

Числени методи, СИ и ИС, втори курс,
2016/2017

Задачи за контролна работа No 2

Задача 1. Дадени са стойности в 5 точки от сигнал от даден акселерометър (сензор, измерващ линейно ускорение). Сигналът е периодична функция с период $T = 3ms$. Да се намери тригонометричен полином, интерполиращ тези точки (за целта да се направи подходяща смяна на променливата). Да се илюстрира графично, като се визуализират точките и графиката на тригонометричния полином в една координатна система (в термините на първоначалната променлива).

t, ms	0	1	1.5	2	2.5
ускорение, m/s^2	0	1	1.5	4	2

Задача 2. По метода на най-малките квадрати да се намери подходяща функция, която приближава таблицата

x	2	4	6	7	10	11	14	17	20
y	4	5	6	7	8	8	11	10	12

Да се илюстрира графично.

Задача 3. Да се намери полином от втора степен на най-добро средноквадратично приближение в интервала $[0, \frac{\pi}{2}]$ при тегло $\mu(x) = 1$ за функцията $f(x) = \sin x$. Да се илюстрира графично. Да се намерят равномерното и средноквадратичното разстояние между полинома и функцията.

Да се сравнят резултатите (т.е. равномерното и средноквадратичното разстояние) с тези, които биха се получили с интерполационния полином на Лагранж от втора степен, построен във възлите $0, \frac{\pi}{4}, \frac{\pi}{2}$.

Задача 4. Като се използва съставната квадратурна формула на трапеците (правоъгълниците, Симпсън), да се намери приблизително стойността на интеграла

$$\int_0^4 (1 - e^{-x}) dx$$

така, че грешката да не надминава по модул ϵ , където ϵ се задава като параметър. Решението да е итеративно (да не се използват вградени функции за сума) и да не използва вградени функции за намиране на най-малка и най-голяма стойност.

Забележка. На контролните формулите за оценка на грешката ще бъдат дадени, не е необходимо да се учат.

Задача 5. Да се напише функция `rectangleQuadrature[f_, a_, b_, nodes_]`, която пресмята приближено

$$\int_a^b f(x)dx,$$

като използва съставната квадратурна формула на правоъгълниците с възли, зададени в списъка `nodes`.

Задача 6. Да се напише програма в Mathematica, която по метода на най-малките квадрати намира полином от степен n (n -входен параметър), приближаващ точките $\{(x_i, y_i)\}_{i=1}^s$. Точките се задават като два списъка – първият с x -координатите, а вторият – с y -координатите им. Полиномът да се извежда в нормален вид и да се илюстрира задачата графично, като се изчертават в една координатна система графиката на полинома и точките.

Задачата да се реши по два начина – като се минимизира разстоянието между полинома и точките и като се реши системата, изведена във векторно-матрична форма.

Задача 7. Изведете формулата на Гаус-Льожандър с 3 възела по метода на неопределените коефициенти/~~като намерите съответния ортогонален полином.~~ Използвайте я, за да пресметнете приближено стойността на

$$\int_0^1 (e^{\sin x} - 2x^2)dx.$$