

<https://cses.fi/problemset/task/1633>

5 → 15

5
4+1
3+2
2+3
1+4
3+1+1
2+2+1
2+1+2
1+3+1
1+2+2
1+1+3
2+1+1+1
1+2+1+1
1+1+2+1
1+1+1+2

```
int numberOfWays(int n) {  
    return numberOfWays(n-1) + numberOfWays(n-2) + numberOfWays(n-3)  
    + numberOfWays(n-4) + numberOfWays(n-5) + numberOfWays(n-6)  
}
```

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
ways	1									

```
ways[0] = 1;  
for (int i = 1; i <= n; i++) {  
    ways[i] = 0;  
    for (int j = 1; j <= 6; j++) {  
        if (i - j > 0) {  
            ways[i] += ways[i - j];  
        }  
    }  
}
```

```
return ways[n];
```

ways[X] - по колко начина може да се получи сума X
Отговорът на задачата ще е \rightarrow ways[n]

<https://leetcode.com/problems/palindromic-substrings/>

alabala \rightarrow 12

a

l

a

b

a

l

a

al

la

ab

ba

al

la

ala

lab

aba

bal

ala

alab

laba

abal

bala

alaba

labal

abala

alabal

labala

alabala

```

// имаме някакъв глобален низ S

bool isPalindromeSlow(int left, int right) {
    for (int i = 0; i < (right - left + 1); i++) {
        if (S[left + i] != S[right - i]) {
            return false;
        }
    }
    return true;
}

bool isPalindrome(int left, int right) {
    if (left == right) {
        return true;
    }
    if (left + 1 == right) {
        return S[left] == S[right];
    }

    if (alreadyChecked[left][right]) {
        return answer[left][right]
    }

    if (S[left] == S[right] && isPalindrome(left + 1, right - 1)) {
        alreadyChecked[left][right] = true;
        answer[left][right] = true;
        return true;
    }

    alreadyChecked[left][right] = true;
    answer[left][right] = false;
    return false;
}

n = S.size();
int count = 0;
for (int i = 0; i < n; i++) {

```

```

for (int j = i; j < n; j++) {
    if (isPalindrome(i, j)) {
        count++;
    }
}
}
return count;

// итеративен вариант
isPalindrome[l][r] -> true ако S[l...r] е палиндром и false иначе

for (int i = 1; i <= n; i++) {
    isPalindrome[i][i] = true;
}
for (int i = 1; i < n - 1; i++) {
    isPalindrome[i][i + 1] = S[i] == S[i+1];
}

for (int size = 3; size <= n; size++) {
    int end = start + size - 1;
    for (int start = 0; start + size - 1 < n; start++) {
        int end = start + size - 1;
        isPalindrome[start][end] =
            S[start] == S[end] && isPalindrome[start + 1][end - 1];
    }
}

int count = 0;
for (int i = 0; i < n; i++) {
    for (int j = i; j < n; j++) {
        if (isPalindrome[i, j]) {
            count++;
        }
    }
}
return count;

```

<https://cses.fi/problemset/task/1145>

11

10 3 2 5 4 9 8 6 7 1 11 0

2 4 6 7 11 → 5

longest increasing subsequence

lis[k] → колко дълга е най-дългата растяща подредица, която завършва в позиция position k

Отговорът ни би бил → max(lis[i], за i от 1 до n)

11

10 3 2 5 4 9 8 6 7 1 11 0

id	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
array	10	3	2	5	4	9	8	6	7	1	11	0
lis	1	1	1	2	2	3	3	3	4	1	5	1
prev	-1	-1	-1	1	1	3	3	3	7	-1	8	-1

```
for (int i = 0; i < n; i++) {
    lis[i] = 1;
    prev[i] = -1;
    for (int j = 0; j < i; j++) {
        if (a[j] < a[i] && lis[j] + 1 > lis[i]) {
            lis[i] = lis[j] + 1;
            prev[i] = j;
        }
    }
}

int answer = lis[0], lastPosition;
for (int i = 1; i < n; i++) {
    if (lis[i] > answer) {
        answer = lis[i];
        lastPosition = i;
    }
}
```

```

    }
}

vector<int> seq;
while(lastPosition != -1) {
    seq.insert(a[lastPosition]);
    lastPosition = prev[lastPosition];
}

return answer;

```

друга идея

lis[len] - колко е най-малкият елемент в растяща редица с дължина len

<https://cses.fi/problemset/task/1639>

S - стартовия

T - таргетираня

minOps[len1][len2] → минималния брой операции нужни
да превърнем S[1...len1] във T[1...len2]

Отговорът ще е → minOps[S.size()][T.size()]

LOVE

MOVIE

minOps[2][4] → колко е минималния брой операции да превърнем LO → MOVI

minOps[2][4] = LO→MO→MOV→MOVI = 3

S: ABDE

T: ABE

minOps[3][2] → minOps[2][2] + премахване на знак

ABD→AB

S: ABE

T: ABDE

$\text{minOps}[2][3] \rightarrow \text{minOps}[2][2] + \text{добяване на знак}$
 $AB \rightarrow ABD$

S: ABC

T: ABD

$\text{minOps}[3][3] \rightarrow \text{minOps}[2][2] + \text{сменяне на последния знак}$
 $ABC \rightarrow ABD$

$\text{minOps}[i][j] = \min($
 $\text{minOps}[i-1][j] + 1, \text{премахване на } i\text{-тия}$
 $\text{minOps}[i][j-1] + 1, \text{добяване на знак}$
 ако $S[i] = T[j]$, то $\text{minOps}[i-1][j-1]$, последните знаци съвпадат
 ако $S[i] \neq T[j]$, то $\text{minOps}[i-1][j-1] + 1, \text{сменяне на последния знак})$