

За решението на следните задачи да се използва функцията от по-висок ред `accumulate`, като се дефинират по подходящ начин нейните параметри.

Декларацията на `accumulate` има следния вид:

(define (accumulate combinator null-value term start next end)).

**Задача 1** Да се напише функция на Scheme, която пресмята сумата от всички цели числа в интервала  $[a; b]$ , които имат поне  $d$  различни делителя.

**Задача 2** Да се напише функция на Scheme, която намира НОК на огледалните числа на числата в интервала  $[a; b]$ .

**Задача 3** Да се напише функция на Scheme, която намира произведението от всички свършени числа в интервала  $[a; b]$ .

**Задача 4** Да се напише функция на Scheme, която пресмята произведението на всички делители на естествено число  $n$  по-големи (по-малки) от  $k$ .

**Задача 5** Да се напише функция на Scheme с параметри  $n$  и  $k$  естествени числа, която намира сумата от всички прости числа  $p$ , за които най-голямото  $\alpha$  със свойството, че  $p^\alpha/n$ , удовлетворява неравенствата  $k \leq \alpha \leq 2k$ .

**Задача 6** Да се напише функция на Scheme, която по зададени  $a$  и  $k$  намира стойността на израза:

$$\frac{a^k}{(a+1)(a+2)\dots(a+k)}.$$

Упътване: Можете да използвате еквивалентното представяне  $\prod_{j=1}^k \frac{a}{a+j}$ .

**Задача 7** Да се напише функция на Scheme, която по зададени  $a$  и  $n$  намира стойността на израза:

$$\sum_{k=1}^n \frac{a^k}{(a+1)(a+2)\dots(a+k)}.$$

**Задача 8** Да се напише функция от по-висок ред на Scheme, която пресмята приближено определен интеграл от дадена функция

по формулата на Симпсън:

$$\int_a^b f(x)dx = \frac{h}{3}(f(a) + 4f(a+h) + 2f(a+2h) + 4f(a+3h) + \dots \\ + 2f(a+(2n-2)h) + 4f(a+(2n-1)h) + f(a+2nh),$$

където  $n$  е дадено естествено число, а  $h = \frac{b-a}{2n}$ . Функцията трябва да приема като аргументи интегрируемата функция  $f$ , краищата на интервала  $[a; b]$  и естествено число  $n$ .