



ИКТ В НОС

Геометрично визуализиране

Тема №20

Проблеми и цели



Визуализация на геометрични обекти

- Координатна система
- Отсечка и вектор
- Сфера, конус, цилиндър
- Тор



Геометрия и компютърна графика

- Имат много общи обекти
- Има разминаване във визуализирането им
- В образователен контекст не винаги е удачно да се ползват традиционните обекти от компютърната графика

В тази лекция

- Някои примери за визуализация (ама само някои!)
- Примери за гледане, а не за copy-and-paste

Координатна система

Координатна система



Стандартно показване

- С командата **oxyz**

Липсват му

- Оси, които са достатъчно дълги
- Стрелки в края им
- Деления по осите
- Оси в отрицателни посоки
- Надписи и т.н.



Стрелки на координатните оси

- За удобство ще използваме три стила:

black – дефинира черен цвят

ox – ориентира обект по посока на оста X

oy – ориентира обект по посока на оста Y

```
black = {color:[0,0,0]};
```

```
ox = {focus:[1,0,0]};
```

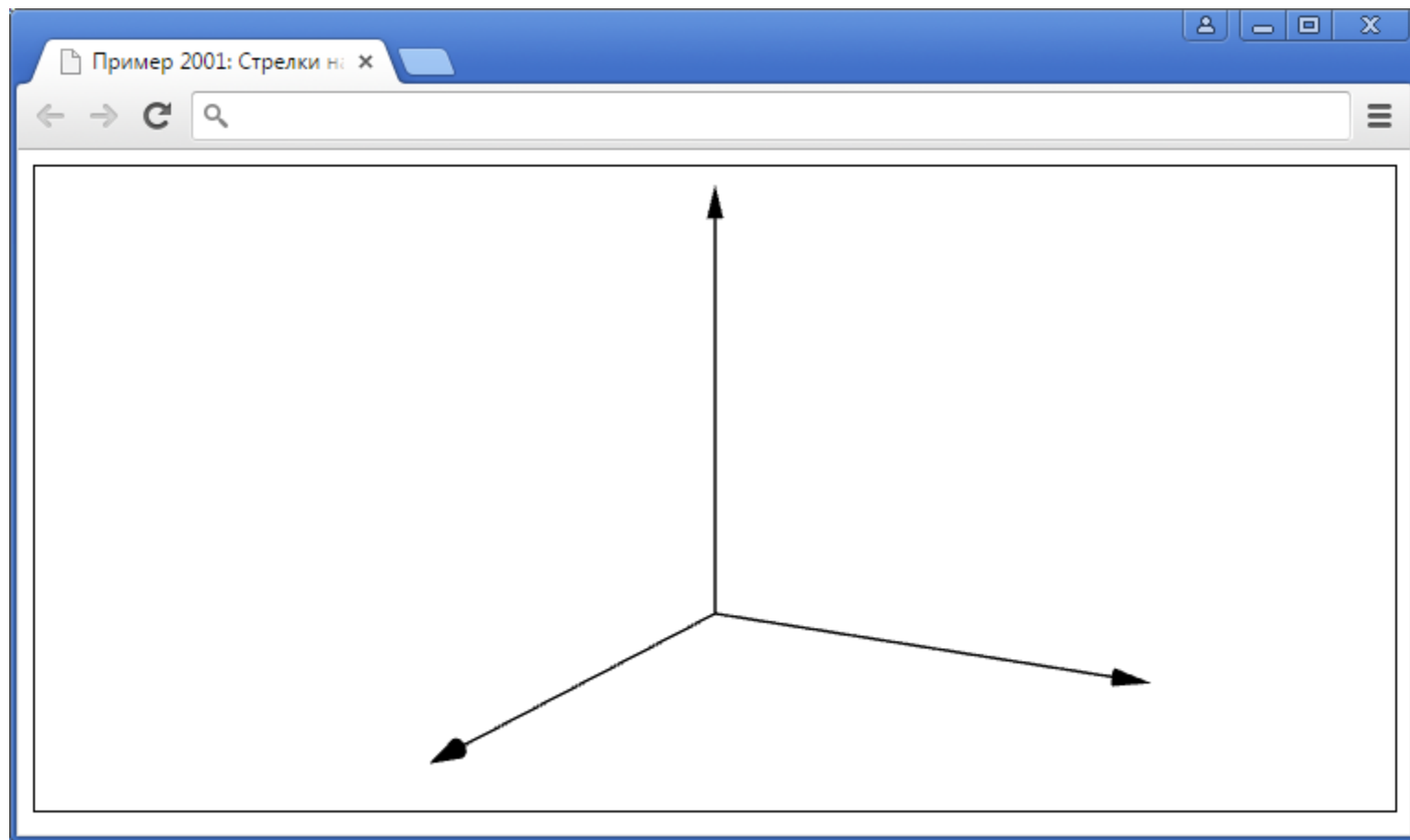
```
oy = {focus:[0,1,0]};
```

Обекти

- Трите оси са отсечки с нужната дължина
- Стрелките са черни неосветени конуси
- Ориентацията на осите и стрелките е със стиловете **ox** и **oy**

```
s = segment([0,0,0],[0,0,50]).custom(black);  
sameAs(s).custom(ox);  
sameAs(s).custom(oy);
```

```
cone([0,0,50],1,4).custom(black);  
cone([50,0,0],1,4).custom(black).custom(ox);  
cone([0,50,0],1,4).custom(black).custom(oy);
```

ПРОБА



Положителни и отрицателни оси

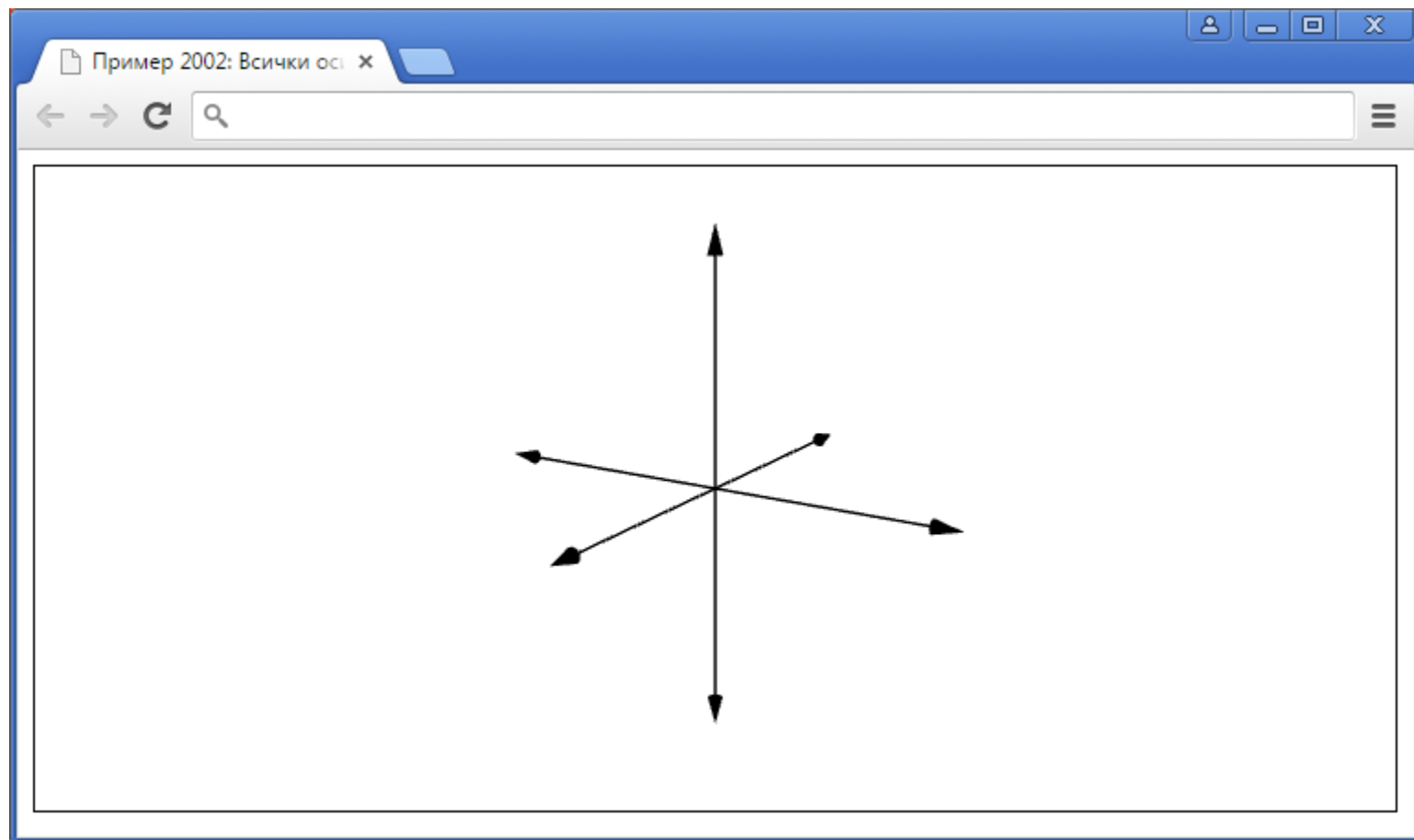
- Алтернативно решение поради няколко еднакви обекта
- Създаваме групов обект
- Определяме му общ черен цвят

```
g = group([
    segment([0,0,0],[0,0,30]),
    cone([0,0,30],1,4)
]);
g.color = [0,0,0];
g.mergeColor();
```

Останалите оси

- Клонираме петкратно вертикалната ос
- Променяме ориентацията на груповия обект да сочи последователно в останалите пет посоки

```
sameAs(g).custom({focus:[1,0,0]});  
sameAs(g).custom({focus:[0,1,0]});  
  
sameAs(g).custom({focus:[-1,0,0]});  
sameAs(g).custom({focus:[0,-1,0]});  
sameAs(g).custom({focus:[0,0,-1]});
```



ПРОБА



Етикет с името на всяка ос

- Етикетът е HTML елемент и позволява форматиране с CSS
- Форматирането изисква да е с абсолютна позиция и с вертикален индекс над нивото на графичното поле

```
.label {  
    position: absolute;  
    z-index: 10;  
    background-color: transparent;  
    :  
}
```

Позициониране на етикет

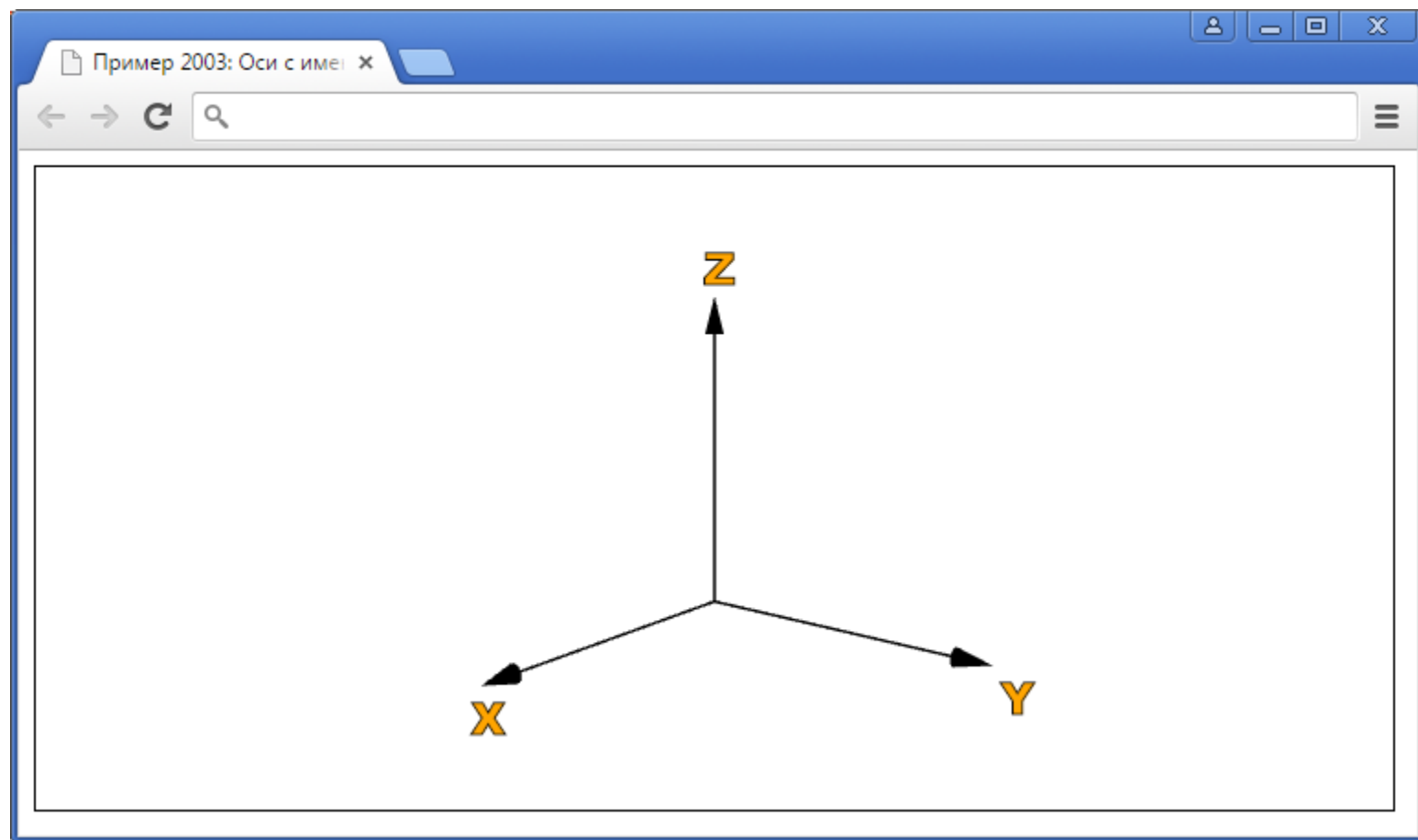
- За оста X – чрез функцията **getPosition** намиране къде по екрана се намира 3D позиция с координати [35,0,0]
- Изчислената позиция е в пиксели
- Записваме я в **style.left** и **style.top** с добавено px отзад
- Аналогично се слагат етикети и на другите две оси

```
var e = document.getElementById('x');
```

```
var pos = getPosition([35,0,0]);
```

```
e.style.left = pos[0]+"px";
```

```
e.style.top = pos[1]+"px";
```



ПРОБА

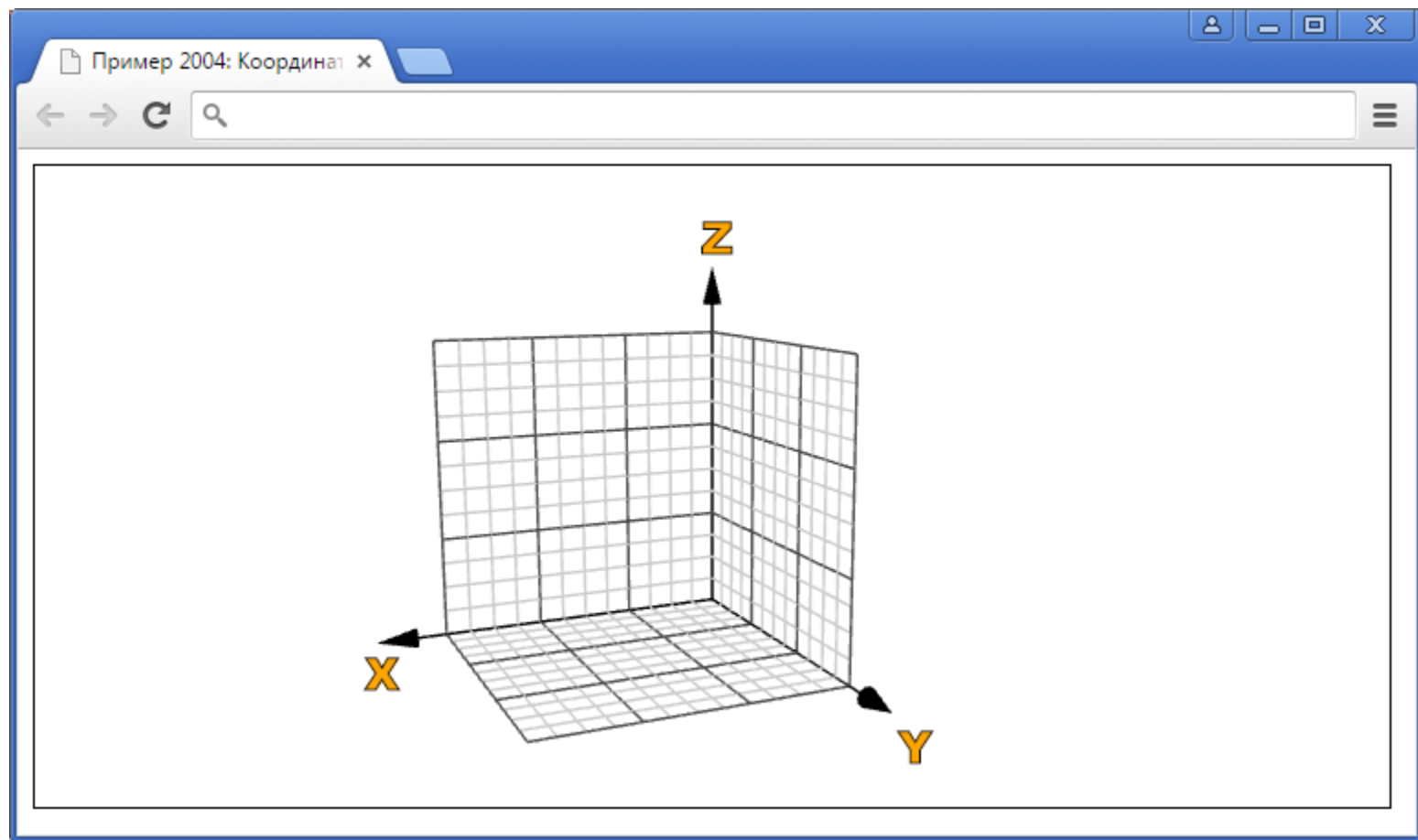
Координатна мрежа



Мрежа от отсечки

- В равнината XY се генерират две групи отсечки: едната с отсечки, успоредни на оста X, а другата – успоредни на Y
- Аналогично и за останалите равнини

```
for (var i=0; i<=30; i+=2.5)
{
    segment( [i,0,0], [i,30,0]);
    segment( [0,i,0], [30,i,0]);
    :
}
```

ПРОБА

Отсечка и вектор

Отсечка и вектор



Стандартно показване

- С командата **segment**

Липсват им

- Начални и крайни точки
- Стрелка в края на вектор
- Обемност (дебелина)
- Наклонен надпис

Случайни отсечки



Двумерни отсечки

- Линиите са стандартни отсечки
- Краищата са дебели точки (с **pointSize**) или окръжности

```
var black = {color:[0,0,0]};
for (var i=0; i<100; i++)
{
    p=circle([random(-350,350),...],3).custom(black);
    q=circle([random(-350,350),...],3).custom(black);
    segment(p.center,q.center).custom(black);
}
```

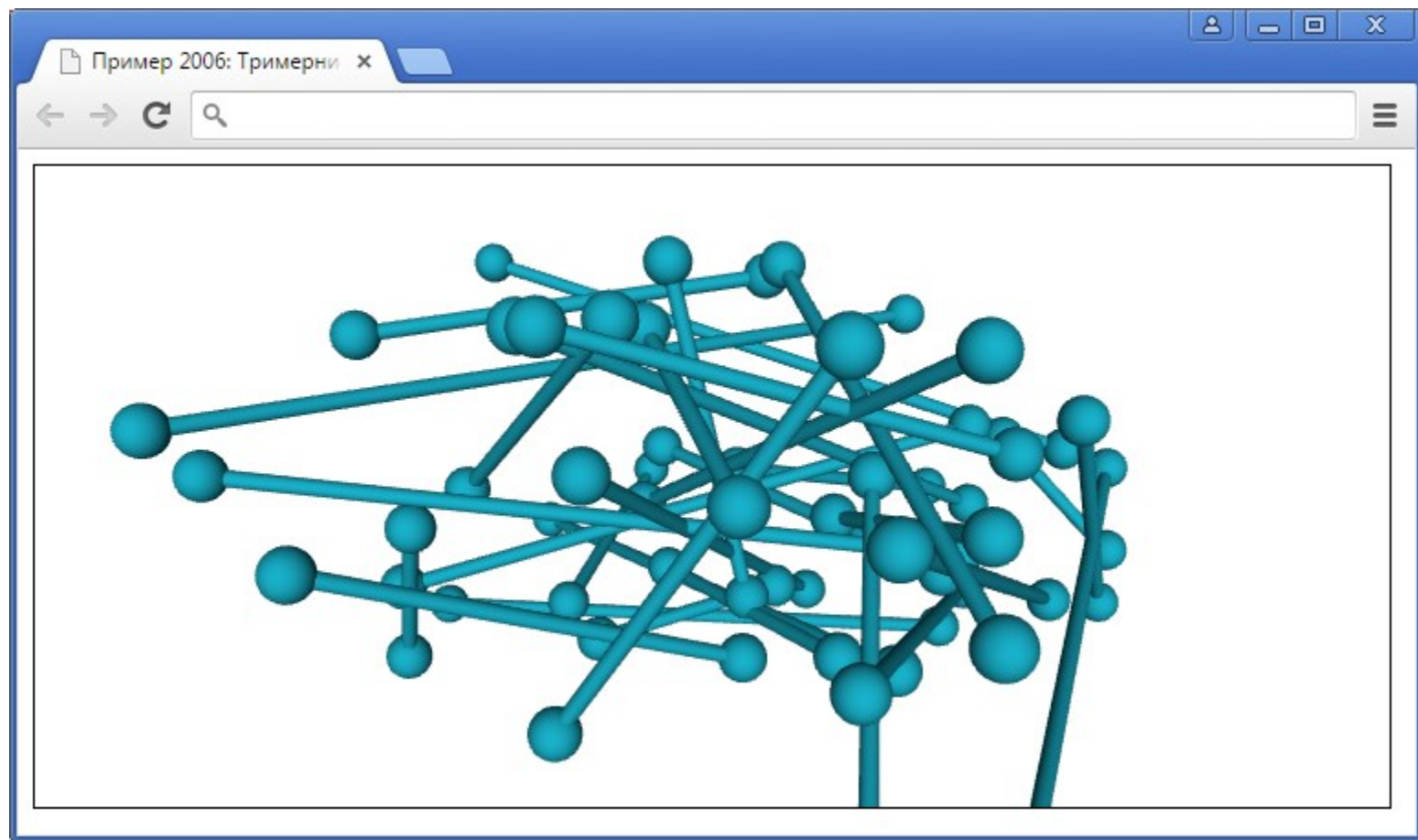


ПРОБА

Тримерни отсечки

- Линиите са цилиндри с нужната дължина
- Краищата са сфери

```
var color = {color:[0.1,0.7,0.8]};  
for (var i=0; i<30; i++)  
{  
    p = sphere([random(-50,50),...],3).custom(color);  
    q = sphere([random(-50,50),...],3).custom(color);  
  
    v = vectorPoints(q.center,p.center);  
    cylinder(p.center,1,Math.sqrt(scalarProduct(v,v))  
            .custom(color).custom({focus:v});  
}
```



ПРОБА

Случайни вектори



Особеност

- При отсечката крайните обекти са в края ѝ
- При вектора стрелката трябва да е изместена, за да може върхът да достигне крайната точка



2D и 3D вектори

- Стрелката е нарисувана като конус
- Отместването на конуса така, че центърът му да е във върха, се прави като свойството `origin = [0,0,1]`

Тяло на вектора

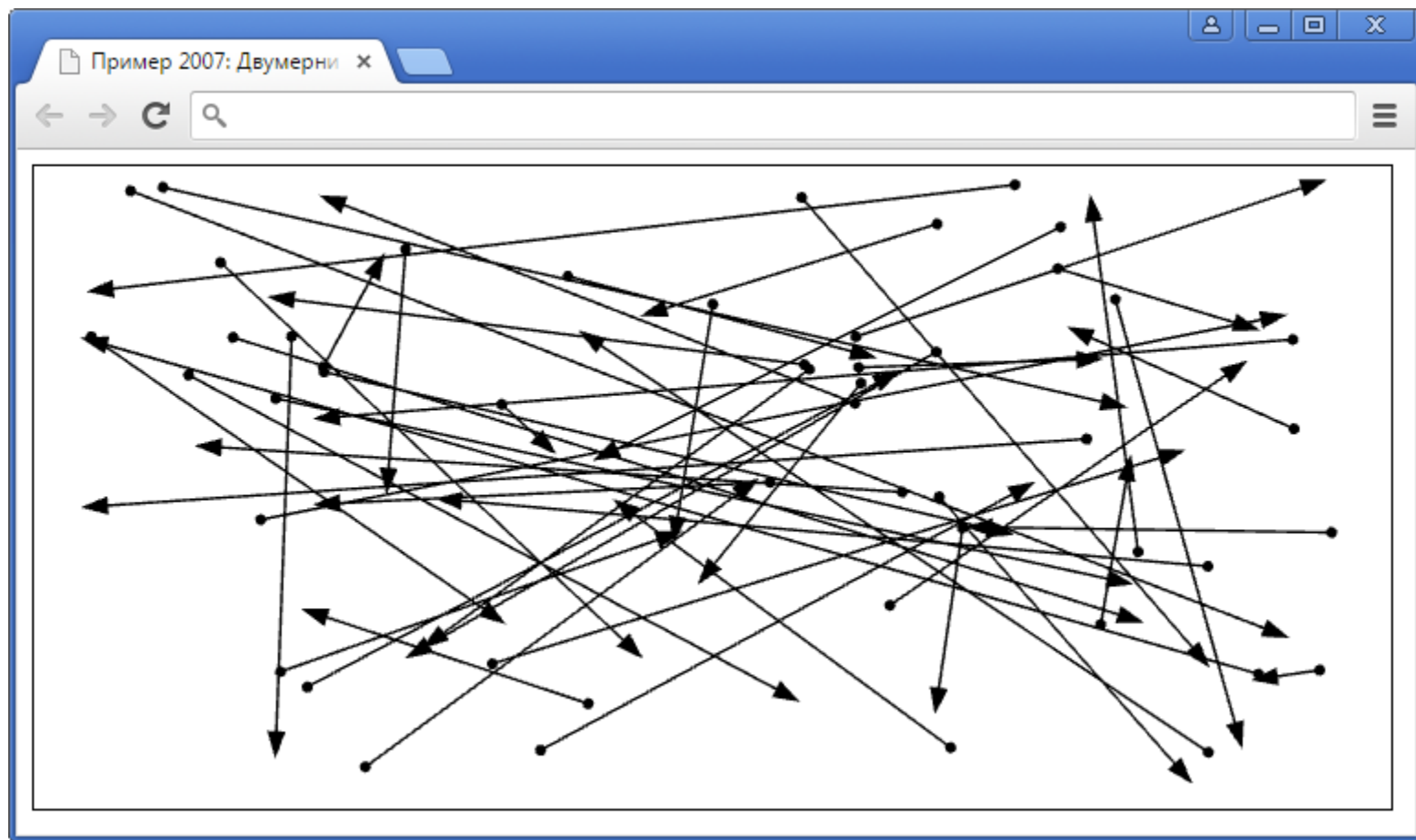
- Ако тялото на вектора е широко, това ще доведе до проблем във върха – ще се вижда заедно със стрелката



Реализация

- Начална окръжност **p** и край на вектора **q**
- Стрелката е конус с променен **origin** и с ориентация по вектора **v** между центъра на **p** и **q**
- Коефициентът **l** е скъсяването на тялото с 15 единици, толкова, колкото е дълга стрелката

```
p = circle(...,3);
q = [...,0];
v = vectorPoints(q,p.center);
cone(q,5,15).custom({origin:[0,0,1], focus:v});
l = 15/Math.sqrt(scalarProduct(v,v));
q = [q[0]-l*v[0],q[1]-l*v[1],0];
segment(p.center,q);
```

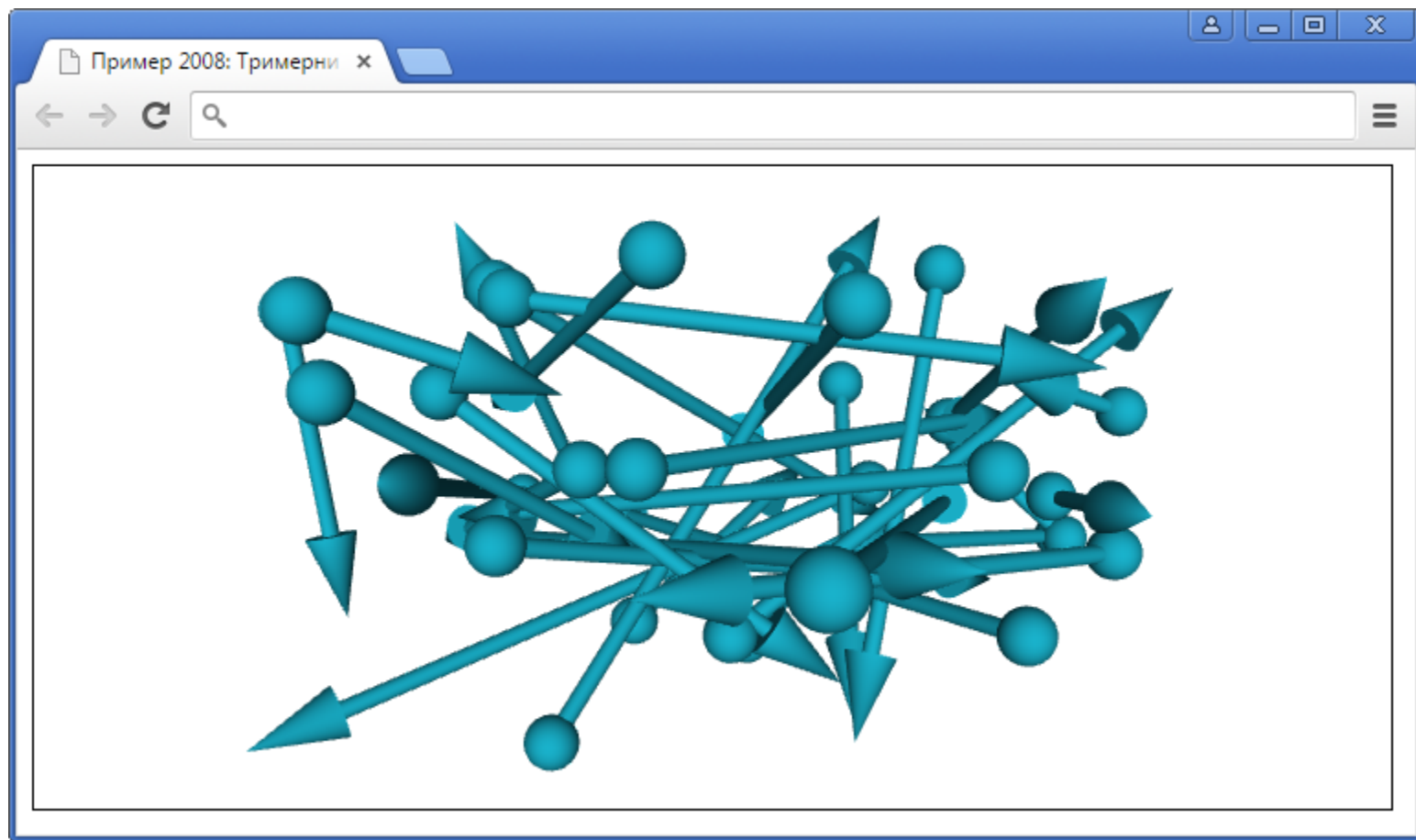


ПРОБА

Алтернативно решение (с 3D вектор)

- Директно създаваме началната окръжност **p** и крайния, правилно отместен, но неориентиран конус **q**
- Едва сега оправяме ориентацията и на конуса (чрез **v**)
- Директно създаваме тялото на вектора с правилната дължина и ориентация

```
p = sphere([...],3);  
q = cone([...],3,10).custom({origin:[0,0,1]});  
v = vectorPoints(q.center,p.center);  
q.focus = v;  
cylinder( p.center, 1,  
          Math.sqrt(scalarProduct(v,v))-10  
          ).custom(color).custom({focus:v});
```



ПРОБА

Върхове на обекти



Триъгълна призма с фигури по стените

- Модел на няколко обекта, по-сложни от отсечка
- Те са нарисувани с линии, но имат точки по върховете

Идея за реализация №1

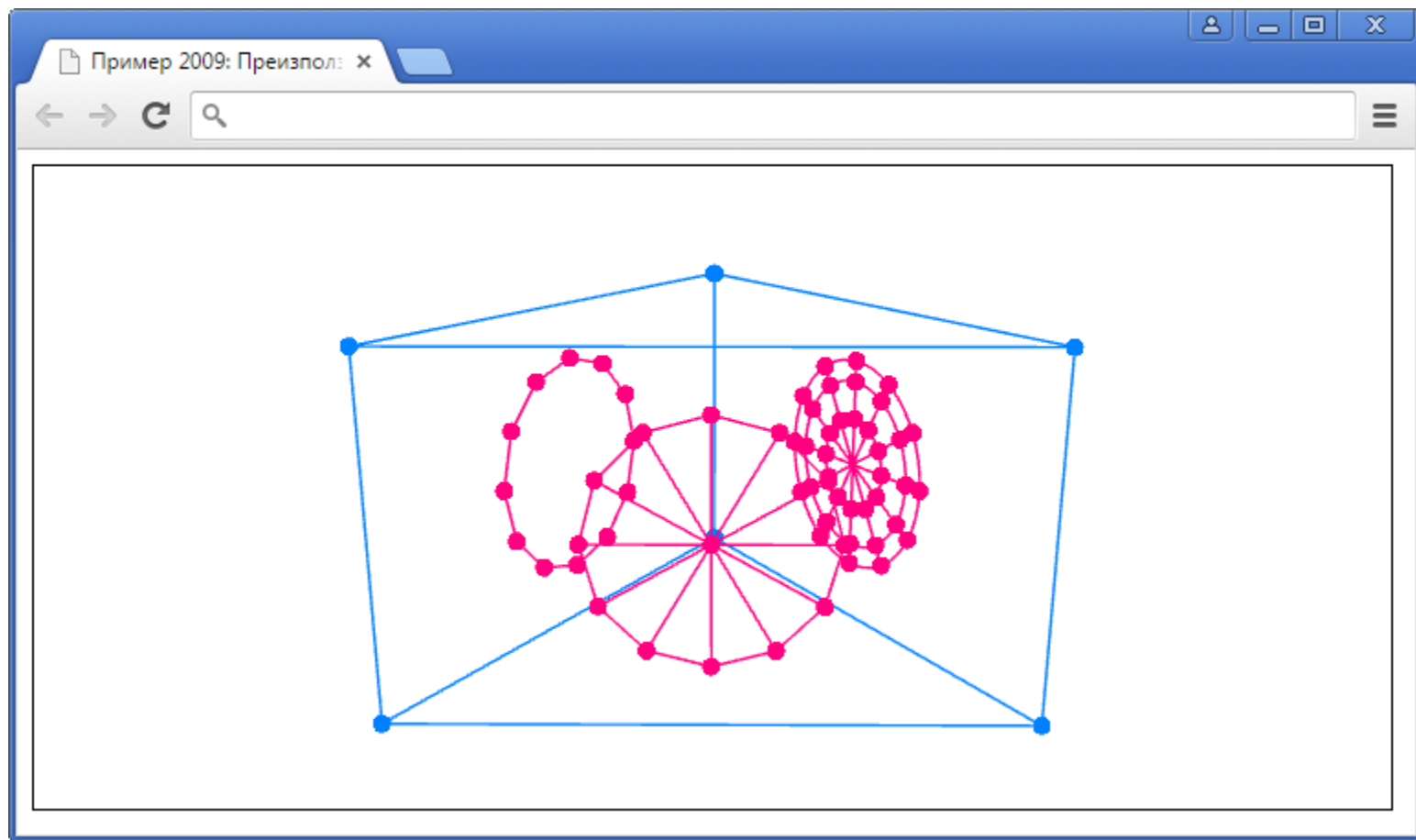
- Аналогично на отсечката с окръжности в края
- Лесна имплементация
- Прекалено много обекти

Идея за реализация №2

- Преизползване на обект
- Обект се създава в режим на рисуване с линии
- После се клонира, но в режим на рисуване с точки

```
a = prism(...).custom({mode:Suica.LINE,...});  
sameAs(a).custom({mode:Suica.POINT,pointSize:10});
```

```
a = cylinder(...).custom({mode:Suica.LINE,...});  
sameAs(a).custom({mode:Suica.POINT,pointSize:10});
```



ПРОБА

Сфера, цилиндър и конус

Сфера, цилиндър и конус

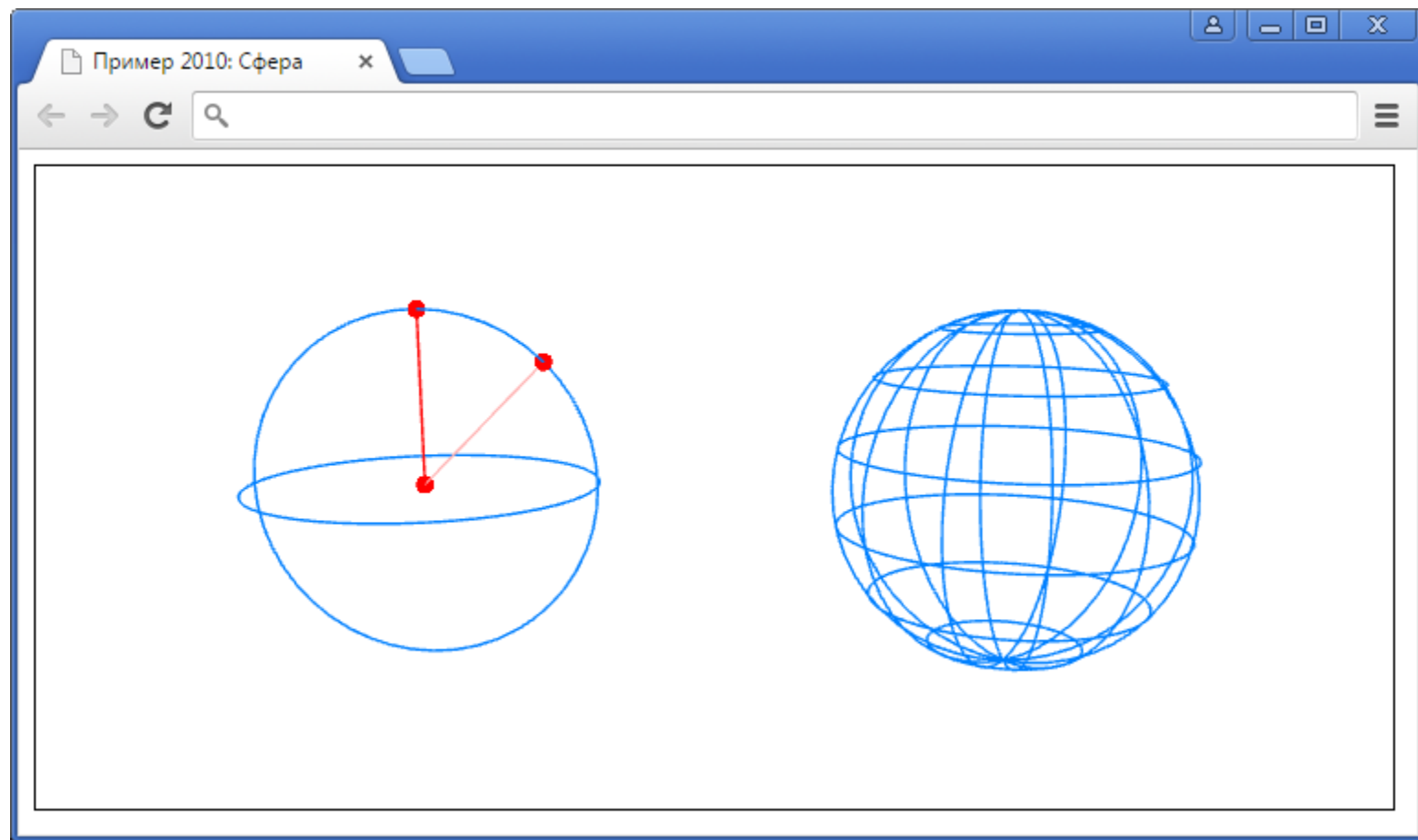


Стандартно показване

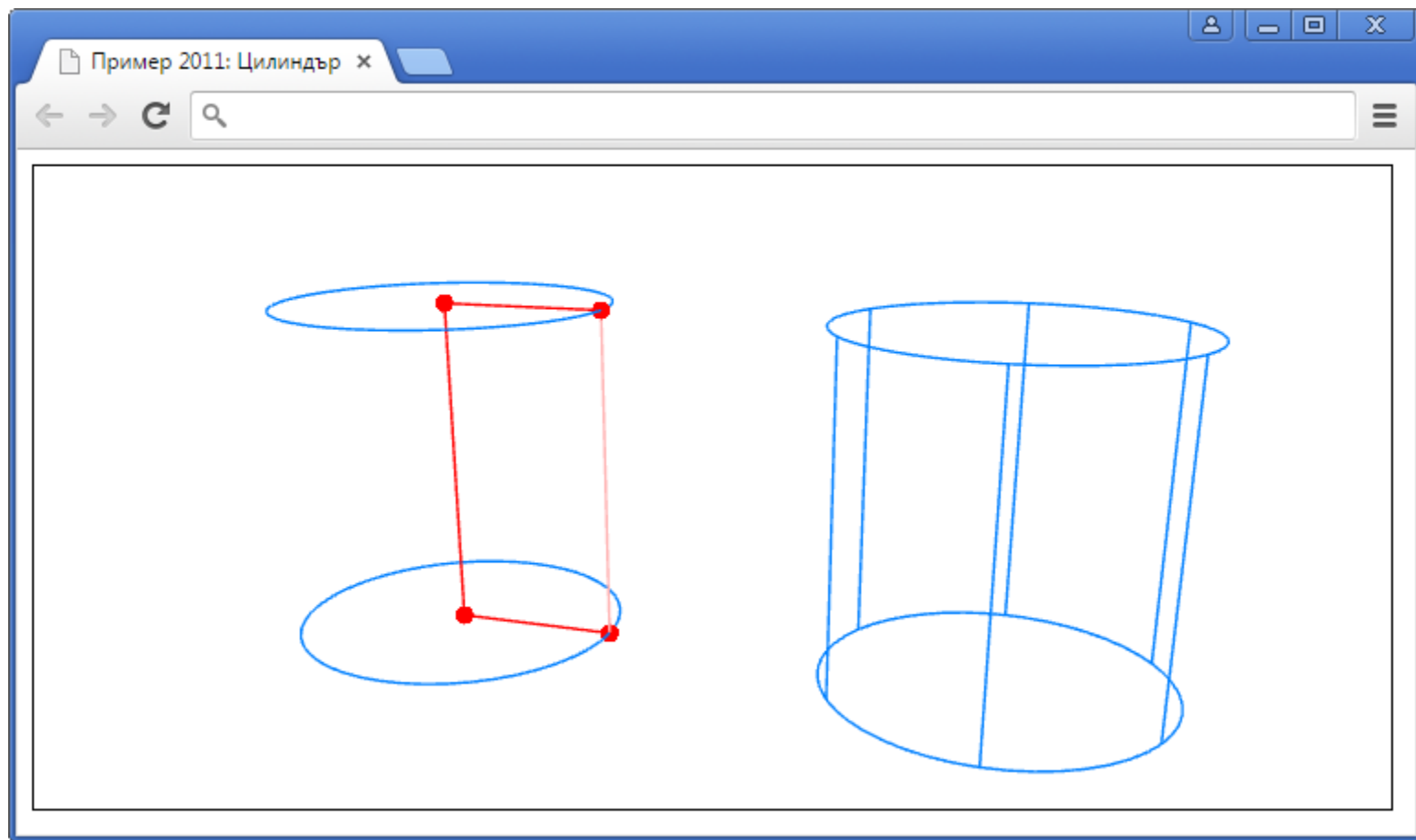
- С командите **sphere**, **cylinder**, **cone**
- С командата **segment**

Липсва им

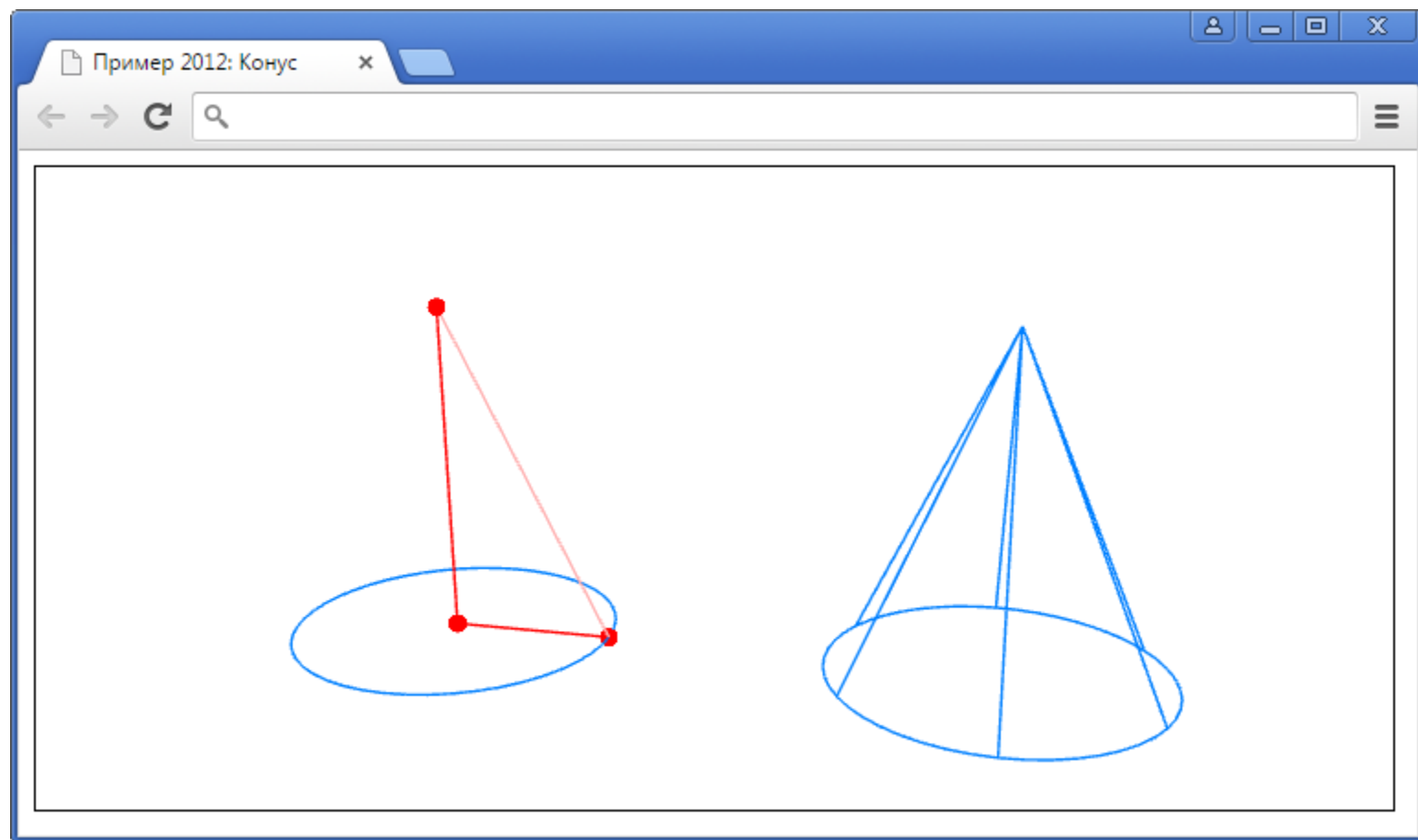
- Нищо не им липсва, а имат излишество
- Рисуват се „ръчно“ само тези елементи, които са нужни в конкретния случай
- Feci quod potui, faciant meliora potentes



ПРОБА



ПРОБА



ПРОБА



Top

Визуализиране на тор



Основни проблеми

- Няма такъв вграден обект в СУИКА
- Няма друг обект, който след промяна на параметрите да стане с формата на тор
- Трябва да се конструира ръчно

Създаване на тор



Вариант №1 – вертикални окръжности

- Торът е окръжност, завъртяна около ос извън нея
- Дефинираме отместена окръжност и я въртим

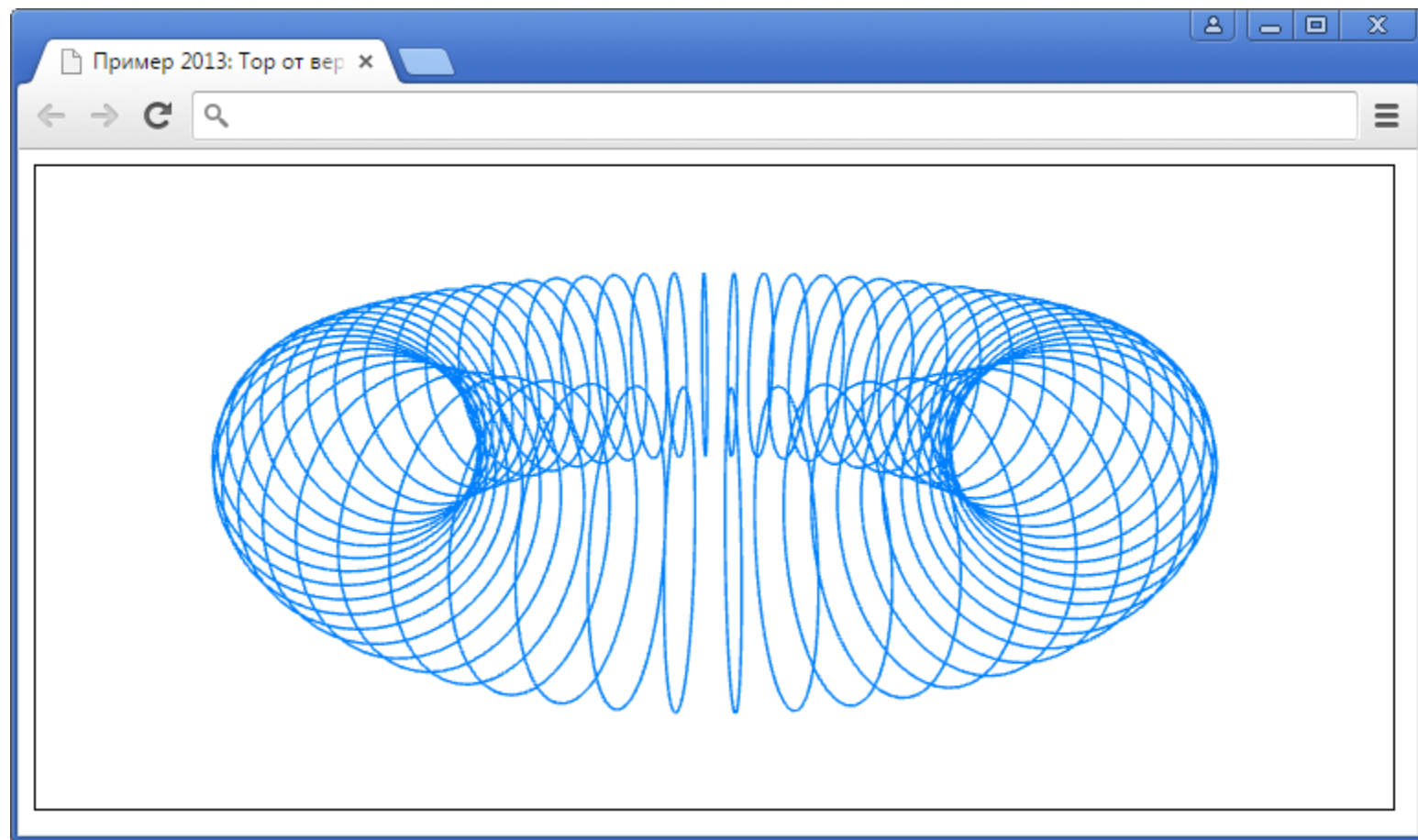
Проблем

- Ако я изместим с **center**, то въртенето със **spin** ще я завърти около новия ѝ център, а не около външна ос
- Трябва **spin** да не знае, че има променен **center**
- Ако я изместим с **origin**, вероятно ще има проблем с **focus**

Решение

- Скриваме правилно ориентирана окръжност в групов обект
- Така и окръжността, и групата си имат свои собствени **focus**, **spin** и **center**, независещи от тези на другия обект
- Клонираме с въртене групата

```
a = group([circle([0,30,5],10).custom({  
    mode:Suica.LINE,  
    color:[0,0.5,1],  
    focus:[1,0,0]})  
]);  
  
for (var i=0; i<60; i++)  
    sameAs(a).custom({spin:i*2*Math.PI/60});
```

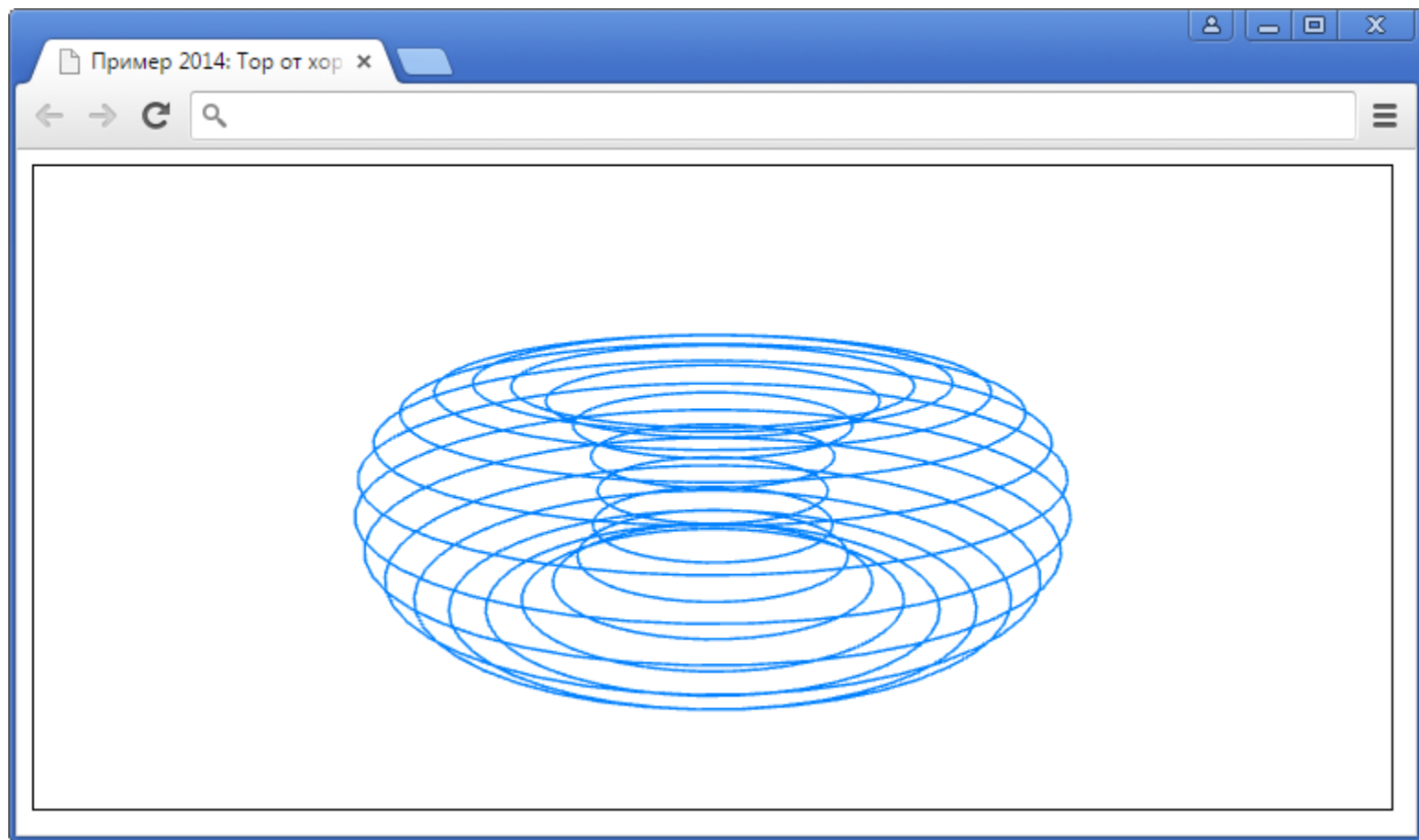


ПРОБА

Вариант №2 – хоризонтални окръжности

- Създаваме хоризонтални окръжности, като техните z координати и радиуси описват ... окръжност

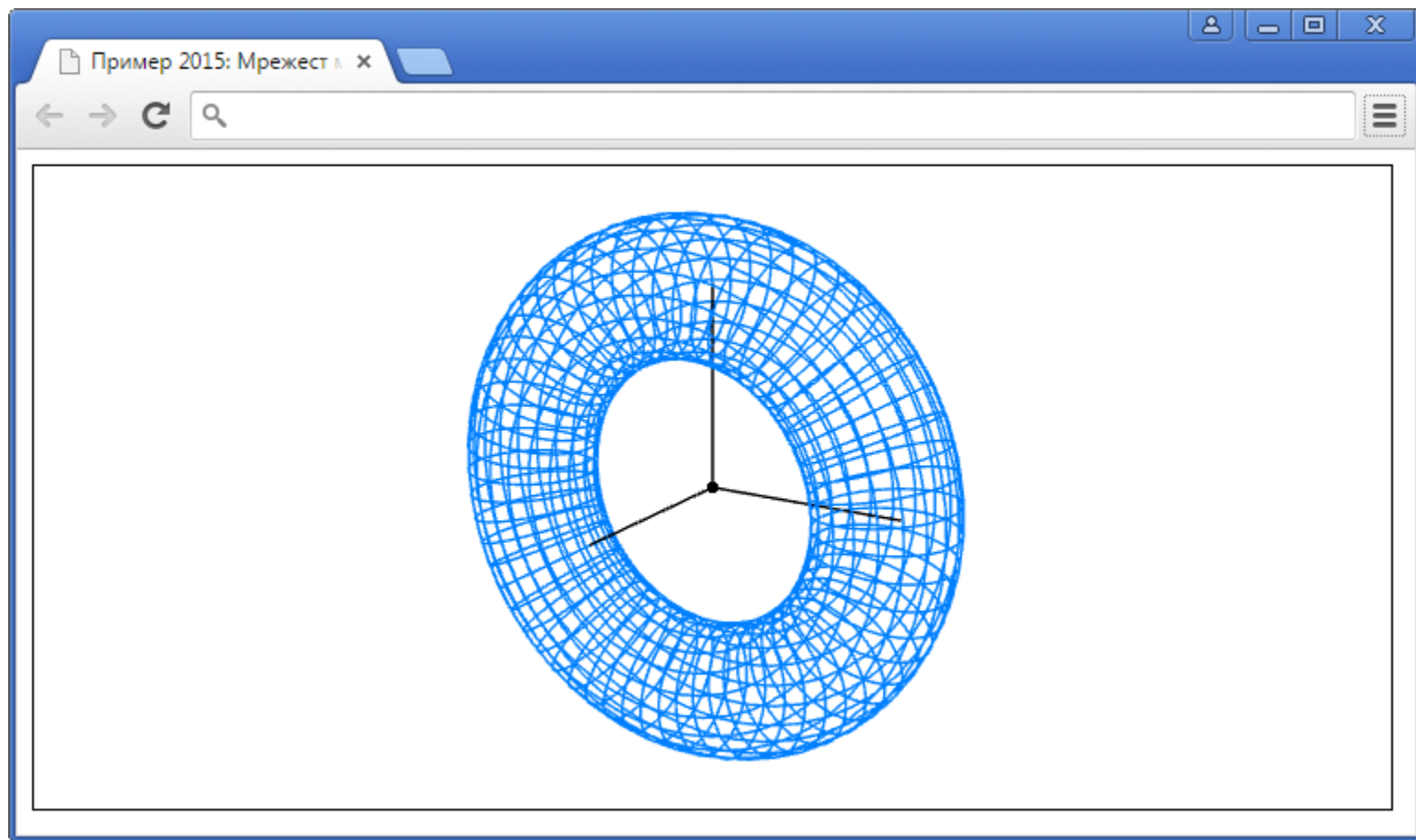
```
for (var i=0; i<20; i++)  
{  
    var a = 2*Math.PI*i/20;  
    circle( [0,0,10*Math.sin(a)],  
           20+10*Math.cos(a) ).custom({  
        mode:Suica.LINE,  
        color:[0,0.5,1]});  
}
```



ПРОБА

Вариант №3 – комбинирани окръжности

- Торът изглежда като сглобен от плочки
 - Създаваме вертикални окръжности
 - Създаваме хоризонтални окръжности
- Всичките ги слагаме в нова група – така можем да ориентираме целият тор и да го изправим вертикално



ПРОБА

Обобщение



Визуализиране на геометрични обекти

- Образите на геометричните обекти невинаги съвпадат с образите на графичните обекти
- Композират се образи от няколко обекта, за да се създаде желания образ
- Понякога образът се изгражда наново
- В СУИКА са дефинирани само някои обекти; всички останали се генерират от потребителя

И най-важното

- Всеки обект може да бъде представен графично по няколко различни начина
- Изборът е въпрос на дизайн, стил или възможност



ИКТ в НОС

Край

Коментари, въпроси