

вариант	ф. номер	група	поток	курс	специалност
<b>1</b>					
Име:					

Теоретичен тест по ЕАИ на автомати  
 спец. Компютърни науки I курс  
 17.04.2015 г.

**Задача 1.** Нека  $L \subseteq \{a, b\}^*$ . Дефинирайте кога езикът  $L$  е регулярен. Дефинирайте  $L^n, n \geq 0$  и  $L^+$ .  
 Винаги ли е вярно, че ако  $L$  е регулярен, то  
 (а) ако  $D$  е краен език в  $\{a, b\}$ , то  $L \cap (\{a, b\}^* \setminus D)$  е регулярен?  
 (б) ако езикът  $K \subseteq \{a, b\}^*$  не е регулярен, то и  $L \cup K$  не е регулярен?

**Задача 2.** Нека  $A = \langle Q_1, \Sigma = \{a, b\}, \delta_1, s_1, F_1 \rangle$  и  $B = \langle Q_2, \Sigma = \{a, b\}, \delta_2, s_2, F_2 \rangle$  са крайни недетерминирани автомати,  $Q_1 \cap Q_2 = \emptyset$ . Дефинирайте краен недетерминиран автомат, който разпознава езика  
 (а) конкатенацията на  $L(A)$  и  $L(B)$ .  
 (б)  $L(A)^*$ .

(в) Напишете автомат рзпознаващ езика, описващ се с регулярен израз  $(a \cup bb)^*b$ .

**Задача 3.** Нека  $L \subseteq \{a, b\}^*$ . Нека  $M = \langle Q, \{a, b\}, \delta, s, F \rangle$  е краен детерминиран автомат, разпознаващ  $L$ . Дефинирайте релацията по автомата  $R_M$  и релацията на Нероуд  $R_L$  за  $L$ . Обяснете защо  $R_L$  има краен индекс. Дефинирайте минимален детерминиран автомат, разпознаващ  $L$ , със състояния - класовете на еквивалентност на  $R_L$ . Опишете класовете на еквивалентност на  $R_L$  за  $L = \{a, ba\}$ .

**Задача 4.** Формулирайте Лемата за покачването (Pumping Lemma) за регулярни езици.

вариант	ф. номер	група	поток	курс	специалност
<b>3</b>					
Име:					

Теоретичен тест по ЕАИ на автомати  
 спец. Компютърни науки I курс  
 17.04.2015 г.

**Задача 1.** Нека  $L \subseteq \{a, b\}^*$ . Дефинирайте кога езикът  $L$  е регулярен. Дефинирайте  $L^n, n \geq 0$  и  $L^+$ .  
 Винаги ли е вярно, че ако  $L$  е регулярен, то  
 (а) ако  $D$  е краен език в  $\{a, b\}$ , то  $L \cap (\{a, b\}^* \setminus D)$  е регулярен?  
 (б) ако езикът  $K \subseteq \{a, b\}^*$  не е регулярен, то и  $L \cup K$  не е регулярен?

**Задача 2.** Нека  $A = \langle Q_1, \Sigma = \{a, b\}, \delta_1, s_1, F_1 \rangle$  и  $B = \langle Q_2, \Sigma = \{a, b\}, \delta_2, s_2, F_2 \rangle$  са крайни недетерминирани автомати,  $Q_1 \cap Q_2 = \emptyset$ . Дефинирайте краен недетерминиран автомат, който разпознава езика  
 (а) конкатенацията на  $L(A)$  и  $L(B)$ .  
 (б)  $L(A)^*$ .

(в) Напишете автомат рзпознаващ езика, описващ се с регулярен израз  $(a \cup bb)^*b$ .

**Задача 3.** Нека  $L \subseteq \{a, b\}^*$ . Нека  $M = \langle Q, \{a, b\}, \delta, s, F \rangle$  е краен детерминиран автомат, разпознаващ  $L$ . Дефинирайте релацията по автомата  $R_M$  и релацията на Нероуд  $R_L$  за  $L$ . Обяснете защо  $R_L$  има краен индекс. Дефинирайте минимален детерминиран автомат, разпознаващ  $L$ , със състояния - класовете на еквивалентност на  $R_L$ . Опишете класовете на еквивалентност на  $R_L$  за  $L = \{a, ba\}$ .

**Задача 4.** Формулирайте Лемата за покачването (Pumping Lemma) за регулярни езици.

вариант	ф. номер	група	поток	курс	специалност
<b>2</b>					
Име:					

Теоретичен тест по ЕАИ на автомати  
 спец. Компютърни науки I курс  
 17.04.2015 г.

**Задача 1.** Нека  $L \subseteq \{0, 1\}^*$ . Дефинирайте кога езикът  $L$  е регулярен. Дефинирайте  $L^n, n \geq 0$  и  $L^*$ .  
 Винаги ли е вярно, че ако  $L$  е регулярен, то  
 (а) ако  $D$  е краен език в  $\{0, 1\}$ , то  $L \setminus D$  е регулярен?  
 (б) ако в  $\{0, 1\}$  езикът  $K \supseteq L$  не е регулярен, то и  $K \setminus L$  не е регулярен?

**Задача 2.** Нека  $A = \langle Q_1, \Sigma = \{0, 1\}, \delta_1, s_1, F_1 \rangle$  и  $B = \langle Q_2, \Sigma = \{0, 1\}, \delta_2, s_2, F_2 \rangle$  са крайни детерминирани автомати,  $Q_1 \cap Q_2 = \emptyset$ . Дефинирайте краен автомат, който разпознава езика

(а) обединението на  $L(A)$  и  $L(B)$ .

(б)  $L(A)^+$ .

(в) Напишете автомат рзпознаващ езика, описващ се с регулярен израз  $(11 \cup 0)^*0$ .

**Задача 3.** Нека  $A = \langle Q, \{0, 1\}, \delta, s, F \rangle$  е краен детерминиран автомат свързан автомат и  $L = L(A)$ . За  $q, r \in Q$  дефинирайте релацията  $q \equiv r$ . Обяснете защо ако  $q, r \in Q, a \in \Sigma$  и  $\delta(q, a) \neq \delta(r, a)$ , то  $q \not\equiv r$ ? Дефинирайте минимален детерминиран автомат  $B, L(B) = L$ , със състояния - класовете на еквивалентност на релацията  $\equiv$ . Дефинирайте релацията на Нероуд  $R_L$  за  $L$  и определете класовете на еквивалентност на  $R_L$  за  $L = \{0, 01\}$ .

**Задача 4.** Формулирайте Лемата за покачването (Pumping Lemma) за регулярни езици.

вариант	ф. номер	група	поток	курс	специалност
<b>4</b>					
Име:					

Теоретичен тест по ЕАИ на автомати  
 спец. Компютърни науки I курс  
 17.04.2015 г.

**Задача 1.** Нека  $L \subseteq \{0, 1\}^*$ . Дефинирайте кога езикът  $L$  е регулярен. Дефинирайте  $L^n, n \geq 0$  и  $L^*$ .  
 Винаги ли е вярно, че ако  $L$  е регулярен, то  
 (а) ако  $D$  е краен език в  $\{0, 1\}$ , то  $L \setminus D$  е регулярен?  
 (б) ако в  $\{0, 1\}$  езикът  $K \supseteq L$  не е регулярен, то и  $K \setminus L$  не е регулярен?

**Задача 2.** Нека  $A = \langle Q_1, \Sigma = \{0, 1\}, \delta_1, s_1, F_1 \rangle$  и  $B = \langle Q_2, \Sigma = \{0, 1\}, \delta_2, s_2, F_2 \rangle$  са крайни детерминирани автомати,  $Q_1 \cap Q_2 = \emptyset$ . Дефинирайте краен автомат, който разпознава езика

(а) обединението на  $L(A)$  и  $L(B)$ .

(б)  $L(A)^+$ .

(в) Напишете автомат рзпознаващ езика, описващ се с регулярен израз  $(11 \cup 0)^*0$ .

**Задача 3.** Нека  $A = \langle Q, \{0, 1\}, \delta, s, F \rangle$  е краен детерминиран автомат свързан автомат и  $L = L(A)$ . За  $q, r \in Q$  дефинирайте релацията  $q \equiv r$ . Обяснете защо ако  $q, r \in Q, a \in \Sigma$  и  $\delta(q, a) \neq \delta(r, a)$ , то  $q \not\equiv r$ ? Дефинирайте минимален детерминиран автомат  $B, L(B) = L$ , със състояния - класовете на еквивалентност на релацията  $\equiv$ . Дефинирайте релацията на Нероуд  $R_L$  за  $L$  и определете класовете на еквивалентност на  $R_L$  за  $L = \{0, 01\}$ .

**Задача 4.** Формулирайте Лемата за покачването (Pumping Lemma) за регулярни езици.