

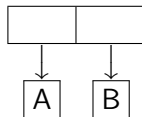
Списъци

Трифон Трифонов

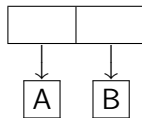
Функционално програмиране, спец. Информатика, 2015/16 г.

4 ноември 2015 г.

Точкови двойки

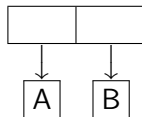
 $(A \cdot B)$ 

Точкови двойки

 $(A . B)$ 

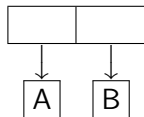
- `(cons <израз1> <израз2>)`

Точкови двойки

 $(A . B)$ 

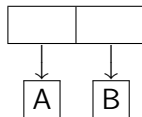
- $(\text{cons } \langle \text{израз}_1 \rangle \langle \text{израз}_2 \rangle)$
- Точкова двойка от оценките на $\langle \text{израз}_1 \rangle$ и $\langle \text{израз}_2 \rangle$

Точкови двойки

 $(A . B)$ 

- `(cons <израз1> <израз2>)`
- Точкова двойка от оценките на `<израз1>` и `<израз2>`
- `(car <израз>)`

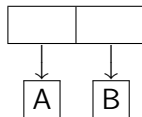
Точкови двойки

 $(A . B)$ 

- `(cons <израз1> <израз2>)`
- Точкова двойка от оценките на `<израз1>` и `<израз2>`
- `(car <израз>)`
- **Първият** компонент на двойката, която е оценката на `<израз>`

Точкови двойки

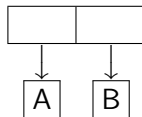
(A . B)



- (cons <израз₁> <израз₂>)
- Точкова двойка от оценките на <израз₁> и <израз₂>
- (car <израз>)
- **Първият** компонент на двойката, която е оценката на <израз>
- (cdr <израз>)

Точкови двойки

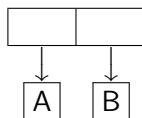
(A . B)



- `(cons <израз1> <израз2>)`
- Точкова двойка от оценките на <израз₁> и <израз₂>
- `(car <израз>)`
- **Първият** компонент на двойката, която е оценката на <израз>
- `(cdr <израз>)`
- **Вторият** компонент на двойката, която е оценката на <израз>

Точкови двойки

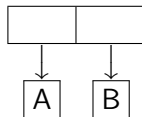
(A . B)



- (cons <израз₁> <израз₂>)
- Точкова двойка от оценките на <израз₁> и <израз₂>
- (car <израз>)
- **Първият** компонент на двойката, която е оценката на <израз>
- (cdr <израз>)
- **Вторият** компонент на двойката, която е оценката на <израз>
- (pair? <израз>)

Точкови двойки

(A . B)



- (cons <израз₁> <израз₂>)
- Точкова двойка от оценките на <израз₁> и <израз₂>
- (car <израз>)
- **Първият** компонент на двойката, която е оценката на <израз>
- (cdr <израз>)
- **Вторият** компонент на двойката, която е оценката на <израз>
- (pair? <израз>)
- Проверява дали оценката на <израз> е точкова двойка

Примери

```
(cons (cons 2 3) (cons 8 13))
```



```
((2 . 3) . (8 . 13))
```

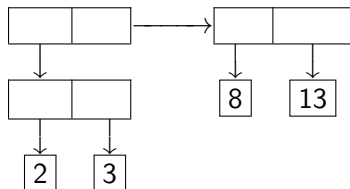
Примери

```
(cons (cons 2 3) (cons 8 13))
```

```

      ↓
((2 . 3) . (8 . 13))

```



Примери

```
(cons (cons 2 3) (cons 8 13))
```

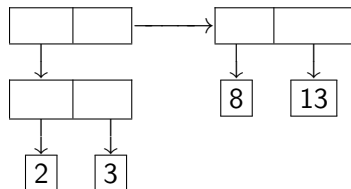
↓

```
((2 . 3) . (8 . 13))
```

```
(cons 3 (cons (cons 13 21) 8))
```

↓

```
(3 . ((13 . 21) . 8))
```



Примери

```
(cons (cons 2 3) (cons 8 13))
```

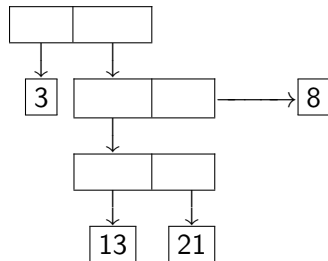
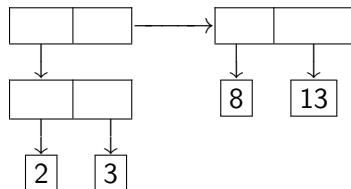
↓

```
((2 . 3) . (8 . 13))
```

```
(cons 3 (cons (cons 13 21) 8))
```

↓

```
(3 . ((13 . 21) . 8))
```



S-изрази

Дефиниция

S-израз наричаме:

- атоми (булеви, числа, знаци, символи, низове)
- точкови двойки ($S_1 \ . \ S_2$), където S_1 и S_2 са S-изрази

S-изрази

Дефиниция

S-израз наричаме:

- атоми (булеви, числа, знаци, символи, низове)
- точкови двойки ($S_1 . S_2$), където S_1 и S_2 са S-изрази

S-изразите са най-общия тип данни в Scheme.

С тяхна помощ могат да се дефинират произволно сложни структури от данни.

All you need is λ — точкови двойки

Можем да симулираме `cons`, `car` и `cdr` чрез `lambda`!

All you need is λ — точкови двойки

Можем да симулираме `cons`, `car` и `cdr` чрез `lambda`!

Вариант №1:

```
(define (lcons x y) (lambda (p) (if p x y)))  
(define (lcar z) (z #t))  
(define (lcdr z) (z #f))
```

All you need is λ — точкови двойки

Можем да симулираме `cons`, `car` и `cdr` чрез `lambda`!

Вариант №1:

```
(define (lcons x y) (lambda (p) (if p x y)))  
(define (lcar z) (z #t))  
(define (lcdr z) (z #f))
```

Вариант №2:

```
(define (lcons x y) (lambda (p) (p x y)))  
(define (lcar z) (z (lambda (x y) x)))  
(define (lcdr z) (z (lambda (x y) y)))
```

Списъци в Scheme

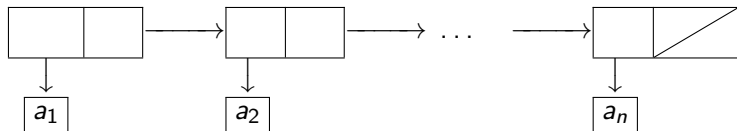
Дефиниция

- 1 Празният списък `()` е списък
- 2 `(h . t)` е списък ако `t` е списък
 - `h` — глава на списъка
 - `t` — опашка на списъка

Списъци в Scheme

Дефиниция

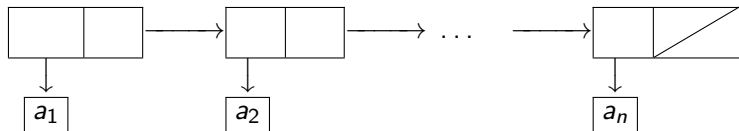
- 1 Празният списък $()$ е списък
- 2 $(h . t)$ е списък ако t е списък
 - h — глава на списъка
 - t — опашка на списъка



Списъци в Scheme

Дефиниция

- 1 Празният списък $()$ е списък
- 2 $(h . t)$ е списък ако t е списък
 - h — глава на списъка
 - t — опашка на списъка



$$(a_1 . (a_2 . (\dots (a_n . ())))) \longleftrightarrow (a_1 a_2 \dots a_n)$$

Вградени функции за списъци

- (`null? <израз>`) — дали <израз> е празният списък ()

Вградени функции за списъци

- `(null? <израз>)` — дали <израз> е празният списък `()`
- `(list? <израз>)` — дали <израз> е списък

Вградени функции за списъци

- `(null? <израз>)` — дали <израз> е празният списък `()`
- `(list? <израз>)` — дали <израз> е списък
 - `(define (list? l) (or (null? l) (and (pair? l) (list? (cdr l)))))`

Вградени функции за списъци

- `(null? <израз>)` — дали <израз> е празният списък `()`
- `(list? <израз>)` — дали <израз> е списък
 - `(define (list? l) (or (null? l) (and (pair? l) (list? (cdr l))))))`
- `(list {<израз>})` — построява списък с елементи <израз>

Вградени функции за списъци

- `(null? <израз>)` — дали <израз> е празният списък `()`
- `(list? <израз>)` — дали <израз> е списък
 - `(define (list? l) (or (null? l) (and (pair? l) (list? (cdr l)))))`
- `(list {<израз>})` — построява списък с елементи <израз>
- `(list <израз1> <израз2> ... <изразn>)` \longleftrightarrow
`(cons <израз1> (cons <израз2> ... (cons <изразn> '())))`

Вградени функции за списъци

- `(null? <израз>)` — дали <израз> е празният списък `()`
- `(list? <израз>)` — дали <израз> е списък
 - `(define (list? l) (or (null? l) (and (pair? l) (list? (cdr l))))))`
- `(list {<израз>})` — построява списък с елементи <израз>
- `(list <израз1> <израз2> ... <изразn>)` \longleftrightarrow
`(cons <израз1> (cons <израз2> ... (cons <изразn> '())))`
- `(cons <глава> <опашка>)` — списък с <глава> и <опашка>

Вградени функции за списъци

- `(null? <израз>)` — дали <израз> е празният списък `()`
- `(list? <израз>)` — дали <израз> е списък
 - `(define (list? l) (or (null? l) (and (pair? l) (list? (cdr l))))))`
- `(list {<израз>})` — построява списък с елементи <израз>
- `(list <израз1> <израз2> ... <изразn>)` \longleftrightarrow
`(cons <израз1> (cons <израз2> ... (cons <изразn> '())))`
- `(cons <глава> <опашка>)` — списък с <глава> и <опашка>
- `(car <списък>)` — главата на <списък>

Вградени функции за списъци

- `(null? <израз>)` — дали <израз> е празният списък `()`
- `(list? <израз>)` — дали <израз> е списък
 - `(define (list? l) (or (null? l) (and (pair? l) (list? (cdr l)))))`
- `(list {<израз>})` — построява списък с елементи <израз>
- `(list <израз1> <израз2> ... <изразn>)` \longleftrightarrow
`(cons <израз1> (cons <израз2> ... (cons <изразn> '())))`
- `(cons <глава> <опашка>)` — списък с <глава> и <опашка>
- `(car <списък>)` — главата на <списък>
- `(cdr <списък>)` — опашката на <списък>

Вградени функции за списъци

- `(null? <израз>)` — дали <израз> е празният списък `()`
- `(list? <израз>)` — дали <израз> е списък
 - `(define (list? l) (or (null? l) (and (pair? l) (list? (cdr l)))))`
- `(list {<израз>})` — построява списък с елементи <израз>
- `(list <израз1> <израз2> ... <изразn>)` \longleftrightarrow
`(cons <израз1> (cons <израз2> ... (cons <изразn> '())))`
- `(cons <глава> <опашка>)` — списък с <глава> и <опашка>
- `(car <списък>)` — главата на <списък>
- `(cdr <списък>)` — опашката на <списък>
- `()` не е точкова двойка!

Вградени функции за списъци

- `(null? <израз>)` — дали <израз> е празният списък `()`
- `(list? <израз>)` — дали <израз> е списък
 - `(define (list? l) (or (null? l) (and (pair? l) (list? (cdr l))))))`
- `(list {<израз>})` — построява списък с елементи <израз>
- `(list <израз1> <израз2> ... <изразn>)` \longleftrightarrow
`(cons <израз1> (cons <израз2> ... (cons <изразn> '())))`
- `(cons <глава> <опашка>)` — списък с <глава> и <опашка>
- `(car <списък>)` — главата на <списък>
- `(cdr <списък>)` — опашката на <списък>
- `()` не е точкова двойка!
- `(car '())` \longrightarrow Грешка!, `(cdr '())` \longrightarrow Грешка!

Съкратени форми на car и cdr

Нека $l = (a_1 a_2 a_3 \dots a_n)$.

- $(\text{car } l) \longrightarrow a_1$

Съкратени форми на car и cdr

Нека $l = (a_1 a_2 a_3 \dots a_n)$.

- $(\text{car } l) \longrightarrow a_1$
- $(\text{cdr } l) \longrightarrow (a_2 a_3 \dots a_n)$

Съкратени форми на car и cdr

Нека $l = (a_1 a_2 a_3 \dots a_n)$.

- $(\text{car } l) \longrightarrow a_1$
- $(\text{cdr } l) \longrightarrow (a_2 a_3 \dots a_n)$
- $(\text{car } (\text{cdr } l)) \longrightarrow ? \longleftarrow (\text{cadr } l)$

Съкратени форми на car и cdr

Нека $l = (a_1 a_2 a_3 \dots a_n)$.

- $(\text{car } l) \longrightarrow a_1$
- $(\text{cdr } l) \longrightarrow (a_2 a_3 \dots a_n)$
- $(\text{car } (\text{cdr } l)) \longrightarrow a_2 \longleftarrow (\text{cadr } l)$

Съкратени форми на car и cdr

Нека $l = (a_1 a_2 a_3 \dots a_n)$.

- $(\text{car } l) \longrightarrow a_1$
- $(\text{cdr } l) \longrightarrow (a_2 a_3 \dots a_n)$
- $(\text{car } (\text{cdr } l)) \longrightarrow a_2 \longleftarrow (\text{cadr } l)$
- $(\text{cdr } (\text{cdr } l)) \longrightarrow ? \longleftarrow (\text{caddr } l)$

Съкратени форми на car и cdr

Нека $l = (a_1 a_2 a_3 \dots a_n)$.

- $(\text{car } l) \longrightarrow a_1$
- $(\text{cdr } l) \longrightarrow (a_2 a_3 \dots a_n)$
- $(\text{car } (\text{cdr } l)) \longrightarrow a_2 \longleftarrow (\text{cadr } l)$
- $(\text{cdr } (\text{cdr } l)) \longrightarrow (a_3 \dots a_n) \longleftarrow (\text{caddr } l)$

Съкратени форми на car и cdr

Нека $l = (a_1 a_2 a_3 \dots a_n)$.

- $(\text{car } l) \longrightarrow a_1$
- $(\text{cdr } l) \longrightarrow (a_2 a_3 \dots a_n)$
- $(\text{car } (\text{cdr } l)) \longrightarrow a_2 \longleftarrow (\text{cadr } l)$
- $(\text{cdr } (\text{cdr } l)) \longrightarrow (a_3 \dots a_n) \longleftarrow (\text{caddr } l)$
- $(\text{car } (\text{cdr } (\text{cdr } l))) \longrightarrow ? \longleftarrow (\text{cadddr } l)$

Съкратени форми на car и cdr

Нека $l = (a_1 a_2 a_3 \dots a_n)$.

- $(\text{car } l) \longrightarrow a_1$
- $(\text{cdr } l) \longrightarrow (a_2 a_3 \dots a_n)$
- $(\text{car } (\text{cdr } l)) \longrightarrow a_2 \longleftarrow (\text{cadr } l)$
- $(\text{cdr } (\text{cdr } l)) \longrightarrow (a_3 \dots a_n) \longleftarrow (\text{caddr } l)$
- $(\text{car } (\text{cdr } (\text{cdr } l))) \longrightarrow a_3 \longleftarrow (\text{caddr } l)$

Съкратени форми на car и cdr

Нека $l = (a_1 a_2 a_3 \dots a_n)$.

- $(\text{car } l) \longrightarrow a_1$
- $(\text{cdr } l) \longrightarrow (a_2 a_3 \dots a_n)$
- $(\text{car } (\text{cdr } l)) \longrightarrow a_2 \longleftarrow (\text{cadr } l)$
- $(\text{cdr } (\text{cdr } l)) \longrightarrow (a_3 \dots a_n) \longleftarrow (\text{caddr } l)$
- $(\text{car } (\text{cdr } (\text{cdr } l))) \longrightarrow a_3 \longleftarrow (\text{caddr } l)$
- имаме съкратени форми за до 4 последователни прилагания на car и cdr

Форми на равенство в Scheme

- `(eq? <израз1> <израз2>)` — връща `#t` точно тогава, когато оценките на `<израз1>` `<израз2>` заемат едно и също място в паметта

Форми на равенство в Scheme

- `(eq? <израз1> <израз2>)` — връща #t точно тогава, когато оценките на <израз₁> <израз₂> заемат едно и също място в паметта
- `(eqv? <израз1> <израз2>)` — връща #t точно тогава, когато оценките на <израз₁> и <израз₂> заемат едно и също място в паметта или са едни и същи по стойност **атоми** (дори и да заемат различно място в паметта)

Форми на равенство в Scheme

- `(eq? <израз1> <израз2>)` — връща `#t` точно тогава, когато оценките на `<израз1>` `<израз2>` заемат едно и също място в паметта
- `(eqv? <израз1> <израз2>)` — връща `#t` точно тогава, когато оценките на `<израз1>` и `<израз2>` заемат едно и също място в паметта или са едни и същи по стойност **атоми** (дори и да заемат различно място в паметта)
 - Ако `(eq? <израз1> <израз2>)`,
то със сигурност `(eqv? <израз1> <израз2>)`

Форми на равенство в Scheme

- `(eq? <израз1> <израз2>)` — връща `#t` точно тогава, когато оценките на `<израз1>` `<израз2>` заемат едно и също място в паметта
- `(eqv? <израз1> <израз2>)` — връща `#t` точно тогава, когато оценките на `<израз1>` и `<израз2>` заемат едно и също място в паметта или са едни и същи по стойност **атоми** (дори и да заемат различно място в паметта)
 - Ако `(eq? <израз1> <израз2>)`,
то със сигурност `(eqv? <израз1> <израз2>)`
- `(equal? <израз1> <израз2>)` — връща `#t` точно тогава, когато оценките на `<израз1>` и `<израз2>` са едни и същи по стойност **атоми** или **точкови двойки**, чиито компоненти са равни в смисъла на `equal?`

Форми на равенство в Scheme

- `(eq? <израз1> <израз2>)` — връща `#t` точно тогава, когато оценките на `<израз1>` `<израз2>` заемат едно и също място в паметта
- `(eqv? <израз1> <израз2>)` — връща `#t` точно тогава, когато оценките на `<израз1>` и `<израз2>` заемат едно и също място в паметта или са едни и същи по стойност **атоми** (дори и да заемат различно място в паметта)
 - Ако `(eq? <израз1> <израз2>)`, то със сигурност `(eqv? <израз1> <израз2>)`
- `(equal? <израз1> <израз2>)` — връща `#t` точно тогава, когато оценките на `<израз1>` и `<израз2>` са едни и същи по стойност **атоми** или **точкови двойки**, чиито компоненти са равни в смисъла на `equal?`
 - В частност, `equal?` проверява за равенство на списъци

Форми на равенство в Scheme

- `(eq? <израз1> <израз2>)` — връща `#t` точно тогава, когато оценките на `<израз1>` `<израз2>` заемат едно и също място в паметта
- `(eqv? <израз1> <израз2>)` — връща `#t` точно тогава, когато оценките на `<израз1>` и `<израз2>` заемат едно и също място в паметта или са едни и същи по стойност **атоми** (дори и да заемат различно място в паметта)
 - Ако `(eq? <израз1> <израз2>)`,
то със сигурност `(eqv? <израз1> <израз2>)`
- `(equal? <израз1> <израз2>)` — връща `#t` точно тогава, когато оценките на `<израз1>` и `<израз2>` са едни и същи по стойност **атоми** или **точкови двойки**, чиито компоненти са равни в смисъла на `equal?`
 - В частност, `equal?` проверява за равенство на списъци
 - Ако `(eqv? <израз1> <израз2>)`,
то със сигурност `(equal? <израз1> <израз2>)`

Вградени функции за списъци

- (**length** <списък>) — връща дължината на <списък>

Вградени функции за списъци

- (**length** <списък>) — връща дължината на <списък>
- (**append** {<списък>}) — конкатенира всички <списък>

Вградени функции за списъци

- `(length <списък>)` — връща дължината на <списък>
- `(append {<списък>})` — конкатенира всички <списък>
- `(reverse <списък>)` — елементите на <списък> в обратен ред

Вградени функции за списъци

- `(length <списък>)` — връща дължината на <списък>
- `(append {<списък>})` — конкатенира всички <списък>
- `(reverse <списък>)` — елементите на <списък> в обратен ред
- `(list-tail <списък> n)` — елементите на <списък> без първите n

Вградени функции за списъци

- `(length <списък>)` — връща дължината на <списък>
- `(append {<списък>})` — конкатенира всички <списък>
- `(reverse <списък>)` — елементите на <списък> в обратен ред
- `(list-tail <списък> n)` — елементите на <списък> без първите n
- `(list-ref <списък> n)` — n-ти елемент на <списък> (от 0)

Вградени функции за списъци

- `(length <списък>)` — връща дължината на <списък>
- `(append {<списък>})` — конкатенира всички <списък>
- `(reverse <списък>)` — елементите на <списък> в обратен ред
- `(list-tail <списък> n)` — елементите на <списък> без първите n
- `(list-ref <списък> n)` — n-ти елемент на <списък> (от 0)
- `(member <елемент> <списък>)` — проверява дали <елемент> се среща в <списък>

Вградени функции за списъци

- `(length <списък>)` — връща дължината на <списък>
- `(append {<списък>})` — конкатенира всички <списък>
- `(reverse <списък>)` — елементите на <списък> в обратен ред
- `(list-tail <списък> n)` — елементите на <списък> без първите n
- `(list-ref <списък> n)` — n-ти елемент на <списък> (от 0)
- `(member <елемент> <списък>)` — проверява дали <елемент> се среща в <списък>
 - По-точно, връща <списък> от <елемент> нататък, ако го има

Вградени функции за списъци

- `(length <списък>)` — връща дължината на <списък>
- `(append {<списък>})` — конкатенира всички <списък>
- `(reverse <списък>)` — елементите на <списък> в обратен ред
- `(list-tail <списък> n)` — елементите на <списък> без първите n
- `(list-ref <списък> n)` — n-ти елемент на <списък> (от 0)
- `(member <елемент> <списък>)` — проверява дали <елемент> се среща в <списък>
 - По-точно, връща <списък> от <елемент> нататък, ако го има
 - Връща #f, ако <елемент> го няма в <списък>

Вградени функции за списъци

- `(length <списък>)` — връща дължината на <списък>
- `(append {<списък>})` — конкатенира всички <списък>
- `(reverse <списък>)` — елементите на <списък> в обратен ред
- `(list-tail <списък> n)` — елементите на <списък> без първите n
- `(list-ref <списък> n)` — n-ти елемент на <списък> (от 0)
- `(member <елемент> <списък>)` — проверява дали <елемент> се среща в <списък>
 - По-точно, връща <списък> от <елемент> нататък, ако го има
 - Връща #f, ако <елемент> го няма в <списък>
 - Сравнението на елементи става с `equal?`

Вградени функции за списъци

- `(length <списък>)` — връща дължината на <списък>
- `(append {<списък>})` — конкатенира всички <списък>
- `(reverse <списък>)` — елементите на <списък> в обратен ред
- `(list-tail <списък> n)` — елементите на <списък> без първите n
- `(list-ref <списък> n)` — n-ти елемент на <списък> (от 0)
- `(member <елемент> <списък>)` — проверява дали <елемент> се среща в <списък>
 - По-точно, връща <списък> от <елемент> нататък, ако го има
 - Връща #f, ако <елемент> го няма в <списък>
 - Сравнението на елементи става с `equal?`
- `(memq <елемент> <списък>)` — като `member`, но сравнява с `eqv?`

Вградени функции за списъци

- `(length <списък>)` — връща дължината на <списък>
- `(append {<списък>})` — конкатенира всички <списък>
- `(reverse <списък>)` — елементите на <списък> в обратен ред
- `(list-tail <списък> n)` — елементите на <списък> без първите n
- `(list-ref <списък> n)` — n-ти елемент на <списък> (от 0)
- `(member <елемент> <списък>)` — проверява дали <елемент> се среща в <списък>
 - По-точно, връща <списък> от <елемент> нататък, ако го има
 - Връща #f, ако <елемент> го няма в <списък>
 - Сравнението на елементи става с `equal?`
- `(memq <елемент> <списък>)` — като `member`, но сравнява с `eqv?`
- `(memq <елемент> <списък>)` — като `member`, но сравнява с `eq?`

Обхождане на списъци

При обхождане на `l`:

- Ако `l` е празен, връщаме базова стойност (**дъно**)
- Иначе, комбинираме главата (`car l`) с резултата от рекурсивното извикване над опашката (`cdr l`) (**стъпка**)

Обхождане на списъци

При обхождане на `l`:

- Ако `l` е празен, връщаме базова стойност (**дъно**)
- Иначе, комбинираме главата (`car l`) с резултата от рекурсивното извикване над опашката (`cdr l`) (**стъпка**)

Примери: `length`, `list-tail`, `list-ref`, `member`, `memq`, `memq`

Конструиране на списъци

Използваме рекурсия по даден параметър (напр. число, списък...)

- На дъното връщаме фиксиран списък (например `()`)
- На стъпката построяваме с `cons` списък със съответната глава, а опашката строим чрез рекурсивно извикване на същата функция

Конструиране на списъци

Използваме рекурсия по даден параметър (напр. число, списък...)

- На дъното връщаме фиксиран списък (например `()`)
- На стъпката построяваме с `cons` списък със съответната глава, а опашката строим чрез рекурсивно извикване на същата функция

Примери: `from-to`, `collect`, `append`, `reverse`

Изобразяване на списък (map)

Да се дефинира функция (map <функция> <списък>), която връща нов списък съставен от елементите на <списък>, върху всеки от които е приложена <функция>.

Изобразяване на списък (map)

Да се дефинира функция (map <функция> <списък>), която връща нов списък съставен от елементите на <списък>, върху всеки от които е приложена <функция>.

```
(define (map f l)
  (if (null? l) '()
      (cons (f (car l)) (map f (cdr l)))))
```


Изобразяване на списък (map)

Да се дефинира функция (map <функция> <списък>), която връща нов списък съставен от елементите на <списък>, върху всеки от които е приложена <функция>.

```
(define (map f l)
  (if (null? l) '()
      (cons (f (car l)) (map f (cdr l)))))
```

Примери:

- (map square '(1 2 3)) → ?

Изобразяване на списък (map)

Да се дефинира функция (map <функция> <списък>), която връща нов списък съставен от елементите на <списък>, върху всеки от които е приложена <функция>.

```
(define (map f l)
  (if (null? l) '()
      (cons (f (car l)) (map f (cdr l)))))
```

Примери:

- (map square '(1 2 3)) \longrightarrow (1 4 9)

Изобразяване на списък (map)

Да се дефинира функция (map <функция> <списък>), която връща нов списък съставен от елементите на <списък>, върху всеки от които е приложена <функция>.

```
(define (map f l)
  (if (null? l) '()
      (cons (f (car l)) (map f (cdr l)))))
```

Примери:

- (map square '(1 2 3)) \longrightarrow (1 4 9)
- (map cadr '((a b c) (d e f) (g h i))) \longrightarrow ?

Изобразяване на списък (map)

Да се дефинира функция (map <функция> <списък>), която връща нов списък съставен от елементите на <списък>, върху всеки от които е приложена <функция>.

```
(define (map f l)
  (if (null? l) '()
      (cons (f (car l)) (map f (cdr l)))))
```

Примери:

- (map square '(1 2 3)) \longrightarrow (1 4 9)
- (map cadr '((a b c) (d e f) (g h i))) \longrightarrow (b e h)

Изобразяване на списък (map)

Да се дефинира функция (map <функция> <списък>), която връща нов списък съставен от елементите на <списък>, върху всеки от които е приложена <функция>.

```
(define (map f l)
  (if (null? l) '()
      (cons (f (car l)) (map f (cdr l)))))
```

Примери:

- (map square '(1 2 3)) \longrightarrow (1 4 9)
- (map cadr '((a b c) (d e f) (g h i))) \longrightarrow (b e h)
- (map (lambda (f) (f 2)) (list square 1+ odd?)) \longrightarrow ?

Изобразяване на списък (map)

Да се дефинира функция (map <функция> <списък>), която връща нов списък съставен от елементите на <списък>, върху всеки от които е приложена <функция>.

```
(define (map f l)
  (if (null? l) '()
      (cons (f (car l)) (map f (cdr l)))))
```

Примери:

- (map square '(1 2 3)) \longrightarrow (1 4 9)
- (map cadr '((a b c) (d e f) (g h i))) \longrightarrow (b e h)
- (map (lambda (f) (f 2)) (list square 1+ odd?)) \longrightarrow (4 3 #f)

Изобразяване на списък (map)

Да се дефинира функция (`map <функция> <списък>`), която връща нов списък съставен от елементите на `<списък>`, върху всеки от които е приложена `<функция>`.

```
(define (map f l)
  (if (null? l) '()
      (cons (f (car l)) (map f (cdr l)))))
```

Примери:

- `(map square '(1 2 3))` \longrightarrow `(1 4 9)`
- `(map cadr '((a b c) (d e f) (g h i)))` \longrightarrow `(b e h)`
- `(map (lambda (f) (f 2)) (list square 1+ odd?))` \longrightarrow `(4 3 #f)`
- `(map (lambda (f) (f 2)) (map twice (list square 1+ boolean?)))` \longrightarrow ?

Изобразяване на списък (map)

Да се дефинира функция (`map <функция> <списък>`), която връща нов списък съставен от елементите на `<списък>`, върху всеки от които е приложена `<функция>`.

```
(define (map f l)
  (if (null? l) '()
      (cons (f (car l)) (map f (cdr l)))))
```

Примери:

- `(map square '(1 2 3))` \longrightarrow `(1 4 9)`
- `(map cadr '((a b c) (d e f) (g h i)))` \longrightarrow `(b e h)`
- `(map (lambda (f) (f 2)) (list square 1+ odd?))` \longrightarrow `(4 3 #f)`
- `(map (lambda (f) (f 2)) (map twice (list square 1+ boolean?)))` \longrightarrow `(16 4 #t)`

Филтриране на списък (filter)

Да се напише функция (`filter <условие> <списък>`), която връща само тези от елементите на `<списък>`, които удовлетворяват `<условие>`.

Филтриране на списък (filter)

Да се напише функция (`filter <условие> <списък>`), която връща само тези от елементите на `<списък>`, които удовлетворяват `<условие>`.

```
(define (filter p? l)
  (cond ((null? l) l)
        ((p? (car l)) (cons (car l) (filter p? (cdr l))))
        (else (filter p? (cdr l)))))
```

Филтриране на списък (filter)

Да се напише функция (`filter <условие> <списък>`), която връща само тези от елементите на `<списък>`, които удовлетворяват `<условие>`.

```
(define (filter p? l)
  (cond ((null? l) l)
        ((p? (car l)) (cons (car l) (filter p? (cdr l))))
        (else (filter p? (cdr l)))))
```

Примери:

- `(filter odd? '(1 2 3 4 5))` \rightarrow ?

Филтриране на списък (filter)

Да се напише функция (`filter <условие> <списък>`), която връща само тези от елементите на `<списък>`, които удовлетворяват `<условие>`.

```
(define (filter p? l)
  (cond ((null? l) l)
        ((p? (car l)) (cons (car l) (filter p? (cdr l))))
        (else (filter p? (cdr l)))))
```

Примери:

- `(filter odd? '(1 2 3 4 5))` \rightarrow `(1 3 5)`

Филтриране на списък (filter)

Да се напише функция (`filter <условие> <списък>`), която връща само тези от елементите на `<списък>`, които удовлетворяват `<условие>`.

```
(define (filter p? l)
  (cond ((null? l) l)
        ((p? (car l)) (cons (car l) (filter p? (cdr l))))
        (else (filter p? (cdr l)))))
```

Примери:

- `(filter odd? '(1 2 3 4 5))` \rightarrow `(1 3 5)`
- `(filter pair? '((a b) c () d (e)))` \rightarrow ?

Филтриране на списък (filter)

Да се напише функция (`filter <условие> <списък>`), която връща само тези от елементите на `<списък>`, които удовлетворяват `<условие>`.

```
(define (filter p? l)
  (cond ((null? l) l)
        ((p? (car l)) (cons (car l) (filter p? (cdr l))))
        (else (filter p? (cdr l)))))
```

Примери:

- `(filter odd? '(1 2 3 4 5))` \longrightarrow `(1 3 5)`
- `(filter pair? '((a b) c () d (e)))` \longrightarrow `((a b) (e))`

Филтриране на списък (filter)

Да се напише функция (`filter <условие> <списък>`), която връща само тези от елементите на `<списък>`, които удовлетворяват `<условие>`.

```
(define (filter p? l)
  (cond ((null? l) l)
        ((p? (car l)) (cons (car l) (filter p? (cdr l))))
        (else (filter p? (cdr l)))))
```

Примери:

- `(filter odd? '(1 2 3 4 5))` \longrightarrow `(1 3 5)`
- `(filter pair? '((a b) c () d (e)))` \longrightarrow `((a b) (e))`
- `(map (lambda (x) (filter even? x)) '((1 2 3) (4 5 6) (7 8 9)))` \longrightarrow ?

Филтриране на списък (filter)

Да се напише функция (`filter <условие> <списък>`), която връща само тези от елементите на `<списък>`, които удовлетворяват `<условие>`.

```
(define (filter p? l)
  (cond ((null? l) l)
        ((p? (car l)) (cons (car l) (filter p? (cdr l))))
        (else (filter p? (cdr l)))))
```

Примери:

- `(filter odd? '(1 2 3 4 5))` \longrightarrow `(1 3 5)`
- `(filter pair? '((a b) c () d (e)))` \longrightarrow `((a b) (e))`
- `(map (lambda (x) (filter even? x)) '((1 2 3) (4 5 6) (7 8 9)))` \longrightarrow `((2) (4 6) (8))`

Филтриране на списък (filter)

Да се напише функция (`filter <условие> <списък>`), която връща само тези от елементите на `<списък>`, които удовлетворяват `<условие>`.

```
(define (filter p? l)
  (cond ((null? l) l)
        ((p? (car l)) (cons (car l) (filter p? (cdr l))))
        (else (filter p? (cdr l)))))
```

Примери:

- `(filter odd? '(1 2 3 4 5))` \longrightarrow `(1 3 5)`
- `(filter pair? '((a b) c () d (e)))` \longrightarrow `((a b) (e))`
- `(map (lambda (x) (filter even? x)) '((1 2 3) (4 5 6) (7 8 9)))` \longrightarrow `((2) (4 6) (8))`
- `(map (lambda (x) (map (lambda (f) (filter f x)) (list negative? zero? positive?))) '((-2 1 0) (1 4 -1) (0 0 1)))`
 \longrightarrow ?

Филтриране на списък (filter)

Да се напише функция (`filter <условие> <списък>`), която връща само тези от елементите на `<списък>`, които удовлетворяват `<условие>`.

```
(define (filter p? l)
  (cond ((null? l) l)
        ((p? (car l)) (cons (car l) (filter p? (cdr l))))
        (else (filter p? (cdr l)))))
```

Примери:

- `(filter odd? '(1 2 3 4 5))` \rightarrow `(1 3 5)`
- `(filter pair? '((a b) c () d (e)))` \rightarrow `((a b) (e))`
- `(map (lambda (x) (filter even? x)) '((1 2 3) (4 5 6) (7 8 9)))` \rightarrow `((2) (4 6) (8))`
- `(map (lambda (x) (map (lambda (f) (filter f x)) (list negative? zero? positive?))) '((-2 1 0) (1 4 -1) (0 0 1)))`
 \rightarrow `(((-2) (0) (1)) ((-1) () (1 4)) ((() (0 0) (1))))`

Дясно свиване (foldr)

Да се напише функция, която по даден списък $l = (a_1 a_2 a_3 \dots a_n)$ пресмята:

$$a_1 \oplus \left(a_2 \oplus \left(\dots \oplus \left(a_n \oplus \perp \right) \dots \right) \right),$$

Дясно свиване (foldr)

Да се напише функция, която по даден списък $l = (a_1 a_2 a_3 \dots a_n)$ пресмята:

$$a_1 \oplus (a_2 \oplus (\dots \oplus (a_n \oplus \perp) \dots)),$$

```
(define (foldr op nv l)
  (if (null? l) nv
      (op (car l) (foldr op nv (cdr l)))))
```

Дясно свиване (foldr)

Да се напише функция, която по даден списък $l = (a_1 a_2 a_3 \dots a_n)$ пресмята:

$$a_1 \oplus \left(a_2 \oplus \left(\dots \oplus \left(a_n \oplus \perp \right) \dots \right) \right),$$

```
(define (foldr op nv l)
  (if (null? l) nv
      (op (car l) (foldr op nv (cdr l)))))
```

Примери:

- `(foldr * 1 (from-to 1 5))` \rightarrow ?

Дясно свиване (foldr)

Да се напише функция, която по даден списък $l = (a_1 a_2 a_3 \dots a_n)$ пресмята:

$$a_1 \oplus \left(a_2 \oplus \left(\dots \oplus \left(a_n \oplus \perp \right) \dots \right) \right),$$

```
(define (foldr op nv l)
  (if (null? l) nv
      (op (car l) (foldr op nv (cdr l)))))
```

Примери:

- `(foldr * 1 (from-to 1 5))` \longrightarrow 120

Дясно свиване (foldr)

Да се напише функция, която по даден списък $l = (a_1 a_2 a_3 \dots a_n)$ пресмята:

$$a_1 \oplus \left(a_2 \oplus \left(\dots \oplus \left(a_n \oplus \perp \right) \dots \right) \right),$$

```
(define (foldr op nv l)
  (if (null? l) nv
      (op (car l) (foldr op nv (cdr l)))))
```

Примери:

- `(foldr * 1 (from-to 1 5))` \longrightarrow 120
- `(foldr + 0 (map square (filter odd? (from-to 1 5))))` \longrightarrow ?

Дясно свиване (foldr)

Да се напише функция, която по даден списък $l = (a_1 a_2 a_3 \dots a_n)$ пресмята:

$$a_1 \oplus \left(a_2 \oplus \left(\dots \oplus \left(a_n \oplus \perp \right) \dots \right) \right),$$

```
(define (foldr op nv l)
  (if (null? l) nv
      (op (car l) (foldr op nv (cdr l)))))
```

Примери:

- `(foldr * 1 (from-to 1 5))` \longrightarrow 120
- `(foldr + 0 (map square (filter odd? (from-to 1 5))))` \longrightarrow 35

Дясно свиване (foldr)

Да се напише функция, която по даден списък $l = (a_1 a_2 a_3 \dots a_n)$ пресмята:

$$a_1 \oplus \left(a_2 \oplus \left(\dots \oplus \left(a_n \oplus \perp \right) \dots \right) \right),$$

```
(define (foldr op nv l)
  (if (null? l) nv
      (op (car l) (foldr op nv (cdr l)))))
```

Примери:

- `(foldr * 1 (from-to 1 5))` \longrightarrow 120
- `(foldr + 0 (map square (filter odd? (from-to 1 5))))` \longrightarrow 35
- `(foldr cons '() '(1 5 10))` \longrightarrow ?

Дясно свиване (foldr)

Да се напише функция, която по даден списък $l = (a_1 a_2 a_3 \dots a_n)$ пресмята:

$$a_1 \oplus \left(a_2 \oplus \left(\dots \oplus \left(a_n \oplus \perp \right) \dots \right) \right),$$

```
(define (foldr op nv l)
  (if (null? l) nv
      (op (car l) (foldr op nv (cdr l)))))
```

Примери:

- `(foldr * 1 (from-to 1 5))` \longrightarrow 120
- `(foldr + 0 (map square (filter odd? (from-to 1 5))))` \longrightarrow 35
- `(foldr cons '() '(1 5 10))` \longrightarrow (1 5 10)

Дясно свиване (foldr)

Да се напише функция, която по даден списък $l = (a_1 a_2 a_3 \dots a_n)$ пресмята:

$$a_1 \oplus \left(a_2 \oplus \left(\dots \oplus \left(a_n \oplus \perp \right) \dots \right) \right),$$

```
(define (foldr op nv l)
  (if (null? l) nv
      (op (car l) (foldr op nv (cdr l))))))
```

Примери:

- `(foldr * 1 (from-to 1 5))` \longrightarrow 120
- `(foldr + 0 (map square (filter odd? (from-to 1 5))))` \longrightarrow 35
- `(foldr cons '() '(1 5 10))` \longrightarrow (1 5 10)
- `(foldr list '() '(1 5 10))` \longrightarrow ?

Дясно свиване (foldr)

Да се напише функция, която по даден списък $l = (a_1 a_2 a_3 \dots a_n)$ пресмята:

$$a_1 \oplus \left(a_2 \oplus \left(\dots \oplus \left(a_n \oplus \perp \right) \dots \right) \right),$$

```
(define (foldr op nv l)
  (if (null? l) nv
      (op (car l) (foldr op nv (cdr l)))))
```

Примери:

- `(foldr * 1 (from-to 1 5))` \longrightarrow 120
- `(foldr + 0 (map square (filter odd? (from-to 1 5))))` \longrightarrow 35
- `(foldr cons '() '(1 5 10))` \longrightarrow (1 5 10)
- `(foldr list '() '(1 5 10))` \longrightarrow (1 (5 (10 ())))

Дясно свиване (foldr)

Да се напише функция, която по даден списък $l = (a_1 a_2 a_3 \dots a_n)$ пресмята:

$$a_1 \oplus \left(a_2 \oplus \left(\dots \oplus \left(a_n \oplus \perp \right) \dots \right) \right),$$

```
(define (foldr op nv l)
  (if (null? l) nv
      (op (car l) (foldr op nv (cdr l)))))
```

Примери:

- `(foldr * 1 (from-to 1 5))` \longrightarrow 120
- `(foldr + 0 (map square (filter odd? (from-to 1 5))))` \longrightarrow 35
- `(foldr cons '() '(1 5 10))` \longrightarrow (1 5 10)
- `(foldr list '() '(1 5 10))` \longrightarrow (1 (5 (10 ())))
- `(foldr append '() '((a b) (c d) (e f)))` \longrightarrow ?

Дясно свиване (foldr)

Да се напише функция, която по даден списък $l = (a_1 a_2 a_3 \dots a_n)$ пресмята:

$$a_1 \oplus \left(a_2 \oplus \left(\dots \oplus \left(a_n \oplus \perp \right) \dots \right) \right),$$

```
(define (foldr op nv l)
  (if (null? l) nv
      (op (car l) (foldr op nv (cdr l)))))
```

Примери:

- `(foldr * 1 (from-to 1 5))` \longrightarrow 120
- `(foldr + 0 (map square (filter odd? (from-to 1 5))))` \longrightarrow 35
- `(foldr cons '() '(1 5 10))` \longrightarrow (1 5 10)
- `(foldr list '() '(1 5 10))` \longrightarrow (1 (5 (10 ())))
- `(foldr append '() '((a b) (c d) (e f)))` \longrightarrow (a b c d e f)

Дясно свиване (foldr)

Да се напише функция, която по даден списък $l = (a_1 a_2 a_3 \dots a_n)$ пресмята:

$$a_1 \oplus \left(a_2 \oplus \left(\dots \oplus \left(a_n \oplus \perp \right) \dots \right) \right),$$

```
(define (foldr op nv l)
  (if (null? l) nv
      (op (car l) (foldr op nv (cdr l)))))
```

Примери:

- `(foldr * 1 (from-to 1 5))` \longrightarrow 120
- `(foldr + 0 (map square (filter odd? (from-to 1 5))))` \longrightarrow 35
- `(foldr cons '() '(1 5 10))` \longrightarrow (1 5 10)
- `(foldr list '() '(1 5 10))` \longrightarrow (1 (5 (10 ())))
- `(foldr append '() '((a b) (c d) (e f)))` \longrightarrow (a b c d e f)
- `map`, `filter` и `accumulate` могат да се реализират чрез `foldr`

Ляво свиване (foldl)

Да се напише функция, която по даден списък $l = (a_1 a_2 a_3 \dots a_n)$ пресмята:

$$\left(\dots \left((\perp \oplus a_1) \oplus a_2 \right) \oplus \dots \right) \oplus a_n$$

Ляво свиване (foldl)

Да се напише функция, която по даден списък $l = (a_1 a_2 a_3 \dots a_n)$ пресмята:

$$\left(\dots \left((\perp \oplus a_1) \oplus a_2 \right) \oplus \dots \right) \oplus a_n$$

```
(define (foldl op nv l)
  (if (null? l) nv
      (foldl op (op nv (car l)) (cdr l))))
```

Ляво свиване (foldl)

Да се напише функция, която по даден списък $l = (a_1 a_2 a_3 \dots a_n)$ пресмята:

$$\left(\dots \left((\perp \oplus a_1) \oplus a_2 \right) \oplus \dots \right) \oplus a_n$$

```
(define (foldl op nv l)
  (if (null? l) nv
      (foldl op (op nv (car l)) (cdr l))))
```

Примери:

- `(foldl * 1 (from-to 1 5))` \rightarrow ?

Ляво свиване (foldl)

Да се напише функция, която по даден списък $l = (a_1 a_2 a_3 \dots a_n)$ пресмята:

$$\left(\dots \left((\perp \oplus a_1) \oplus a_2 \right) \oplus \dots \right) \oplus a_n$$

```
(define (foldl op nv l)
  (if (null? l) nv
      (foldl op (op nv (car l)) (cdr l))))
```

Примери:

- `(foldl * 1 (from-to 1 5))` \longrightarrow 120

Ляво свиване (foldl)

Да се напише функция, която по даден списък $l = (a_1 a_2 a_3 \dots a_n)$ пресмята:

$$\left(\dots \left((\perp \oplus a_1) \oplus a_2 \right) \oplus \dots \right) \oplus a_n$$

```
(define (foldl op nv l)
  (if (null? l) nv
      (foldl op (op nv (car l)) (cdr l))))
```

Примери:

- `(foldl * 1 (from-to 1 5))` \longrightarrow 120
- `(foldl cons '() '(1 5 10))` \longrightarrow ?

Ляво свиване (foldl)

Да се напише функция, която по даден списък $l = (a_1 a_2 a_3 \dots a_n)$ пресмята:

$$\left(\dots \left((\perp \oplus a_1) \oplus a_2 \right) \oplus \dots \right) \oplus a_n$$

```
(define (foldl op nv l)
  (if (null? l) nv
      (foldl op (op nv (car l)) (cdr l))))
```

Примери:

- `(foldl * 1 (from-to 1 5))` \longrightarrow 120
- `(foldl cons '() '(1 5 10))` \longrightarrow `(((() . 1) . 5) . 10)`

Ляво свиване (foldl)

Да се напише функция, която по даден списък $l = (a_1 a_2 a_3 \dots a_n)$ пресмята:

$$\left(\dots \left((\perp \oplus a_1) \oplus a_2 \right) \oplus \dots \right) \oplus a_n$$

```
(define (foldl op nv l)
  (if (null? l) nv
      (foldl op (op nv (car l)) (cdr l))))
```

Примери:

- `(foldl * 1 (from-to 1 5))` \longrightarrow 120
- `(foldl cons '() '(1 5 10))` \longrightarrow `((() . 1) . 5) . 10)`
- `(foldl ? '() '(1 5 10))` \longrightarrow `(10 5 1)`

Ляво свиване (foldl)

Да се напише функция, която по даден списък $l = (a_1 a_2 a_3 \dots a_n)$ пресмята:

$$\left(\dots \left((\perp \oplus a_1) \oplus a_2 \right) \oplus \dots \right) \oplus a_n$$

```
(define (foldl op nv l)
  (if (null? l) nv
      (foldl op (op nv (car l)) (cdr l))))
```

Примери:

- `(foldl * 1 (from-to 1 5))` \longrightarrow 120
- `(foldl cons '() '(1 5 10))` \longrightarrow `(((() . 1) . 5) . 10)`
- `(foldl (lambda (x y) (cons y x)) '() '(1 5 10))` \longrightarrow `(10 5 1)`

Ляво свиване (foldl)

Да се напише функция, която по даден списък $l = (a_1 a_2 a_3 \dots a_n)$ пресмята:

$$\left(\dots \left((\perp \oplus a_1) \oplus a_2 \right) \oplus \dots \right) \oplus a_n$$

```
(define (foldl op nv l)
  (if (null? l) nv
      (foldl op (op nv (car l)) (cdr l))))
```

Примери:

- `(foldl * 1 (from-to 1 5))` \longrightarrow 120
- `(foldl cons '() '(1 5 10))` \longrightarrow `(((() . 1) . 5) . 10)`
- `(foldl (lambda (x y) (cons y x)) '() '(1 5 10))` \longrightarrow `(10 5 1)`
- `(foldl list '() '(1 5 10))` \longrightarrow ?

Ляво свиване (foldl)

Да се напише функция, която по даден списък $l = (a_1 a_2 a_3 \dots a_n)$ пресмята:

$$\left(\dots \left((\perp \oplus a_1) \oplus a_2 \right) \oplus \dots \right) \oplus a_n$$

```
(define (foldl op nv l)
  (if (null? l) nv
      (foldl op (op nv (car l)) (cdr l))))
```

Примери:

- `(foldl * 1 (from-to 1 5))` \longrightarrow 120
- `(foldl cons '() '(1 5 10))` \longrightarrow `((() . 1) . 5) . 10)`
- `(foldl (lambda (x y) (cons y x)) '() '(1 5 10))` \longrightarrow `(10 5 1)`
- `(foldl list '() '(1 5 10))` \longrightarrow `((() 1) 5) 10)`

Ляво свиване (foldl)

Да се напише функция, която по даден списък $l = (a_1 a_2 a_3 \dots a_n)$ пресмята:

$$\left(\dots \left((\perp \oplus a_1) \oplus a_2 \right) \oplus \dots \right) \oplus a_n$$

```
(define (foldl op nv l)
  (if (null? l) nv
      (foldl op (op nv (car l)) (cdr l))))
```

Примери:

- `(foldl * 1 (from-to 1 5))` \rightarrow 120
- `(foldl cons '() '(1 5 10))` \rightarrow `(((() . 1) . 5) . 10)`
- `(foldl (lambda (x y) (cons y x)) '() '(1 5 10))` \rightarrow `(10 5 1)`
- `(foldl list '() '(1 5 10))` \rightarrow `(((() 1) 5) 10)`
- `(foldl append '() '((a b) (c d) (e f)))` \rightarrow ?

Ляво свиване (foldl)

Да се напише функция, която по даден списък $l = (a_1 a_2 a_3 \dots a_n)$ пресмята:

$$\left(\dots \left((\perp \oplus a_1) \oplus a_2 \right) \oplus \dots \right) \oplus a_n$$

```
(define (foldl op nv l)
  (if (null? l) nv
      (foldl op (op nv (car l)) (cdr l))))
```

Примери:

- `(foldl * 1 (from-to 1 5))` \rightarrow 120
- `(foldl cons '() '(1 5 10))` \rightarrow `((() . 1) . 5) . 10)`
- `(foldl (lambda (x y) (cons y x)) '() '(1 5 10))` \rightarrow `(10 5 1)`
- `(foldl list '() '(1 5 10))` \rightarrow `((() 1) 5) 10)`
- `(foldl append '() '((a b) (c d) (e f)))` \rightarrow `(a b c d e f)`

Ляво свиване (foldl)

Да се напише функция, която по даден списък $l = (a_1 a_2 a_3 \dots a_n)$ пресмята:

$$\left(\dots \left((\perp \oplus a_1) \oplus a_2 \right) \oplus \dots \right) \oplus a_n$$

```
(define (foldl op nv l)
  (if (null? l) nv
      (foldl op (op nv (car l)) (cdr l))))
```

Примери:

- `(foldl * 1 (from-to 1 5))` \rightarrow 120
- `(foldl cons '() '(1 5 10))` \rightarrow `((() . 1) . 5) . 10)`
- `(foldl (lambda (x y) (cons y x)) '() '(1 5 10))` \rightarrow `(10 5 1)`
- `(foldl list '() '(1 5 10))` \rightarrow `((() 1) 5) 10)`
- `(foldl append '() '((a b) (c d) (e f)))` \rightarrow `(a b c d e f)`
- `foldr` генерира линеен рекурсивен процес, а `foldl` — линеен итеративен

Функции от по-висок ред в Racket

В R⁵RS е дефинирана само функцията `map`.

В Racket са дефинирани функциите `map`, `filter`, `foldr`, `foldl`

Функции от по-висок ред в Racket

В R⁵RS е дефинирана само функцията `map`.

В Racket са дефинирани функциите `map`, `filter`, `foldr`, `foldl`

Внимание: `foldl` в Racket е дефинирана по-различен начин!

Функции от по-висок ред в Racket

В R⁵RS е дефинирана само функцията `map`.

В Racket са дефинирани функциите `map`, `filter`, `foldr`, `foldl`

Внимание: `foldl` в Racket е дефинирана по-различен начин!

`foldl` от лекции

```
(define (foldl op nv l)
  (if (null? l) nv
      (foldl op (op nv (car l))
              (cdr l))))
```

`foldl` в Racket

```
(define (foldl op nv l)
  (if (null? l) nv
      (foldl op (op (car l) nv)
              (cdr l))))
```

$$\left(\dots \left((\perp \oplus a_1) \oplus a_2 \right) \oplus \dots \right) \oplus a_n$$

$$a_n \oplus \left(\dots \left(a_2 \oplus (a_1 \oplus \perp) \right) \dots \right),$$

Свиване на непразен списък (`foldr1`, `foldl1`)

Задача. Да се намери максималният елемент на списък.

Свиване на непразен списък (foldr1, foldl1)

Задача. Да се намери максималният елемент на списък.

```
(define (maximum l) (foldr max ? l))
```

Свиване на непразен списък (foldr1, foldl1)

Задача. Да се намери максималният елемент на списък.

```
(define (maximum l) (foldr max (car l) l))
```

Свиване на непразен списък (foldr1, foldl1)

Задача. Да се намери максималният елемент на списък.

```
(define (maximum l) (foldr max (car l) l))
```

Можем ли да пропуснем нулевата стойност за непразен списък?

Свиване на непразен списък (foldr1, foldl1)

Задача. Да се намери максималният елемент на списък.

```
(define (maximum l) (foldr max (car l) l))
```

Можем ли да пропуснем нулевата стойност за непразен списък?

$$a_1 \oplus (\dots \oplus (a_{n-1} \oplus a_n) \dots)$$

Свиване на непразен списък (foldr1, foldl1)

Задача. Да се намери максималният елемент на списък.

```
(define (maximum l) (foldr max (car l) l))
```

Можем ли да пропуснем нулевата стойност за непразен списък?

$$a_1 \oplus (\dots \oplus (a_{n-1} \oplus a_n) \dots)$$

```
(define (foldr1 op l)
  (if (null? (cdr l)) (car l)
      (op (car l)
          (foldr1 op (cdr l)))))
```

Свиване на непразен списък (foldr1, foldl1)

Задача. Да се намери максималният елемент на списък.

```
(define (maximum l) (foldr max (car l) l))
```

Можем ли да пропуснем нулевата стойност за непразен списък?

$$a_1 \oplus (\dots \oplus (a_{n-1} \oplus a_n) \dots)$$

```
(define (foldr1 op l)
  (if (null? (cdr l)) (car l)
      (op (car l)
          (foldr1 op (cdr l)))))
```

$$(\dots ((a_1 \oplus a_2) \oplus \dots) \oplus a_n$$

Свиване на непразен списък (foldr1, foldl1)

Задача. Да се намери максималният елемент на списък.

```
(define (maximum l) (foldr max (car l) l))
```

Можем ли да пропуснем нулевата стойност за непразен списък?

$$a_1 \oplus (\dots \oplus (a_{n-1} \oplus a_n) \dots)$$

```
(define (foldr1 op l)
  (if (null? (cdr l)) (car l)
      (op (car l)
          (foldr1 op (cdr l)))))
```

$$(\dots ((a_1 \oplus a_2) \oplus \dots) \oplus a_n$$

```
(define (foldl1 op l)
  (foldl op (car l) (cdr l)))
```

Работа с вложени списъци

((1 (2)) (((3) 4) (5 (6)) () (7)) 8)

Задача. Да се преброят в атомите във вложен списък.

Работа с вложени списъци

((1 (2)) (((3) 4) (5 (6)) () (7)) 8)

Задача. Да се преброят в атомите във вложен списък.

Подход: Обхождане в две посоки: хоризонтално и вертикално

- **Хоризонтално дъно:** ?

Работа с вложени списъци

((1 (2)) (((3) 4) (5 (6)) () (7)) 8)

Задача. Да се преброят в атомите във вложен списък.

Подход: Обхождане в две посоки: хоризонтално и вертикално

- **Хоризонтално дъно:** достигане до празен списък ()

Работа с вложени списъци

((1 (2)) (((3) 4) (5 (6)) () (7)) 8)

Задача. Да се преброят в атомите във вложен списък.

Подход: Обхождане в две посоки: хоризонтално и вертикално

- **Хоризонтално дъно:** достигане до празен списък ()
- **Вертикално дъно:** ?

Работа с вложени списъци

((1 (2)) (((3) 4) (5 (6)) () (7)) 8)

Задача. Да се преброят в атомите във вложен списък.

Подход: Обхождане в две посоки: хоризонтално и вертикално

- **Хоризонтално дъно:** достигане до празен списък ()
- **Вертикално дъно:** достигане до друг атом

Работа с вложени списъци

((1 (2)) (((3) 4) (5 (6)) () (7)) 8)

Задача. Да се преброят в атомите във вложен списък.

Подход: Обхождане в две посоки: хоризонтално и вертикално

- **Хоризонтално дъно:** достигане до празен списък ()
- **Вертикално дъно:** достигане до друг атом
- **Хоризонтална стъпка:** ?

Работа с вложени списъци

((1 (2)) (((3) 4) (5 (6)) () (7)) 8)

Задача. Да се преброят в атомите във вложен списък.

Подход: Обхождане в две посоки: хоризонтално и вертикално

- **Хоризонтално дъно:** достигане до празен списък (`()`)
- **Вертикално дъно:** достигане до друг атом
- **Хоризонтална стъпка:** обхождане опашката (`cdr 1`)

Работа с вложени списъци

((1 (2)) (((3) 4) (5 (6)) () (7)) 8)

Задача. Да се преброят в атомите във вложен списък.

Подход: Обхождане в две посоки: хоризонтално и вертикално

- **Хоризонтално дъно:** достигане до празен списък ()
- **Вертикално дъно:** достигане до друг атом
- **Хоризонтална стъпка:** обхождане опашката (cdr 1)
- **Вертикална стъпка:** ?

Работа с вложени списъци

```
((1 (2)) (((3) 4) (5 (6)) () (7)) 8)
```

Задача. Да се преброят в атомите във вложен списък.

Подход: Обхождане в две посоки: хоризонтално и вертикално

- **Хоризонтално дъно:** достигане до празен списък (`()`)
- **Вертикално дъно:** достигане до друг атом
- **Хоризонтална стъпка:** обхождане опашката (`cdr 1`)
- **Вертикална стъпка:** обхождане на главата (`car 1`)

Работа с вложени списъци

```
((1 (2)) (((3) 4) (5 (6)) () (7)) 8)
```

Задача. Да се преброят в атомите във вложен списък.

Подход: Обхождане в две посоки: хоризонтално и вертикално

- **Хоризонтално дъно:** достигане до празен списък (`()`)
- **Вертикално дъно:** достигане до друг атом
- **Хоризонтална стъпка:** обхождане опашката (`cdr 1`)
- **Вертикална стъпка:** обхождане на главата (`car 1`)

За удобство можем да дефинираме функцията `atom?`:

```
(define (atom? x) (not (pair? x)))
```

Примери

Задача. Да се преброят в атомите във вложен списък.

`(count-atoms '((1 (2)) ((3) 4) (5 (6)) () (7)) 8))` \rightarrow 8

Примери

Задача. Да се преброят в атомите във вложен списък.

`(count-atoms '((1 (2)) ((3) 4) (5 (6)) () (7)) 8))` \rightarrow 8

```
(define (count-atoms l)
  (cond ((null? l) 0)
        ((atom? l) 1)
        (else (+ (count-atoms (car l)) (count-atoms (cdr l))))))
```

Примери

Задача. Да се преброят в атомите във вложен списък.

`(count-atoms '((1 (2)) (((3) 4) (5 (6)) () (7)) 8))` → 8

```
(define (count-atoms l)
  (cond ((null? l) 0)
        ((atom? l) 1)
        (else (+ (count-atoms (car l)) (count-atoms (cdr l))))))
```

Задача. Да се съберат всички атоми от вложен списък.

`(flatten '((1 (2)) (((3) 4) (5 (6)) () (7)) 8))` → (1 2 3 4 5 6 7 8)

Примери

Задача. Да се преброят в атомите във вложен списък.

`(count-atoms '((1 (2)) (((3) 4) (5 (6)) () (7)) 8))` → 8

```
(define (count-atoms l)
  (cond ((null? l) 0)
        ((atom? l) 1)
        (else (+ (count-atoms (car l)) (count-atoms (cdr l))))))
```

Задача. Да се съберат всички атоми от вложен списък.

`(flatten '((1 (2)) (((3) 4) (5 (6)) () (7)) 8))` → (1 2 3 4 5 6 7 8)

```
(define (flatten l)
  (cond ((null? l) '())
        ((atom? l) (list l))
        (else (append (flatten (car l)) (flatten (cdr l))))))
```

Примери

Задача. Да се обърне реда на атомите във вложен списък.

`(deep-reverse '((1 (2)) ((3) 4) (5 (6)) () (7)) 8))` →
`(8 ((7) ()) ((6) 5) (4 (3))) ((2) 1))`

Примери

Задача. Да се обърне реда на атомите във вложен списък.

```
(deep-reverse '((1 (2)) ((3) 4) (5 (6)) () (7)) 8)) →
(8 ((7) ()) ((6) 5) (4 (3))) ((2) 1))
```

```
(define (deep-reverse l)
  (cond ((null? l) '())
        ((atom? l) l)
        (else (append (deep-reverse (cdr l))
                        (list (deep-reverse (car l)))))))
```

Свиване на вложени списъци

(deep-fold <х-дъно> <в-дъно> <операция>)

Свиване на вложени списъци

```
(deep-fold <х-дъно> <в-дъно> <операция>)
```

```
(define (deep-fold nv term op l)  
  (cond ((null? l) nv)  
        ((atom? l) (term l))  
        (else (op (deep-fold nv term op (car l))  
                   (deep-fold nv term op (cdr l))))))
```

Свиване на вложени списъци

```
(deep-fold <х-дъно> <в-дъно> <операция>)
```

```
(define (deep-fold nv term op l)
  (cond ((null? l) nv)
        ((atom? l) (term l))
        (else (op (deep-fold nv term op (car l))
                   (deep-fold nv term op (cdr l))))))
```

```
(define (count-atoms l) (deep-fold ? ? ? l))
```

Свиване на вложени списъци

```
(deep-fold <х-дъно> <в-дъно> <операция>)
```

```
(define (deep-fold nv term op l)
  (cond ((null? l) nv)
        ((atom? l) (term l))
        (else (op (deep-fold nv term op (car l))
                   (deep-fold nv term op (cdr l))))))
```

```
(define (count-atoms l) (deep-fold 0 ? ? l))
```

Свиване на вложени списъци

```
(deep-fold <х-дъно> <в-дъно> <операция>)
```

```
(define (deep-fold nv term op l)  
  (cond ((null? l) nv)  
        ((atom? l) (term l))  
        (else (op (deep-fold nv term op (car l))  
                   (deep-fold nv term op (cdr l))))))
```

```
(define (count-atoms l) (deep-fold 0 (lambda (x) 1) ? l))
```

Свиване на вложени списъци

```
(deep-fold <х-дъно> <в-дъно> <операция>)
```

```
(define (deep-fold nv term op l)
  (cond ((null? l) nv)
        ((atom? l) (term l))
        (else (op (deep-fold nv term op (car l))
                  (deep-fold nv term op (cdr l))))))
```

```
(define (count-atoms l) (deep-fold 0 (lambda (x) 1) + l))
```

Свиване на вложени списъци

```
(deep-fold <х-дъно> <в-дъно> <операция>)
```

```
(define (deep-fold nv term op l)
  (cond ((null? l) nv)
        ((atom? l) (term l))
        (else (op (deep-fold nv term op (car l))
                   (deep-fold nv term op (cdr l))))))
```

```
(define (count-atoms l) (deep-fold 0 (lambda (x) 1) + l))
```

```
(define (flatten l) (deep-fold ? ? ? l))
```

Свиване на вложени списъци

```
(deep-fold <х-дъно> <в-дъно> <операция>)
```

```
(define (deep-fold nv term op l)
  (cond ((null? l) nv)
        ((atom? l) (term l))
        (else (op (deep-fold nv term op (car l))
                  (deep-fold nv term op (cdr l))))))
```

```
(define (count-atoms l) (deep-fold 0 (lambda (x) 1) + l))
```

```
(define (flatten l) (deep-fold '() ? ? l))
```

Свиване на вложени списъци

```
(deep-fold <х-дъно> <в-дъно> <операция>)
```

```
(define (deep-fold nv term op l)
  (cond ((null? l) nv)
        ((atom? l) (term l))
        (else (op (deep-fold nv term op (car l))
                  (deep-fold nv term op (cdr l))))))
```

```
(define (count-atoms l) (deep-fold 0 (lambda (x) 1) + l))
```

```
(define (flatten l) (deep-fold '() list ? l))
```


Свиване на вложени списъци

```
(deep-fold <х-дъно> <в-дъно> <операция>)
```

```
(define (deep-fold nv term op l)
  (cond ((null? l) nv)
        ((atom? l) (term l))
        (else (op (deep-fold nv term op (car l))
                   (deep-fold nv term op (cdr l))))))
```

```
(define (count-atoms l) (deep-fold 0 (lambda (x) 1) + l))
```

```
(define (flatten l) (deep-fold '() list append l))
```

Свиване на вложени списъци

```
(deep-fold <х-дъно> <в-дъно> <операция>)
```

```
(define (deep-fold nv term op l)
  (cond ((null? l) nv)
        ((atom? l) (term l))
        (else (op (deep-fold nv term op (car l))
                   (deep-fold nv term op (cdr l))))))
```

```
(define (count-atoms l) (deep-fold 0 (lambda (x) 1) + l))
```

```
(define (flatten l) (deep-fold '() list append l))
```

```
(define (deep-reverse l) (deep-fold ? ? ? l))
```

Свиване на вложени списъци

```
(deep-fold <х-дъно> <в-дъно> <операция>)
```

```
(define (deep-fold nv term op l)
  (cond ((null? l) nv)
        ((atom? l) (term l))
        (else (op (deep-fold nv term op (car l))
                   (deep-fold nv term op (cdr l))))))
```

```
(define (count-atoms l) (deep-fold 0 (lambda (x) 1) + l))
```

```
(define (flatten l) (deep-fold '() list append l))
```

```
(define (deep-reverse l) (deep-fold '() ? ? l))
```

Свиване на вложени списъци

```
(deep-fold <х-дъно> <в-дъно> <операция>)
```

```
(define (deep-fold nv term op l)
  (cond ((null? l) nv)
        ((atom? l) (term l))
        (else (op (deep-fold nv term op (car l))
                   (deep-fold nv term op (cdr l))))))
```

```
(define (count-atoms l) (deep-fold 0 (lambda (x) 1) + l))
```

```
(define (flatten l) (deep-fold '() list append l))
```

```
(define (deep-reverse l) (deep-fold '() id ? l))
```

Свиване на вложени списъци

```
(deep-fold <х-дъно> <в-дъно> <операция>)
```

```
(define (deep-fold nv term op l)
  (cond ((null? l) nv)
        ((atom? l) (term l))
        (else (op (deep-fold nv term op (car l))
                   (deep-fold nv term op (cdr l))))))
```

```
(define (count-atoms l) (deep-fold 0 (lambda (x) 1) + l))
```

```
(define (flatten l) (deep-fold '() list append l))
```

```
(define (rcons x l) (append l (list x)))
```

```
(define (deep-reverse l) (deep-fold '() id rcons l))
```

Директна реализация на deep-fold

Как работи deep-fold?

Директна реализация на deep-fold

Как работи deep-fold?

- пуска себе си рекурсивно за всеки елемент на вложения списък

Директна реализация на deep-fold

Как работи deep-fold?

- пуска себе си рекурсивно за всеки елемент на вложения списък
- при достигане на вертикално дъно (атоми) прилага term

Директна реализация на deep-fold

Как работи deep-fold?

- пуска себе си рекурсивно за всеки елемент на вложения списък
- при достигане на вертикално дъно (атоми) прилага `term`
- и събира резултатите с `op`

Директна реализация на deep-fold

Как работи deep-fold?

- пуска себе си рекурсивно за всеки елемент на вложения списък
- при достигане на вертикално дъно (атоми) прилага term
- и събира резултатите с op

Можем да реализираме deep-fold чрез map и foldr!

Директна реализация на deep-fold

Как работи deep-fold?

- пуска себе си рекурсивно за всеки елемент на вложения списък
- при достигане на вертикално дъно (атоми) прилага term
- и събира резултатите с op

Можем да реализираме deep-fold чрез map и foldr!

```
(define (branch p? f g) (lambda (x) (p? x) (f x) (g x)))
(define (deep-fold nv term op l)
  (foldr op nv
    (map (branch atom?
           term
           (lambda (l) (deep-fold nv term op l)))
         l)))
```

Приемане на произволен брой аргументи

- (`lambda` <СПИСЪК> <ТЯЛО>)

Приемане на произволен брой аргументи

- (`lambda` <списък> <тяло>)
- създава функция с <тяло>, която получава <списък> от параметри

Приемане на произволен брой аргументи

- `(lambda <списък> <тяло>)`
- създава функция с `<тяло>`, която получава `<списък>` от параметри
- `(lambda ({<параметър>}+ . <списък>) <тяло>)`

Приемане на произволен брой аргументи

- `(lambda <списък> <тяло>)`
- създава функция с `<тяло>`, която получава `<списък>` от параметри
- `(lambda ({<параметър>}+ . <списък>) <тяло>)`
- създава функция с `<тяло>`, която получава няколко задължителни `<параметър>` и `<списък>` от опционални параметри

Приемане на произволен брой аргументи

- `(lambda <списък> <тяло>)`
- създава функция с `<тяло>`, която получава `<списък>` от параметри
- `(lambda ({<параметър>}+ . <списък>) <тяло>)`
- създава функция с `<тяло>`, която получава няколко задължителни `<параметър>` и `<списък>` от опционални параметри
- `(define (<функция> . <списък>) <тяло>)`

Приемане на произволен брой аргументи

- `(lambda <списък> <тяло>)`
- създава функция с `<тяло>`, която получава `<списък>` от параметри
- `(lambda ({<параметър>}+ . <списък>) <тяло>)`
- създава функция с `<тяло>`, която получава няколко задължителни `<параметър>` и `<списък>` от опционални параметри
- `(define (<функция> . <списък>) <тяло>)`
- еквивалентно на
`(define <функция> (lambda <списък> <тяло>))`

Приемане на произволен брой аргументи

- `(lambda <списък> <тяло>)`
- създава функция с <тяло>, която получава <списък> от параметри
- `(lambda ({<параметър>}+ . <списък>) <тяло>)`
- създава функция с <тяло>, която получава няколко задължителни <параметър> и <списък> от опционални параметри
- `(define (<функция> . <списък>) <тяло>)`
- еквивалентно на
`(define <функция> (lambda <списък> <тяло>))`
- `(define (<функция> {<параметър>}+ . <списък>) <тяло>)`

Приемане на произволен брой аргументи

- `(lambda <списък> <тяло>)`
- създава функция с <тяло>, която получава <списък> от параметри
- `(lambda ({<параметър>}+ . <списък>) <тяло>)`
- създава функция с <тяло>, която получава няколко задължителни <параметър> и <списък> от опционални параметри
- `(define (<функция> . <списък>) <тяло>)`
- еквивалентно на
`(define <функция> (lambda <списък> <тяло>))`
- `(define (<функция> {<параметър>}+ . <списък>) <тяло>)`
- еквивалентно на
`(define <функция>
 (lambda ({<параметър>}+ . <списък>) <тяло>))`

Примери

- `(define (maximum x . l) (foldl1 max (cons x l)))`

Примери

- `(define (maximum x . l) (foldl1 max (cons x l)))`
- `(maximum 7 3 10 2) → ?`

Примери

- `(define (maximum x . l) (foldl1 max (cons x l)))`
- `(maximum 7 3 10 2) → 10`

Примери

- `(define (maximum x . l) (foldl1 max (cons x l)))`
- `(maximum 7 3 10 2) → 10`
- `(maximum 100) → ?`

Примери

- `(define (maximum x . l) (foldl1 max (cons x l)))`
- `(maximum 7 3 10 2) → 10`
- `(maximum 100) → 100`

Примери

- `(define (maximum x . l) (foldl1 max (cons x l)))`
- `(maximum 7 3 10 2) → 10`
- `(maximum 100) → 100`
- `(maximum) → ?`

Примери

- `(define (maximum x . l) (foldl1 max (cons x l)))`
- `(maximum 7 3 10 2) → 10`
- `(maximum 100) → 100`
- `(maximum) → Грешка!`

Примери

- `(define (maximum x . l) (foldl1 max (cons x l)))`
- `(maximum 7 3 10 2) → 10`
- `(maximum 100) → 100`
- `(maximum) → Грешка!`
- `(define (g x y . l) (append (append x l) (append y l)))`

Примери

- `(define (maximum x . l) (foldl1 max (cons x l)))`
- `(maximum 7 3 10 2) → 10`
- `(maximum 100) → 100`
- `(maximum) → Грешка!`
- `(define (g x y . l) (append (append x l) (append y l)))`
- `(g '(1 2 3) '(4 5 6)) → ?`

Примери

- `(define (maximum x . l) (foldl1 max (cons x l)))`
- `(maximum 7 3 10 2) → 10`
- `(maximum 100) → 100`
- `(maximum) → Грешка!`
- `(define (g x y . l) (append (append x l) (append y l)))`
- `(g '(1 2 3) '(4 5 6))) → (1 2 3 4 5 6)`

Примери

- `(define (maximum x . l) (foldl1 max (cons x l)))`
- `(maximum 7 3 10 2) → 10`
- `(maximum 100) → 100`
- `(maximum) → Грешка!`
- `(define (g x y . l) (append (append x l) (append y l)))`
- `(g '(1 2 3) '(4 5 6))) → (1 2 3 4 5 6)`
- `(g '(1 2 3) '(4 5 6) 7 8)) → ?`

Примери

- `(define (maximum x . l) (foldl1 max (cons x l)))`
- `(maximum 7 3 10 2) → 10`
- `(maximum 100) → 100`
- `(maximum) → Грешка!`
- `(define (g x y . l) (append (append x l) (append y l)))`
- `(g '(1 2 3) '(4 5 6))) → (1 2 3 4 5 6)`
- `(g '(1 2 3) '(4 5 6) 7 8)) → (1 2 3 7 8 4 5 6 7 8)`

Прилагане на функция над списък от параметри (`apply`)

- (`apply` <функция> <списък>)

Прилагане на функция над списък от параметри (`apply`)

- (`apply <функция> <списък>`)
- прилага `<функция>` над `<списък>` от параметри

Прилагане на функция над списък от параметри (`apply`)

- (`apply <функция> <списък>`)
- прилага `<функция>` над `<списък>` от параметри
- Примери:

Прилагане на функция над списък от параметри (`apply`)

- (`apply` <функция> <списък>)
- прилага <функция> над <списък> от параметри
- Примери:
- (`apply + '(1 2 3 4 5)`) \rightarrow 15

Прилагане на функция над списък от параметри (`apply`)

- (`apply` <функция> <списък>)
- прилага <функция> над <списък> от параметри
- Примери:
- (`apply + '(1 2 3 4 5)`) \rightarrow 15
- (`apply append '((1 2) (3 4) (5 6))`) \rightarrow ?

Прилагане на функция над списък от параметри (`apply`)

- (`apply` <функция> <списък>)
- прилага <функция> над <списък> от параметри
- Примери:
- (`apply + '(1 2 3 4 5)`) \rightarrow 15
- (`apply append '((1 2) (3 4) (5 6))`) \rightarrow (1 2 3 4 5 6)

Прилагане на функция над списък от параметри (apply)

- `(apply <функция> <списък>)`
- прилага `<функция>` над `<списък>` от параметри
- Примери:
- `(apply + '(1 2 3 4 5))` \rightarrow 15
- `(apply append '((1 2) (3 4) (5 6)))` \rightarrow (1 2 3 4 5 6)
- `(apply list '(1 2 3 4))` \rightarrow ?

Прилагане на функция над списък от параметри (apply)

- `(apply <функция> <списък>)`
- прилага <функция> над <списък> от параметри
- Примери:
- `(apply + '(1 2 3 4 5))` → 15
- `(apply append '((1 2) (3 4) (5 6)))` → (1 2 3 4 5 6)
- `(apply list '(1 2 3 4))` → (1 2 3 4)

Прилагане на функция над списък от параметри (`apply`)

- `(apply <функция> <списък>)`
- прилага `<функция>` над `<списък>` от параметри
- Примери:
- `(apply + '(1 2 3 4 5))` \rightarrow 15
- `(apply append '((1 2) (3 4) (5 6)))` \rightarrow (1 2 3 4 5 6)
- `(apply list '(1 2 3 4))` \rightarrow (1 2 3 4)

```
(define (append . l)
  (cond ((null? l) '())
        ((null? (car l)) (apply append (cdr l)))
        (else (cons (caar l)
                     (apply append (cons (cdar l) (cdr l)))))))
```


Оценяване на списък като комбинация (eval)

- (eval <СПИСЪК>)

Оценяване на списък като комбинация (eval)

- (eval <списък>)
- връща оценката на **оценката на** <списък>

Оценяване на списък като комбинация (eval)

- (eval <списък>)
- връща оценката на **оценката на** <списък>
- Примери:

Оценяване на списък като комбинация (`eval`)

- `(eval <списък>)`
- връща оценката на **оценката на** `<списък>`
- Примери:
- `(define a 2)`

Оценяване на списък като комбинация (`eval`)

- `(eval <списък>)`
- връща оценката на **оценката** на `<списък>`
- Примери:
- `(define a 2)`
- `a` \rightarrow `2`

Оценяване на списък като комбинация (eval)

- `(eval <списък>)`
- връща оценката на **оценката** на `<списък>`
- Примери:
- `(define a 2)`
- `a` \rightarrow 2
- `(eval a)` \rightarrow 2

Оценяване на списък като комбинация (eval)

- `(eval <списък>)`
- връща оценката на **оценката** на `<списък>`
- Примери:
- `(define a 2)`
- `a` \rightarrow 2
- `(eval a)` \rightarrow 2
- `(eval 'a)` \rightarrow ?

Оценяване на списък като комбинация (eval)

- `(eval <списък>)`
- връща оценката на **оценката** на `<списък>`
- Примери:
- `(define a 2)`
- `a` \rightarrow 2
- `(eval a)` \rightarrow 2
- `(eval 'a)` \rightarrow 2

Оценяване на списък като комбинация (eval)

- `(eval <списък>)`
- връща оценката на **оценката** на `<списък>`
- Примери:
- `(define a 2)`
- `a` \rightarrow 2
- `(eval a)` \rightarrow 2
- `(eval 'a)` \rightarrow 2
- `(eval ''a)` \rightarrow ?

Оценяване на списък като комбинация (eval)

- `(eval <списък>)`
- връща оценката на **оценката на** `<списък>`
- Примери:
- `(define a 2)`
- `a` \rightarrow 2
- `(eval a)` \rightarrow 2
- `(eval 'a)` \rightarrow 2
- `(eval ''a)` \rightarrow a

Оценяване на списък като комбинация (eval)

- (eval <списък>)
- връща оценката на **оценката на** <списък>
- Примери:
- (define a 2)
- a \rightarrow 2
- (eval a) \rightarrow 2
- (eval 'a) \rightarrow 2
- (eval ''a) \rightarrow a
- (eval (eval ''a)) \rightarrow ?

Оценяване на списък като комбинация (eval)

- `(eval <списък>)`
- връща оценката на **оценката** на `<списък>`
- Примери:
- `(define a 2)`
- `a` \rightarrow 2
- `(eval a)` \rightarrow 2
- `(eval 'a)` \rightarrow 2
- `(eval ''a)` \rightarrow a
- `(eval (eval ''a))` \rightarrow 2

Примери за eval

- `(eval (list '+ 5 7 a))` \longrightarrow ?

Примери за eval

- `(eval (list '+ 5 7 a))` \longrightarrow 14

Примери за eval

- `(eval (list '+ 5 7 a))` \longrightarrow 14
- `(eval (list 'define b 5))` \longrightarrow ?

Примери за eval

- `(eval (list '+ 5 7 a))` \rightarrow 14
- `(eval (list 'define b 5))` \rightarrow Грешка!

Примери за eval

- `(eval (list '+ 5 7 a))` \longrightarrow 14
- `(eval (list 'define b 5))` \longrightarrow Грешка!
- `(eval (list 'define 'b 5))` \longleftrightarrow `(define b 5)`

Примери за eval

- `(eval (list '+ 5 7 a))` \longrightarrow 14
- `(eval (list 'define b 5))` \longrightarrow Грешка!
- `(eval (list 'define 'b 5))` \longleftrightarrow `(define b 5)`
- `b` \longrightarrow 5

Примери за eval

- `(eval (list '+ 5 7 a))` \longrightarrow 14
- `(eval (list 'define b 5))` \longrightarrow Грешка!
- `(eval (list 'define 'b 5))` \longleftrightarrow `(define b 5)`
- `b` \longrightarrow 5
- `(eval (list 'if (list '< 2 5) (list 'quote 'a) 'b))` \longrightarrow ?

Примери за eval

- `(eval (list '+ 5 7 a))` \longrightarrow 14
- `(eval (list 'define b 5))` \longrightarrow Грешка!
- `(eval (list 'define 'b 5))` \longleftrightarrow `(define b 5)`
- `b` \longrightarrow 5
- `(eval (list 'if (list '< 2 5) (list 'quote 'a) 'b))` \longrightarrow a

Примери за eval

- `(eval (list '+ 5 7 a))` \longrightarrow 14
- `(eval (list 'define b 5))` \longrightarrow Грешка!
- `(eval (list 'define 'b 5))` \longleftrightarrow `(define b 5)`
- `b` \longrightarrow 5
- `(eval (list 'if (list '< 2 5) (list 'quote 'a) 'b))` \longrightarrow a
- `(define (apply f l) (eval (cons f l)))`

Примери за eval

- `(eval (list '+ 5 7 a))` \longrightarrow 14
- `(eval (list 'define b 5))` \longrightarrow Грешка!
- `(eval (list 'define 'b 5))` \longleftrightarrow `(define b 5)`
- `b` \longrightarrow 5
- `(eval (list 'if (list '< 2 5) (list 'quote 'a) 'b))` \longrightarrow a
- `(define (apply f l) (eval (cons f l)))`

Програмите на Scheme могат да се разглеждат като данни!