ <константа> ]
    [ = { <константа> { , <константа> } } ] ;
```

Примери:

- `bool b[10];`
- `double x[3] = { 0.5, 1.5, 2.5 }, y = 3.8;`
- `int a[] = { 3 + 2, 2 * 4 }; ⇔ int a[2] = { 5, 8 };`
- `float f[4] = { 2.3, 4.5 }; ⇔`
`float f[4] = { 2.3, 4.5, 0, 0 };`

Физическо представяне

a

a[0]	a[1]	a[2]	a[3]	a[4]	a[5]	a[6]	a[7]	a[8]	a[9]	a[10]
------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	-------

Операции за работа с масиви

- Достъп до елемент по индекс: `<масив> [<цяло_число>]`

Операции за работа с масиви

- Достъп до елемент по индекс: `<масив> [<цяло_число>]`
- Примери:

Операции за работа с масиви

- Достъп до елемент по индекс: `<масив> [<цяло_число>]`
- Примери:
 - `x = a[2];` (*rvalue*)

Операции за работа с масиви

- Достъп до елемент по индекс: `<масив> [<цяло_число>]`
- Примери:
 - `x = a[2];` (*rvalue*)
 - `a[i] = 7;` (*lvalue!*)

Операции за работа с масиви

- Достъп до елемент по индекс: `<масив> [<цяло_число>]`
- Примери:
 - `x = a[2];` (*rvalue*)
 - `a[i] = 7;` (*lvalue!*)
 - **Внимание:** няма проверка за коректност на индекса!

Операции за работа с масиви

- Достъп до елемент по индекс: `<масив> [<цяло_число>]`
- Примери:
 - `x = a[2];` (*rvalue*)
 - `a[i] = 7;` (*lvalue!*)
 - **Внимание:** няма проверка за коректност на индекса!
- Няма присвояване

Операции за работа с масиви

- Достъп до елемент по индекс: `<масив> [<цяло_число>]`
- Примери:
 - `x = a[2];` (*rvalue*)
 - `a[i] = 7;` (*lvalue!*)
 - **Внимание:** няма проверка за коректност на индекса!
- Няма присвояване
 - ~~`a = b`~~

Операции за работа с масиви

- Достъп до елемент по индекс: `<масив> [<цяло_число>]`
- Примери:
 - `x = a[2];` (*rvalue*)
 - `a[i] = 7;` (*lvalue!*)
 - **Внимание:** няма проверка за коректност на индекса!
- Няма присвояване
 - ~~`a = b`~~
- Няма поелементно сравнение

Операции за работа с масиви

- Достъп до елемент по индекс: `<масив> [<цяло_число>]`
- Примери:
 - `x = a[2];` (*rvalue*)
 - `a[i] = 7;` (*lvalue!*)
 - **Внимание:** няма проверка за коректност на индекса!
- Няма присвояване
 - ~~`a = b`~~
- Няма поелементно сравнение
 - `a == b` винаги връща *false* ако *a* и *b* са различни масиви, дори и да имат еднакви елементи

Операции за работа с масиви

- Достъп до елемент по индекс: `<масив> [<цяло_число>]`
- Примери:
 - `x = a[2];` (*rvalue*)
 - `a[i] = 7;` (*lvalue!*)
 - **Внимание:** няма проверка за коректност на индекса!
- Няма присвояване
 - ~~`a = b`~~
- Няма поелементно сравнение
 - `a == b` винаги връща `false` ако `a` и `b` са различни масиви, дори и да имат еднакви елементи
- Няма операции за вход и изход

Операции за работа с масиви

- Достъп до елемент по индекс: `<масив> [<цяло_число>]`
- Примери:
 - `x = a[2];` (*rvalue*)
 - `a[i] = 7;` (*lvalue!*)
 - **Внимание:** няма проверка за коректност на индекса!
- Няма присвояване
 - ~~`a = b`~~
- Няма поелементно сравнение
 - `a == b` винаги връща `false` ако `a` и `b` са различни масиви, дори и да имат еднакви елементи
- Няма операции за вход и изход
 - ~~`cin >> a;`~~

Операции за работа с масиви

- Достъп до елемент по индекс: `<масив> [<цяло_число>]`
- Примери:
 - `x = a[2];` (rvalue)
 - `a[i] = 7;` (lvalue!)
 - **Внимание:** няма проверка за коректност на индекса!
- Няма присвояване
 - ~~`a = b`~~
- Няма поелементно сравнение
 - `a == b` винаги връща `false` ако `a` и `b` са различни масиви, дори и да имат еднакви елементи
- Няма операции за вход и изход
 - ~~`cin >> a;`~~
 - `cout << a;` извежда адреса на `a`

Задачи за масиви

- Да се въведе масив от числа

Задачи за масиви

- Да се въведе масив от числа
- Да се изведе масив от числа

Задачи за масиви

- Да се въведе масив от числа
- Да се изведе масив от числа
- Да се намери сумата на числата в даден масив

$[0; n)$

Задачи за масиви

- Да се въведе масив от числа ✓
- Да се изведе масив от числа ✓
- Да се намери сумата на числата в даден масив ✓
- Да се провери дали дадено число се среща в масив ✓

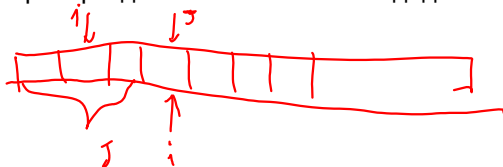
Задачи за масиви

- Да се въведе масив от числа
- Да се изведе масив от числа
- Да се намери сумата на числата в даден масив
- Да се провери дали дадено число се среща в масив
- Да се провери дали числата в масив нарастват монотонно

$$\forall_i \quad a[i] \leq a[i+1]$$

Задачи за масиви

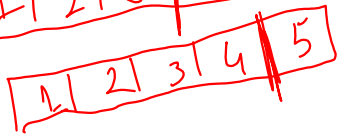
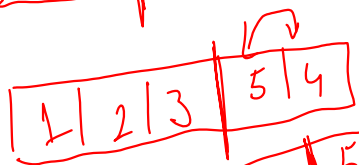
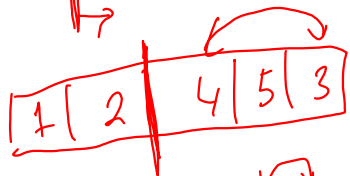
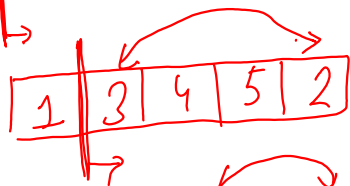
- Да се въведе масив от числа
- Да се изведе масив от числа
- Да се намери сумата на числата в даден масив
- Да се провери дали дадено число се среща в масив
- Да се провери дали числата в масив нарастват монотонно
- Да се провери дали всички числа в даден масив са различни



Задачи за масиви

- Да се въведе масив от числа
- Да се изведе масив от числа
- Да се намери сумата на числата в даден масив
- Да се провери дали дадено число се среща в масив
- Да се провери дали числата в масив нарастват монотонно
- Да се провери дали всички числа в даден масив са различни
- Да се подредят числата в даден масив в нарастващ ред


Gehtara e nref u i



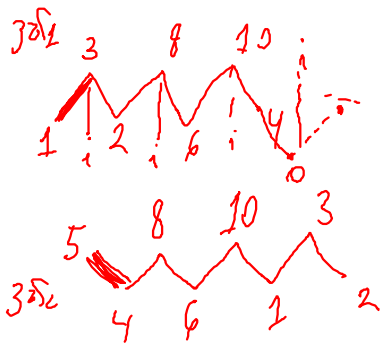
Задачи за масиви

1 5 2 8 3 6
 ⊕ 2 1 4 3 8 5 7 0

Верно ли е, че числата $(n$ и m брой)
 в масив a образуват
 „Трион“

- Да се въведе масив от числа
- Да се изведе масив от числа
- Да се намери сумата на числата в даден масив 
- Да се провери дали дадено число се среща в масив
- Да се провери дали числата в масив нарастват монотонно
- Да се провери дали всички числа в даден масив са различни
- Да се подредят числата в даден масив в нарастващ ред
- Да се слоят два масива подредени в нарастващ ред

$a: 1 \ 3 \ 8 \ n$ → $c: 1 \ 2 \ 3 \ 4 \ 6 \ 8 \ 9$
 $b: 2 \ 4 \ 6 \ 9 \ m$



∞
↓
min

$\forall x (3\sigma_2(x)) \vee \forall x (3\sigma_1(x))$
 \parallel
 $\forall x (3\sigma_2(x) \vee 3\sigma_1(x))$
 \downarrow
max $x \rightarrow 1$!

$$\forall x p(x) \Leftrightarrow p(a_1) \text{ (∞)} \wedge p(a_2) \text{ (∞)} \wedge \dots \wedge p(a_n) \text{ (∞)}$$

$$\exists x p(x) \Leftrightarrow p(a_1) \vee p(a_2) \vee \dots \vee p(a_n)$$



a: 1 3 8 n → a: 1 2 3 4 6 8 9
b: 2 4 6 9 m

1 2 3 4 6 8 9

Низове: описание и представяне

- **Описание:** **Низ** наричаме последователност от символи

Низове: описание и представяне

- **Описание:** **Низ** наричаме последователност от символи
 - последователност от 0 символи наричаме **празен низ**

Низове: описание и представяне

- **Описание:** **Низ** наричаме последователност от символи
 - последователност от 0 символи наричаме **празен низ**
- **Представяне в C++:** Масив от символи (**char**), в който след последния символ в низа е записан **терминиращият символ** `'\0'`

Низове: описание и представяне

- **Описание:** **Низ** наричаме последователност от символи
 - последователност от 0 символи наричаме **празен низ**
- **Представяне в C++:** Масив от символи (**char**), в който след последния символ в низа е записан **терминиращият символ** `'\0'`
 - `'\0'` е първият символ в ASCII таблицата, с код 0

Низове: описание и представяне

- **Описание:** **Низ** наричаме последователност от символи
 - последователност от 0 символи наричаме **празен низ**
- **Представяне в C++:** Масив от символи (**char**), в който след последния символ в низа е записан **терминиращият символ** `'\0'`
 - `'\0'` е първият символ в ASCII таблицата, с код 0
- **Примери:**

Низове: описание и представяне

- **Описание:** **Низ** наричаме последователност от символи
 - последователност от 0 символи наричаме **празен низ**
- **Представяне в C++:** Масив от символи (**char**), в който след последния символ в низа е записан **терминиращият символ** `'\0'`
 - `'\0'` е първият символ в ASCII таблицата, с код 0
- **Примери:**
 - `char word[] = { 'H', 'e', 'l', 'l', 'o', '\0' };`

Низове: описание и представяне

- **Описание:** **Низ** наричаме последователност от символи
 - последователност от 0 символи наричаме **празен низ**
- **Представяне в C++:** Масив от символи (**char**), в който след последния символ в низа е записан **терминиращият символ** `'\0'`
 - `'\0'` е първият символ в ASCII таблицата, с код 0
- **Примери:**
 - `char word[] = { 'H', 'e', 'l', 'l', 'o', '\0' };`
 - `char word[6] = { 'H', 'e', 'l', 'l', 'o' };`

Низове: описание и представяне

- **Описание:** **Низ** наричаме последователност от символи
 - последователност от 0 символи наричаме **празен низ**
- **Представяне в C++:** Масив от символи (**char**), в който след последния символ в низа е записан **терминиращият символ** `'\0'`
 - `'\0'` е първият символ в ASCII таблицата, с код 0
- **Примери:**
 - `char word[] = { 'H', 'e', 'l', 'l', 'o', '\0' };`
 - `char word[6] = { 'H', 'e', 'l', 'l', 'o' };`
 - `char word[100] = "Hello";`

Низове: описание и представяне

- **Описание:** **Низ** наричаме последователност от символи
 - последователност от 0 символи наричаме **празен низ**
- **Представяне в C++:** Масив от символи (**char**), в който след последния символ в низа е записан **терминиращият символ** '\0'
 - '\0' е първият символ в ASCII таблицата, с код 0
- **Примери:**

- `char word[] = { 'H', 'e', 'l', 'l', 'o', '\0' };`
- `char word[6] = { 'H', 'e', 'l', 'l', 'o' };`
- `char word[100] = "Hello";`
- ~~`char word[5] = "Hello";`~~



Низове: описание и представяне

- **Описание:** **Низ** наричаме последователност от символи
 - последователност от 0 символи наричаме **празен низ**
- **Представяне в C++:** Масив от символи (**char**), в който след последния символ в низа е записан **терминиращият символ** `'\0'`
 - `'\0'` е първият символ в ASCII таблицата, с код 0
- **Примери:**
 - `char word[] = { 'H', 'e', 'l', 'l', 'o', '\0' };`
 - `char word[6] = { 'H', 'e', 'l', 'l', 'o' };`
 - `char word[100] = "Hello";`
 - ~~`char word[5] = "Hello";`~~
 - `char word[6] = "Hello";`

Низове: описание и представяне

- **Описание:** **Низ** наричаме последователност от символи
 - последователност от 0 символи наричаме **празен низ**
- **Представяне в C++:** Масив от символи (**char**), в който след последния символ в низа е записан **терминиращият символ** '\0'
 - '\0' е първият символ в ASCII таблицата, с код 0
- **Примери:**
 - `char word[] = { 'H', 'e', 'l', 'l', 'o', '\0' };`
 - `char word[6] = { 'H', 'e', 'l', 'l', 'o' };`
 - `char word[100] = "Hello";`
 - ~~`char word[5] = "Hello";`~~
 - `char word[6] = "Hello";`
 - ~~`char word[5] = { 'H', 'e', 'l', 'l', 'o' };`~~

Операции за работа с низове

- Вход (>>, `cin.getline(<низ>, <число>)`)

Операции за работа с низове

- Вход (`>>`, `cin.getline(<низ>, <число>)`)
 - `>>` въвежда до разделител (интервал, табулация, нов ред)

Операции за работа с низове

- Вход (`>>`, `cin.getline(<низ>, <число>)`)
 - `>>` въвежда до разделител (интервал, табулация, нов ред)
 - `cin.getline(<низ>, <число>)` въвежда до нов ред, но не повече от `<число>-1` символа

Операции за работа с низове

- Вход (`>>`, `cin.getline(<низ>, <число>)`)
 - `>>` въвежда до разделител (интервал, табулация, нов ред)
 - `cin.getline(<низ>, <число>)` въвежда до нов ред, но не повече от `<число>-1` символа
- Изход (`<<`)

Операции за работа с низове

- Вход (`>>`, `cin.getline(<низ>, <число>)`)
 - `>>` въвежда до разделител (интервал, табулация, нов ред)
 - `cin.getline(<низ>, <число>)` въвежда до нов ред, но не повече от `<число>-1` символа
- Изход (`<<`)
- Индексиране (`[]`)

Операции за работа с низове

- Вход (`>>`, `cin.getline(<низ>, <число>)`)
 - `>>` въвежда до разделител (интервал, табулация, нов ред)
 - `cin.getline(<низ>, <число>)` въвежда до нов ред, но не повече от `<число>-1` символа
- Изход (`<<`)
- Индексиране (`[]`)
- Няма присвояване! (~~`a=b`~~)

Операции за работа с низове

- Вход (`>>`, `cin.getline(<низ>, <число>)`)
 - `>>` въвежда до разделител (интервал, табулация, нов ред)
 - `cin.getline(<низ>, <число>)` въвежда до нов ред, но не повече от `<число>-1` символа
- Изход (`<<`)
- Индексиране (`[]`)
- Няма присвояване! (~~`a = b`~~)
- Няма поелементно сравнение! (~~`a == b`~~)

Операции за работа с низове

- Вход (`>>`, `cin.getline(<низ>, <число>)`)
 - `>>` въвежда до разделител (интервал, табулация, нов ред)
 - `cin.getline(<низ>, <число>)` въвежда до нов ред, но не повече от `<число>-1` символа
- Изход (`<<`)
- Индексиране (`[]`)
- Няма присвояване! (~~`a = b`~~)
- Няма поелементно сравнение! (~~`a == b`~~)
- но...

Операции за работа с низове

- Вход (`>>`, `cin.getline(<низ>, <число>)`)
 - `>>` въвежда до разделител (интервал, табулация, нов ред)
 - `cin.getline(<низ>, <число>)` въвежда до нов ред, но не повече от `<число>-1` символа
- Изход (`<<`)
- Индексиране (`[]`)
- Няма присвояване! (~~`a=b`~~)
- Няма поелементно сравнение! (~~`a==b`~~)
- но...
- ...има вградени функции!

Вградени функции за низове

```
#include <cstring>
```

- `strlen(<НИЗ>)`

Вградени функции за низове

```
#include <cstring>
```

- `strlen(<низ>)`

- връща дължината на <низ>, т.е. броя символи без '\0'

Вградени функции за низове

```
#include <cstring>
```

- `strlen(<низ>)`

- връща дължината на <низ>, т.е. броя символи без '\0'

- `strcpy(<буфер>, <низ>)`

Вградени функции за низове

```
#include <cstring>
```

- `strlen(<низ>)`

- връща дължината на <низ>, т.е. броя символи без '\0'

- `strcpy(<буфер>, <низ>)`

- прехвърля всички символи от <низ> в <буфер>

Вградени функции за низове

```
#include <cstring>
```

- `strlen(<низ>)`

- връща дължината на <низ>, т.е. броя символи без `'\0'`

- `strcpy(<буфер>, <низ>)`

- прехвърля всички символи от <низ> в <буфер>
- връща <буфер>

Вградени функции за низове

```
#include <cstring>
```

- `strlen(<низ>)`

- връща дължината на <низ>, т.е. броя символи без `'\0'`

- `strcpy(<буфер>, <низ>)`

- прехвърля всички символи от <низ> в <буфер>
- връща <буфер>
- отговорност на програмиста е да осигури, че в <буфер> да има достатъчно място да поеме всички символи на <низ>

Вградени функции за низове

```
#include <cstring>
```

- `strlen(<низ>)`

- връща дължината на <низ>, т.е. броя символи без '\0'

- `strcpy(<буфер>, <низ>)`

- прехвърля всички символи от <низ> в <буфер>
- връща <буфер>
- отговорност на програмиста е да осигури, че в <буфер> да има достатъчно място да поеме всички символи на <низ>

- `strcmp(<низ1>, <низ2>)`

Нo 10
^
Нome 10

Вградени функции за низове

```
#include <cstring>
```

- `strlen(<низ>)`

- връща дължината на <низ>, т.е. броя символи без `'\0'`

- `strcpy(<буфер>, <низ>)`

- прехвърля всички символи от <низ> в <буфер>
- връща <буфер>
- отговорност на програмиста е да осигури, че в <буфер> да има достатъчно място да поеме всички символи на <низ>

- `strcmp(<низ1>, <низ2>)`

- сравнява два низа **лексикографски** (речникова наредба)

Вградени функции за низове

```
#include <cstring>
```

- `strlen(<низ>)`

- връща дължината на <низ>, т.е. броя символи без `'\0'`

- `strcpy(<буфер>, <низ>)`

- прехвърля всички символи от <низ> в <буфер>
- връща <буфер>
- отговорност на програмиста е да осигури, че в <буфер> да има достатъчно място да поеме всички символи на <низ>

- `strcmp(<низ1>, <низ2>)`

- сравнява два низа **лексикографски** (речникова наредба)
- връща число `< 0`, ако <низ₁> е преди <низ₂>

Вградени функции за низове

```
#include <cstring>
```

- `strlen(<низ>)`

- връща дължината на <низ>, т.е. броя символи без `'\0'`

- `strcpy(<буфер>, <низ>)`

- прехвърля всички символи от <низ> в <буфер>
- връща <буфер>
- отговорност на програмиста е да осигури, че в <буфер> да има достатъчно място да поеме всички символи на <низ>

- `strcmp(<низ1>, <низ2>)`

- сравнява два низа **лексикографски** (речникова наредба)
- връща число `< 0`, ако <низ₁> е преди <низ₂>
- връща `0`, ако <низ₁> съвпада с <низ₂>

Вградени функции за низове

```
#include <cstring>
```

- `strlen(<низ>)`

- връща дължината на <низ>, т.е. броя символи без `'\0'`

- `strcpy(<буфер>, <низ>)`

- прехвърля всички символи от <низ> в <буфер>
- връща <буфер>
- отговорност на програмиста е да осигури, че в <буфер> да има достатъчно място да поеме всички символи на <низ>

- `strcmp(<низ1>, <низ2>)`

- сравнява два низа **лексикографски** (речникова наредба)
- връща число < 0 , ако <низ₁> е преди <низ₂>
- връща 0 , ако <низ₁> съвпада с <низ₂>
- връща число > 0 , ако <низ₁> е след <низ₂>

Вградени функции за низове

```
#include <cstring>
```

- `strlen(<низ>)`

- връща дължината на <низ>, т.е. броя символи без `'\0'`

- `strcpy(<буфер>, <низ>)`

- прехвърля всички символи от <низ> в <буфер>
- връща <буфер>
- **отговорност на програмиста е да осигури, че в <буфер> да има достатъчно място да поеме всички символи на <низ>**

- `strcmp(<низ1>, <низ2>)`

- сравнява два низа **лексикографски** (речникова наредба)
- връща число < 0 , ако <низ₁> е преди <низ₂>
- връща 0 , ако <низ₁> съвпада с <низ₂>
- връща число > 0 , ако <низ₁> е след <низ₂>
- **Интуиция:** “знакът” на “разликата” <низ₁> – <низ₂>

Вградени функции за низове

```
#include <cstring>
```

[● `strlen(<низ>)`

- връща дължината на <низ>, т.е. броя символи без `'\0'`

[● `strcpy(<буфер>, <низ>)`

- прехвърля всички символи от <низ> в <буфер>
- връща <буфер>
- отговорност на програмиста е да осигури, че в <буфер> да има достатъчно място да поеме всички символи на <низ>

[● `strcmp(<низ1>, <низ2>)`

- сравнява два низа **лексикографски** (речникова наредба)
- връща число < 0 , ако <низ₁> е преди <низ₂>
- връща 0 , ако <низ₁> съвпада с <низ₂>
- връща число > 0 , ако <низ₁> е след <низ₂>
- **Интуиция:** “знакът” на “разликата” <низ₁> – <низ₂>
- **Свойство:** `strcmp(s1, s2) == -strcmp(s2, s1)`

^

```

a b c d e
a b d f

```

s1 s2

Вградени функции за низове

- `strcat(<НИЗ1>, <НИЗ2>)`

Вградени функции за низове

- `strcat(<низ1>, <низ2>)`
 - **конкатенация** (слепване) на низове

Вградени функции за низове

- `strcat(<низ1>, <низ2>)`
 - **конкатенация** (слепване) на низове
 - записва символите на <низ₂> в края на <низ₁>