



SEARCHING ALGORITHMS



Алгоритми за търсене

- ▶ Linear search
- ▶ Jump search
- ▶ Binary search
- ▶ Ternary Search
- ▶ Interpolation search
- ▶ Exponential search
- ▶ Fibonacci search



Linear search

- ▶ Идея - Итерираме последователно докато не намерим търсената от нас стойност.

Best-case performance $O(1)$

Average-case performance $O(n)$

Worst-case performance $O(n)$

Linear Search

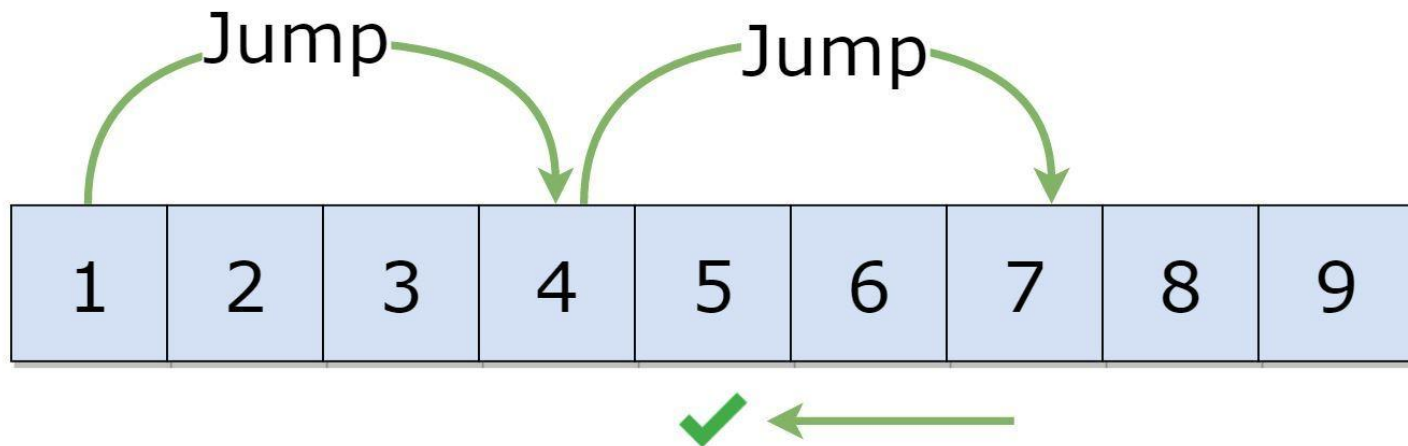


=
33



Jump Search

- ▶ Идея - Прескачаме по \sqrt{n} елемента докато не достигнем елемент, по-голям от търсения.
- ▶ Връщаме се назад, \sqrt{n} позиции или докато не открием търсеният от нас елемент.



Linear Search Backwards

Best-case performance $O(1)$

Average-case performance $O(\sqrt{n})$

Worst-case performance $O(\sqrt{n})$



Binary search

- ▶ Прилага се върху сортирани данни или върху краен интервал от стойности [left, right].
- ▶ Идея:
 - ▷ Фиксираме средата на интервала mid ($mid = (left + right) / 2$).
 - ▷ Ако сме открили търсената от нас стойност или интервалът е празен, спираме процедурата.
 - ▷ Ако търсената от нас стойност е по-голяма от фиксираната, продължаваме процедурата в десният интервал, породен от разделянето ($mid + 1, right$).
 - ▷ В противен случай в левият ($left, mid - 1$).

Best-case performance $O(1)$

Average-case performance $O(\log n)$

Worst-case performance $O(\log n)$

Search for 47

0	4	7	10	14	23	45	47	53
---	---	---	----	----	----	----	----	----



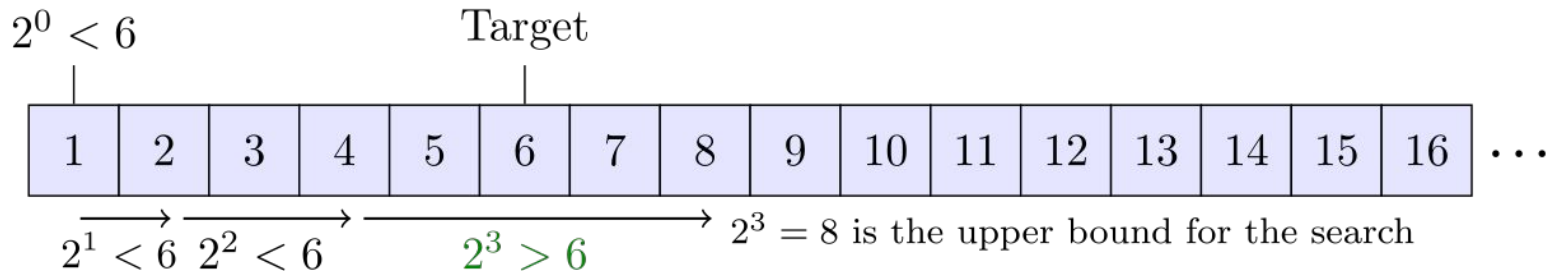
Exponential Search

- ▶ Идея - Проверяваме елементите на позиции $2^0, 2^1, \dots, 2^i, \dots$ докато елемента на позиция 2^i е по-малък или равен на търсения.
- ▶ Така за търсения от нас елемент x е вярно: $A[2^{i-1}] < x \leq A[2^i]$.
- ▶ Прилагаме двоично търсене върху елементите от интервала: $[2^{i-1} + 1 \dots 2^i]$.

Best-case performance $O(1)$

Average-case performance $O(\log n)$

Worst-case performance $O(\log n)$





Ternary Search

- ▶ Прилага се върху сортирани данни или върху краен интервал от стойности [left, right].
- ▶ Идея:
 - ▷ Разделяме интервала на 3 “равни” части: [left, m1], [m1, m2], [m2, right].
 - ▷ Ако сме открили търсената от нас стойност или интервалът е празен, спираме процедурата.
 - ▷ Продължаваме процедурата в интервалът, на когото принадлежи търсената от нас стойност.

Best-case performance $O(1)$

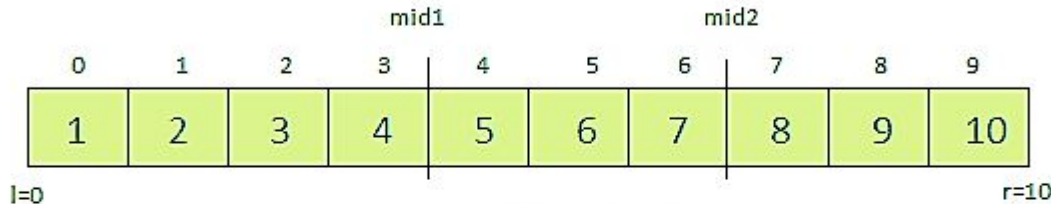
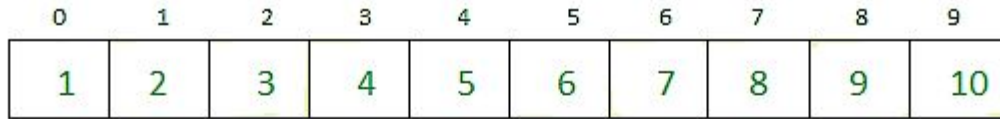
Average-case performance $O(\log n)$

Worst-case performance $O(\log n)$

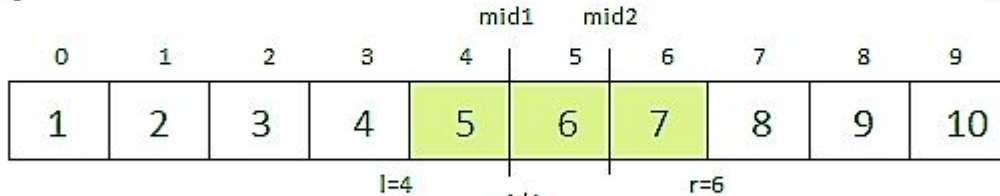


Ternary Search

Search 6

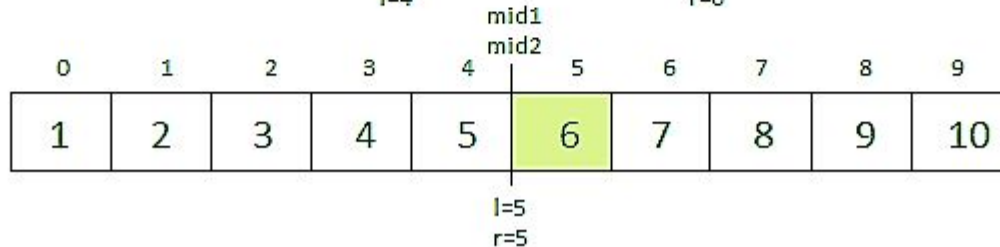


key > ar[mid1] &
key < ar[mid2]



key > ar[mid1] &
key < ar[mid2]

Key Found



key = ar[mid1]

Best-case performance $O(1)$

Average-case performance $O(\log n)$

Worst-case performance $O(\log n)$



Задачи

- ▶ Намерете $\sqrt[3]{n}$ с точност до третия знак след десетичната запетая, където n се въвежда от клавиатурата.
- ▶ Sysadmin
- ▶ Sequence
- ▶ Exam
- ▶ Load
- ▶ Increase
- ▶ Socks
- ▶ Shoe Shopping
- ▶ Article
- ▶ Ферма
- ▶ Riddles
- ▶ Motherboard
- ▶ Graze

