

ТЕМА: РЕКУРЕНТНИ ОТНОШЕНИЯ. ГРАФИ. ДВОИЧНИ  
ФУНКЦИИ

---

Задача	1	2	3	4	Макс.
<i>получени точки</i>					
<i>от максимално</i>	15	15	15	20	65

**Задача 1:** (15т.) Намерете рекурентно отношение и начални условия за броя на думите над азбуката  $A = \{a, b\}$  с дължина  $n$ ,  $n \in \mathbb{N}$ , всяка от които започва с  $a$  и завършва с  $b$ . Колко е броят на тези думи с дължина  $n = 10$ ?

**Задача 2:** (15т.) Да се докаже, че ако в граф с  $n$  върха има  $n - 1$  висящи върха (със степен 1), то графът или е дърво или не е свързан.

**Задача 3:** (15т.) Да се докаже, че ако в граф с  $n$  върха има точно два върха с равни степени, то в графа или има точно един връх със степен 0, или има точно един връх със степен  $n - 1$ .

**Задача 4:** (20т.) Множествата  $T_0, T_1, M$  от двоични функции са определени, както следва:

$$T_0 = \{f : J_2^n \rightarrow J_2 \mid f(0, \dots, 0) = 0\}$$

$$T_1 = \{f : J_2^n \rightarrow J_2 \mid f(1, \dots, 1) = 1\}$$

$$M = \{f : J_2^n \rightarrow J_2 \mid \forall \alpha, \beta \in J_2^n, \alpha \preceq \beta \Rightarrow f(\alpha) \leq f(\beta)\}, \text{ като}$$

$$R_{\preceq} \subseteq J_2^n \times J_2^n = \{(\alpha = (a_1, \dots, a_n), \beta = (b_1, \dots, b_n)) \in R_{\preceq} \Leftrightarrow \forall i \in I_n, a_i \leq b_i\}$$

а) (10т.) Напишете таблиците на двоичните функции  $f(x, y, z) = (x \rightarrow y) \oplus (\overline{xy}z)$  и  $g(x, y, z) = x \oplus xy \oplus xyz$  и проверете дали двете функции съвпадат

б) (5т.) Определете принадлежността на  $f(x, y, z)$  към всяко от множествата  $T_0, T_1, M$

в) (5т.) Определете  $|T_0 \cup T_1|$  и  $|T_0 \setminus T_1|$