

# Функция на Мъбиус

от Уикипедия, свободната енциклопедия

**Функцията на Мъбиус**  $\mu(n)$  е важна функция в теорията на числата и комбинаториката. Наречена е на немския математик [Август Мъбиус](#), който я въвежда през 1832 г.

## Определение

Дефиниционното множество на функцията  $\mu(n)$  е съвкупността  $\mathbb{N}$  на [естествените числа](#). Функцията  $\mu(n)$  приема трите стойности +1, -1 и 0 в зависимост от разлагането на  $n$  на прости множители. А именно:

- $\mu(n) = +1$ , ако  $n$  е [безквадратно число](#) с [четен](#) брой прости множители;
- $\mu(n) = -1$ , ако  $n$  е [безквадратно число](#) с [нечетен](#) брой прости множители;
- $\mu(n) = 0$ , ако  $n$  не е безквадратно число.

## Свойства

Функцията на Мъбиус е [мултипликативна](#), тоест  $\mu(ab) = \mu(a)\mu(b)$  за всички [взаимно прости числа](#)  $a$  и  $b$ .

Сборът от стойностите на функцията е нула, когато нейният аргумент пробяга делителите на естествено число, по-голямо от единица:

$$\sum_{d|n} \mu(d) = \begin{cases} 1, & n = 1; \\ 0, & n > 1. \end{cases}$$

## Формула за обръщане

За всички аритметични функции  $f$  и  $g$  важи следната еквивалентност:

$$g(n) = \sum_{d|n} f(d) \iff f(n) = \sum_{d|n} \mu(d)g\left(\frac{n}{d}\right).$$