

вариант	ф. номер	група	поток	курс	специалност
<b>1</b>					
Име:					

Поправителен изпит по ДС  
08.09.2014 г.

**Зад. 1.** Нека  $A, B, C$  са множества.

а) Докажете, че

$$C \setminus (A \cup B) = (C \setminus A) \cap (C \setminus B).$$

б) Ако  $A = \{\emptyset, \{1\}, \{1, 2\}\}$ , напишете всички подмножества на  $A$ .

**Зад. 2.** Нека  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  е зададена с формулата  $f(x) = |x + 1|$  и множеството  $A = \{x \in \mathbb{R} \mid 1 \leq x \leq 2\}$ . Да се намерят множествата  $f(A)$ ,  $f^{-1}(A)$  и  $f(f^{-1}(A))$ .

**Зад. 3.** Да разгледаме тоталните функции  $f: A \rightarrow A$ , където  $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ .

- Колко са всички тези функции?
- Дайте дефиниция на инективна, сюрективна и биективна функция.
- Колко от тези функции са инективни? А сюрективни?
- Колко от тези функции са биективни като  $f(1) = 3$ ?

**Зад. 4.** а) Пълна ли е системата от булеви функции

$$A = \{x \rightarrow \bar{y}, (y \vee \bar{x}) \rightarrow x, x \oplus y \oplus z, 1\}?$$

б) Колко са всички булеви функции на  $n$  променливи, които принадлежат на класа  $T_0 \cap L$ ?

**Зад. 5.** Колко решения в естествените числа имат уравненията:

- $x_1 + x_2 + x_3 = 14$ ;
- $x_1 + x_2 + x_3 = 14$ , като  $x_1 \geq 2$  и  $x_2 \leq 11$ ?

вариант	ф. номер	група	поток	курс	специалност
<b>1</b>					
Име:					

Поправителен изпит по ДС  
08.09.2014 г.

**Зад. 1.** Нека  $A, B, C$  са множества.

а) Докажете, че

$$C \setminus (A \cup B) = (C \setminus A) \cap (C \setminus B).$$

б) Ако  $A = \{\emptyset, \{1\}, \{1, 2\}\}$ , напишете всички подмножества на  $A$ .

**Зад. 2.** Нека  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  е зададена с формулата  $f(x) = |x + 1|$  и множеството  $A = \{x \in \mathbb{R} \mid 1 \leq x \leq 2\}$ . Да се намерят множествата  $f(A)$ ,  $f^{-1}(A)$  и  $f(f^{-1}(A))$ .

**Зад. 3.** Да разгледаме тоталните функции  $f: A \rightarrow A$ , където  $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ .

- Колко са всички тези функции?
- Дайте дефиниция на инективна, сюрективна и биективна функция.
- Колко от тези функции са инективни? А сюрективни?
- Колко от тези функции са биективни като  $f(1) = 3$ ?

**Зад. 4.** а) Пълна ли е системата от булеви функции

$$A = \{x \rightarrow \bar{y}, (y \vee \bar{x}) \rightarrow x, x \oplus y \oplus z, 1\}?$$

б) Колко са всички булеви функции на  $n$  променливи, които принадлежат на класа  $T_0 \cap L$ ?

**Зад. 5.** Колко решения в естествените числа имат уравненията:

- $x_1 + x_2 + x_3 = 14$ ;
- $x_1 + x_2 + x_3 = 14$ , като  $x_1 \geq 2$  и  $x_2 \leq 11$ ?

вариант	ф. номер	група	поток	курс	специалност
<b>2</b>					
Име:					

Поправителен изпит по ДС  
08.09.2014 г.

**Зад. 1.** Нека  $A, B, C$  са множества.

а) Докажете, че

$$C \setminus (A \cap B) = (C \setminus A) \cup (C \setminus B).$$

б) Ако  $A = \{1, \{\emptyset\}, \{2, 3\}\}$ , напишете всички подмножества на  $A$ .

**Зад. 2.** Нека  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  е зададена с формулата  $f(x) = |x + 2|$  и множеството  $A = \{x \in \mathbb{R} \mid 2 \leq x \leq 3\}$ . Да се намерят множествата  $f(A)$ ,  $f^{-1}(A)$  и  $f(f^{-1}(A))$ .

**Зад. 3.** Да разгледаме тоталните функции  $f: A \rightarrow A$ , където  $A = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ .

- Колко са всички тези функции?
- Дайте дефиниция на инективна, сюрективна и биективна функция.
- Колко от тези функции са инективни? А сюрективни?
- Колко от тези функции са биективни като  $f(2) = 5$ ?

**Зад. 4.** а) Пълна ли е системата от булеви функции

$$A = \{y \rightarrow \bar{x}, \bar{x} \rightarrow (\bar{y}x), x \oplus y \oplus z, 1\}?$$

б) Колко са всички булеви функции на  $n$  променливи, които принадлежат на класа  $T_1 \cap S$ ?

**Зад. 5.** Колко решения в естествените числа имат уравненията:

- $x_1 + x_2 + x_3 = 15$ ;
- $x_1 + x_2 + x_3 = 15$ , като  $x_1 \geq 2$  и  $x_2 \leq 12$ ?

вариант	ф. номер	група	поток	курс	специалност
<b>2</b>					
Име:					

Поправителен изпит по ДС  
08.09.2014 г.

**Зад. 1.** Нека  $A, B, C$  са множества.

а) Докажете, че

$$C \setminus (A \cap B) = (C \setminus A) \cup (C \setminus B).$$

б) Ако  $A = \{1, \{\emptyset\}, \{2, 3\}\}$ , напишете всички подмножества на  $A$ .

**Зад. 2.** Нека  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  е зададена с формулата  $f(x) = |x + 2|$  и множеството  $A = \{x \in \mathbb{R} \mid 2 \leq x \leq 3\}$ . Да се намерят множествата  $f(A)$ ,  $f^{-1}(A)$  и  $f(f^{-1}(A))$ .

**Зад. 3.** Да разгледаме тоталните функции  $f: A \rightarrow A$ , където  $A = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ .

- Колко са всички тези функции?
- Дайте дефиниция на инективна, сюрективна и биективна функция.
- Колко от тези функции са инективни? А сюрективни?
- Колко от тези функции са биективни като  $f(2) = 5$ ?

**Зад. 4.** а) Пълна ли е системата от булеви функции

$$A = \{y \rightarrow \bar{x}, \bar{x} \rightarrow (\bar{y}x), x \oplus y \oplus z, 1\}?$$

б) Колко са всички булеви функции на  $n$  променливи, които принадлежат на класа  $T_1 \cap S$ ?

**Зад. 5.** Колко решения в естествените числа имат уравненията:

- $x_1 + x_2 + x_3 = 15$ ;
- $x_1 + x_2 + x_3 = 15$ , като  $x_1 \geq 2$  и  $x_2 \leq 12$ ?