

# Стратегии за редукция

Трифон Трифонов

$\lambda$ -смятане и теория на доказателствата, 2018/19 г.

9 април 2019 г.

## Стратегия за редукция

### Дефиниция (Стратегия за редукция)

Нека  $\Lambda^\perp := \Lambda \cup \{\perp\}$ , където  $\perp \notin \Lambda$ . Нека  $\Phi : \Lambda \rightarrow \Lambda^\perp$  е такава, че:

- ако  $\Phi(M) \not\equiv \perp$ , то  $M \xrightarrow{\beta} \Phi(M)$ ,
- ако  $\Phi(M) \equiv \perp$ , то  $M \not\xrightarrow{\beta}$ ,

тогава  $\Phi$  наричаме *стратегия за редукция*.

Дефинираме частичната функция  $\Phi^*(M) : \Lambda \rightarrow \Lambda$

$$\Phi^*(M) := \begin{cases} \Phi^*(\Phi(M)), & \text{ако } \Phi(M) \not\equiv \perp, \\ M, & \text{ако } \Phi(M) \equiv \perp \end{cases}$$

### Факти:

- $\Phi(M) \equiv \perp \iff M \not\xrightarrow{\beta}$
- Ако  $\Phi^*(M)$  е дефинирана, то  $\Phi^*(M)$  е нормална форма на  $M$

# Нормална стратегия

## Дефиниция (Нормална стратегия)

Дефинираме

$$\text{NR}(M) := \begin{cases} \perp, & \text{ако } M \not\rightarrow^{\beta}, \\ \lambda_x \text{NR}(N), & \text{ако } M \equiv \lambda_x N, \text{NR}(N) \neq \perp \\ P[x \mapsto Q], & \text{ако } M \equiv (\lambda_x P)Q, \\ (\text{NR}(P))Q, & \text{ако } M \equiv PQ, P \neq \lambda_x P', \text{NR}(P) \neq \perp, \\ P(\text{NR}(Q)), & \text{ако } M \equiv PQ, \text{NR}(P) \equiv \perp, \text{NR}(Q) \neq \perp. \end{cases}$$

## Задача

Да се докаже, че  $\text{NR}(\cdot)$  е стратегия за редукция.

# Апликативна стратегия

## Дефиниция (Апликативна стратегия)

Дефинираме

$$\text{AR}(M) := \begin{cases} \perp, & \text{ако } M \not\rightarrow, \\ \lambda_x \text{AR}(N), & \text{ако } M \equiv \lambda_x N, \text{AR}(N) \neq \perp \\ (\text{AR}(P))Q, & \text{ако } M \equiv PQ, \text{AR}(P) \neq \perp, \\ P(\text{AR}(Q)), & \text{ако } M \equiv PQ, \text{AR}(P) \equiv \perp, \text{AR}(Q) \neq \perp, \\ P[x \mapsto Q], & \text{ако } M \equiv (\lambda_x P)Q, \text{AR}(P) \equiv \text{AR}(Q) \equiv \perp. \end{cases}$$

## Задача

Да се докаже, че  $\text{AR}(\cdot)$  е стратегия за редукция.

# Теорема за нормализация

## Теорема (Curry)

Ако  $M \xrightarrow{\beta} N \not\xrightarrow{\beta}$ , то  $\text{NR}^*(M) \equiv N$ .

## Теорема

*Всички  $\lambda$ -определими функции са изчислими.*